

DELHI UNIVERSITY LIBRARY

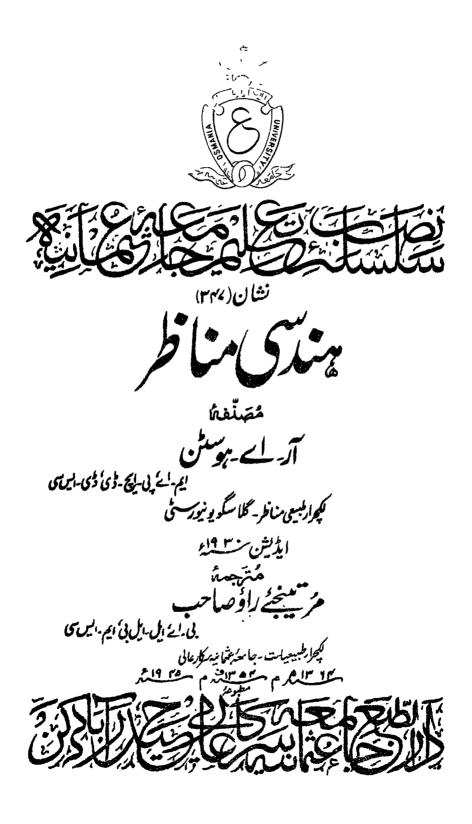
Cl. No. C5:3

1681145

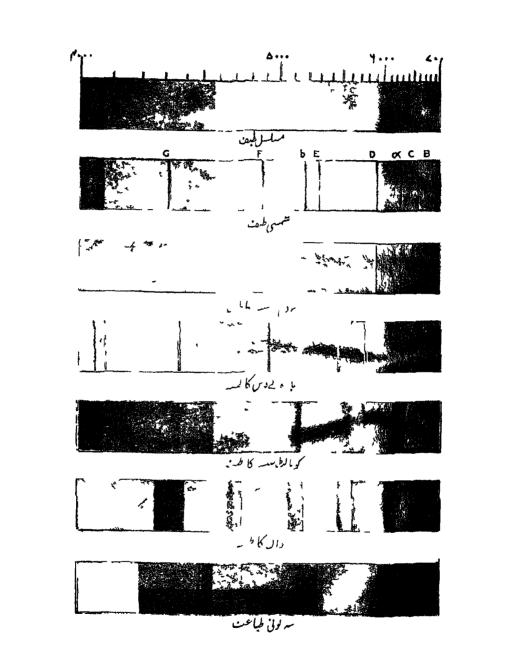
Date of release for loan

Ac. No. 43135

This book should be returned on or before the date last stamped below. An overdue charge of one anna will be charged for each day the book is kept overtime.



یہ کاب لا مکنس کرنے ایڈ کینی لیٹیڈ کی اجانت سے اُروو یں ترجہ کر کے طبع دشایع کی عمی ہے۔





یہ کتاب ایسے طلباد کے لیے لکھی گئی ہے جوعلم طبیعیات کے پہلے سال کا نصماب فتم کر چکے ہوں اور ہو علم مناظری مزی تعلیم حاصل کررہے ہوں۔ اس ہیں افسر مضمون سے زیادہ باقاعد طور پر بہت کئی ہے۔ نیز اس موضوع کے ہر پہلو کو پیش نظر رکھا گیا ہے۔ اور حالیہ تحقیقا توں کے نیز اس موضوع کے ہر پہلو کو پیش نظر رکھا گیا ہے۔ اور حالیہ تحقیقا توں کے نتائج بھی شامل کر لیے تھے ہیں۔ اس میں یہ مان دیا گیا ہے کہ استعلم کو ابن افی ریاضی کا اچھا خاصا علم حامل ہے۔ علم احصا رہے ہوئے نتائج ان طلب وی بھی سمجھ میں آ جا مسئے جو اس میں کہ دور ن کئی ہی سمجھ میں آ جا مسئے جو اس کے بوئے نتائج ان طلب وی بھی سمجھ میں آ جا مسئے جو علم احصا رہے نقائج ان طلب وی بھی سمجھ میں آ جا مسئے جو علم احصا رہے نقائج ان طلب وی بھی سمجھ میں آ جا مسئے جو علم احصا رہے نقائج ان طلب وی بھی سمجھ میں آ جا مسئے جو علم احصا رہے نقائج ان طلب وی بھی سمجھ میں آ جا مسئے کے علم احصا رہے نقائج ان طلب وی بھی سمجھ میں آ جا مسئے کے جو اس کی احتما و افغان نہیں ہیں۔ بہرمال کتا بی علم احصا رہے نقائج ان طلب وی بھی سمجھ میں آ جا مسئے کے جو اس کی احتما و افغان نہیں ہیں۔ بہرمال کتا بی احتما و افغان کی جو اس کا حقہ و افغان نہیں ہیں۔ بہرمال کتا بی حقان کی جو اس کی احتما و افغان نہیں ہیں۔ بہرمال کتا بی حقان کی جو اس کی میں سمجھ میں آ جا میں کی جو اس کی کھی سمجھ میں آ جا میں کی خوالے کی جو اس کی کے دور کی جو کے نقائج کی جو کے نقائم کی دور کیا گئی کی جو کے نقائم کی دور کی جو کے نقائج کی جو کے نقائم کی دور کی جو کے نقائم کی دور کی جو کی جو کی جو کی جو کے نقائم کی دور کی جو کی جو کے نقائم کی دور کی جو کی ج

زیادہ ترصنہ اس سے آزاد ہے یہ تماب کلید سکو یونیورٹی میں میری نوسالہ تدریس اور تجربوں کانمر ہے - میں پروفیسر کی ہے اور شعبہ نیچرل فلاسفی کے دیگراسا تذہ کا اس کی نیاری کے دُوران میں اُن کی حابیت اور حوصلہ افزائی کے لیے بی مست کور میں ۔ مطرچاریس کی کرین ایم - اے ؛ بی ۔ ایس ہی نے تمام پروف پڑھے اور ایس کے مطرچاریس کی کرین ایم - اے ؛ بی ۔ ایس ہی نے تمام پروف پڑھے اور ایس کے

أتما م سوالات عل سيح -

م مسوالات سی ہے۔ اس عالمیہ ایڈیٹن میں (۲۳) نئی تکلیں درج کی گئیں۔ کئی چھوٹی چھوٹی تصحیحات کی گئیں اور بیں سے زیادہ منفوں کا نیاموادشال کیا گیا۔ اس کے لیے مگر نکاننے ی غرض سے ساری تخاب کے مختلف مصول میں تمجمہ سابقہ مواد مذت كرديا كيا احران تبديليون كي وجس ايك ف اسفاريكى سرورت داعی ہونی -

ر ار-اے - مرسلس

فهرست مصنا مین بندسی مناظر

1 4 ركه انعطات كى وحبس بيدا ا ساسى تصوّرات سايون كى پيداليش 19 11 مخیامند انوک^اس دا بعطا ب 11 ان ي تجربي تصديق 74 14 متنانس 19 متواترا نغكامسس 11 دوماكل آسيمنے عوا گُرِوی آمکینول اور حدسول کا ابتدائی نظی ری متوازی ببلوهٔ نوای تلیومی انعطا بن ۲°r فلكي انعطا ث مروى أسين

ه٤ إلوتي صنوالت

111

شلمضاجين	ei . I	W	بندى منافل
1/8	مصنسهون	J.	مصنسهون
101	تمبیری شیشه یا سا ده نور بین فلکی دُور بین س یمسد فی ن اور هو تکیینس	lri Irr	کوئی ضلالت وو ا پیسے پیٹلے عاصول کی جن کے درمیان ایک محدودخصل مو مثاکیں
101	کے چشمے دوربین کی تکمبیراورتخلیلی فاقت مخلیلہ وکی 'رمز ہین		يانجوال باب
144	منشوری ڈو 'ین انعکاسی دُور این	ira	ہ کینول اور عدسول کے مشتقلول کی تعیین مشتقلول کی تعیین
144	غرد بین م خرد بین کیخلیلی طاقت مالا خرد بین سرانه	15A 159	, , ,
1 e 4 1 e 4	حکسالہ بعید منا ظرکی حکامی منا ظری تندیل		
149	آ دُرُ شُدِی مثالیں مالڈ لار ار	110 114	اسکی طورس کی تعیین کے لیے تکبیری افریقیے عقدی مرک والاً، له
	سانوال إب طيف بميا اورانطان ^{يا} ۇ ن	15. 15.	اسم، الدول كي تيسين كانيا ده ميم البقيا عدم كي صلالتول كي تحتيق مشاكيس
املا الملا	کی تعیین ۔ ابخوا ^ن اقل		چشا باب
IAY	لميف بيميا	109	منا ظری آلات

, sec	مضمون	Co.	مصنسبون
۲. د	ترسیمی طریقے سے سی منشور کے د نعطاف نماکی تعیین	191	منشور کے زاویہ کی ہمیالیہ ہیں، لمبیف پما کی ترتبیب
۲۱۰ ۲۱۳	قوس قزح مثالیں	199	ا يبتے كا خود توازى گرطيف يميا كُلّى انعكاس والےطرلقير ك سانعطاني
414 461	اشادید افزست اصطلاحات	7.1	ئ سنان در پرت معالی کانعیب بن
	7	<u></u>	

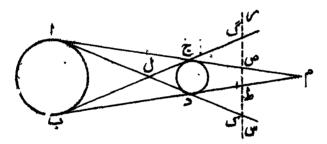
بشم امتُد الرَّحِن الرَّحِيمُ



ا ساسى تصوّرات

نور کی اشاء خطوط متنقیم بین عمل بین آتی ہے۔ اس امر کی صدافت کو بہر خصف نظر کی اشاء خطوط متنقیم بین عمل بین آتی ہے۔ اس امر کی صدافت کو ان شعاعوں کی سمت بین واقع ہوتا ہے جو اس جسم سے زمکل کر ہماری آنکھ میں داخل ہوتی ہیں ۔ نیز رہماری روز مرّہ کی زندگی میں بھی نور کی اِسس اشاعت متنقیم کی گئی مناہیں متی ہیں۔ مثلًا سُورج کی کر نیں جو کسی درز میں ساخت منتقیم کی گئی مناہیں متی ہیں۔ مثلًا سُورج کی کر نیں جو کسی درز میں سے ایک تاریک کمرے کے اندر داخل ہوتی ہیں ستقیم نظر آتی ہیں ؟ نیز حب کسی موم بتی کے شعلہ کی وجہ سے ایک چھڑی کی سایہ سب کے سب ایک جو تو شعلہ کی چوٹی اور چھڑی کی چوٹی کا سایہ سب کے سب ایک ہی خط متقیم ہیں ہوتے ہیں۔

سین اگر شاہدات بڑی احتیاط سے سے جائیں تو پایا یہ جائیگا کہ فورکی اشاعت صرف تفریباً خطِ متفیم یں عمل آتی ہے۔ مثلاً اگر کسی نقطئی مبدائی روشنی ایک ایسے بردے پر واقع ہوجس میں تقریباً الم مم کا ایک بنگ موراخ بنا ہوا ہو تو شعاعیں اس سوراخ میں سے گزرنے کے بعد سایہ کے اندر اس درجہ مراجاتی ہیں کہ نورکی اشاعت مستقیم کا ذکر ہی نہیں ہوسکتا ایسی معروت میں کہا جاتا ہے کہ انجاز علی میں آرہا ہے۔ اس انجاد پر ایک باب با بعد میں تھا ہرکی صورت میں اس میں کہا جا سے بحث کی جائیگی الیکن اکثر مناظری منطا ہرکی صورت میں اس کم نظر انداؤ کھیا جا سکتا ہے۔

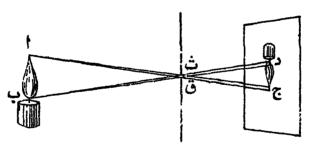


شكل عل (والن كى "طبيعيات" س)

مشتل ہوگا قطرص طروالی ایک کال سیاہ قرص پر ہو ظلِ محص کہلا ماہے اور جو بتدریج معنی ہوئی تاریکی والے ایک علقے سے جو ظلی مُشوّب کہلا اہم کھرا ہوا ہمترا ہے۔

گرا ہوا ہوتا ہے اگر ہوا ہوتا ہے اگر کرہ إب سُور ب کو نغير کرے اور کرہ ج د چاند کو نوسطے زمين کے
کسی نقط بر محتل سؤرج گربن اس وقت معلوم ہوگا جہ، کہ يہ نقطہ مخروط
ج م دے اندر واقع ہو - اگر بہ نقطہ طلّ مشوب يس واقع ہوتوگر ہن مرف
حزوی نظ آئگا ۔

برزوی نظرا نیگا۔ جزوی نظرا نیگا۔ میں کے ایک چھوٹے سے سُوراخ نن فی کے سائنے رکھا ہو اور اِس موراخ کی دُوسری طرف ایک سفید مقوا رکھا ہو تو اِس مقوّے پرمنورجسم کا ایک اُٹا خیال ج د حاصل ہوگا منوّدجہم کے ہرایک نقطہ سے نورکی ایک بنسل حب صراحت شکل شائع ہوکر منوّے پر روشنی کا ایک دھتہ بیدا کرتی ہے۔



فكل ي (والسن كى دوطبيعيات "سه)

ماسكه من بهوّاه -

كليّات أنعكامس وإنعطاف : يه امركه ده اجام جوخو ومنورنه برول ملكن كسي سداولوركي روشي مصر موركي حاجم أوتما ممتول

ا جي وكلماني ويتے جي - يدها بربونا ہے كہ به حدام روشى كوتيا م سنو بس ملعكس

کر دیتے ہیں ۔ ایسے انعکاس کوبے فا عدوان ، سے چینے ہیں اور پیانسی میادہ کلیسکا بایند بنیں ہے ۔ بہمام کفروری سطوں برعمل میں آتا ہے ۔ جوشعا عبر داس طربیتے سے منکس

مونی بن ان کا رئگ عام طور پر دل ما ما ہے . جب سفاعوں کی ایک باریک بنسل کسی آئینہ پاکسی شفا ف واسط کی

مِعْلَى سَلْح سَيْنُ سَكُ بِي وَيْ بِي وَإِسْ بِينَ لِي قاعده انعكاس بهت اي كم يايا جانات اور نوری واقع بنس وو بنسلوں میں سے جاتی ہے: ایک منعکس نیل

اوردومس منعطف بنسل -السي صورت بن تها جاتاب كم نويي باقاعده انعكان واقع ہور ہاہے ۔ حب نقطہ پر واقع شعار العکاس انگیر سطے سے المتی ہے اس کو (٥) نقطه و قوع محت بن اور اگراس نقطه سي سطح مذكوري ايك عا د كه نها جائي تواس

عماد اور شعاع واقع کے درمیانی زاویہ کو زاویہ و قرت اور اس عاد اور شعاع منعکس کے درمیانی زاویہ کو زامیر انعکاسس کتے ہیں۔ اگر ایس عاد کو شقاف واسط کے اندر نیچے کی طرف خارج کیا جائے تو اس کے اور تعطف شعاع کے

درمياني ژاديه كوزانوير انعطاف كما حاتماسي .

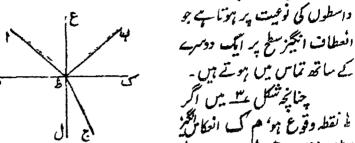
مُلِيّات انعكامس وانعطاف حسَّ ذيل مِن : شعات واقع ، نفط وتوع سے معاس الگيرسط بركيني مواعاد اور

شعاع منعکس تمینول ایک ہی مستونی بن ہوئے ہیں۔ زا وید انعکال زاویر و فوٹ کے مساوی ہوتاست ر

شعاع منعطف السي مستوى من رمتى مديم جسس، من كرعاد اور شعاع واقع ، اور عاد کی بس جانب شعاع واقع رمتی ہے اس کی خالف جانب يائي جاتيب

زاویہ وقوع کی تمام قیمتول کے لیے زاویہ وقوع کے جیب میں اور

زاویدانعطاف کے جیب میں ایک متقل نسبت بائی جانی ہے جس کی قیمت کا انحصار نور کی نوعیت یراور اُن



شکل <u>س</u>

سطح کانشان ع طاعا د اور اط شعاع واقع توسفاع منعکسس

طب اور منعطف شعاع طبح دونوں اسی مستوی میں واقع ہو نگے جس میں اط اورطع واقع ہوتے ہیں، حاع طب مساوی ہوگا۔ حاع طام کے اور جب ع ط ا\ جب ل طبح ایک مستقل ہوگا، چاہے زاویہ حاع والی قیمت کھے ہی کیوں نہ ہو۔

 $\frac{1}{3}
 \frac{1}{3}
 \frac{1}{3}$

ترمد کو بور زیر بحث کے لیے بالان واسلہ کے لحاظ سے پیلے واسطہ کا انعطاف نا کہتے ہیں۔ تمام شقاف تھے سول اور ابعات سے لیے مہ بڑا ہوتا ہے اسے۔ جب زاویہ و توت سفر ہو تا مطے اور طاف ہو زان ع طریر منطنی

ہوجاتے میں اور طبع 'طل پر منطب ، روبا ما ہے ۔ ایسی صورت میں شعاع انطا سے غیر منوف رہتی ہے۔

اگرووسط جس پر روشنی داقع زوتی بنه منی سط بهوتو بهم اس کومتعدد چور نظیم اس کومتعدد چور نظیم اس کومتعدد چور نظیم چھوٹے رقبول پرمنقسم قیاس کرتے بوٹ ان زیاسے ہر ایک دیے کومسٹوی مان کے سکتے ہیں بر پھران میں سے ہر ایک ی آیا۔ ما دکھینے کر ہرایک پروائع ہونے والی شعاع پرعلنحدہ علیٰدہ غور کرسیج ہیں۔ ایسی صورت بی ہرایک رقدیم واقع ہونے والی روشنی ندکورہ بالا کلیوں کے مطابق منعکس اور منعطف ماہوگی -کلیات انعکاس وانعطاف کی تعدیق بہترین طریقے پرطیف پیمار صفحت

کی مدوسے ہوشکتی ہے ؟ لیکن سٹیٹہ کی آیک سل کی صورت میں اِن کی تصدیق کا ۔ ایک اسان طریقہ حسب ول سے :-

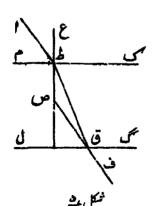
نقشَهُ شَی کے نیجے تیر ایک کا عذیرِ رصا دو اور اِس پر کوئی خطِمتقیم الط

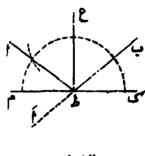
کمینیو (شکل سے) سنیشد کی س کواپنی خگر براس طن رکھ دوگر اس کا ایک کڑ م کم کمک پرمنطبق رہے ، پھر اِس سے کمارے کمارے پیشل سرکاتے ہوئے خطام ک (۴) کمینیو۔ س کی سط میں ویکھنے یر خطاط الطانفکاس کے بعد اُسط کی سمت میں دکھائی دیگا!

یبود ان کی کا یک بیٹی اس طمع مکھ دوکہ اس کا کنارہ اکظ ای کی سیدھ یں بھر کا غذیر ایک بیٹی اس طمع مکھ دوکہ اس کا کنارہ اکظ ای کی سیدھ یں نظر آنے نگے اور خطط ب کا بچھ حصتہ کھینپو۔ اب س کو اشاکرب طاکو یہاں تک خارج کردکہ یہ م ک کو قطع کرنا یا ہے۔

اور ایک پر کارکی مددسے حسب صراحت شکل یه نابت کیا جاسکتا ہے تمر داطع = حطب

ط ﷺ کے کا جاتے ہے۔ حسب سابق ایک خط ا ط کھینپو اور سِل کو اپنی جگہ پر رکھ دوڑ کالے ؓ)





فنكل يمك

فرض کروکہ م ک اورل گ اس کے دو متوازی و خوں کے نشان ہیں۔

م ک اور ل کی کینیو ۔ پرسل کے رُخ ل ک یں دیکھتے ہوئے ایک بٹی کی مدد سے نطق ف کینیو ہو خط اطبی کی مسیدھ میں نظر آئے ہیل ہادو کا عاد سے میں پر جاملے اور طق عادع طص کینیو اف ق کو اتنا بڑھاؤ کہ عاد سے میں پر جاملے اور طق کو ماؤ ۔ زاویہ جس طق زاویہ انعطاف ہوگا۔

اب زادیہ وقوع اور زاویہ انطاف کے جیبوں کی نسبت کئی طریقوں سے معلوم کرلی جاستی ہے۔ لیکن إن میں سب سے آسان طریقہ شایر سب زولی ہے :۔ نفشہ سے بایا جاتا ہے کہ ص ف متوازی ہے اطریح ۔ بنا بریں کے طص ف محملہ ہے دا طرح کا اور جب اطرح = جب طرص ف اب چونکہ سی مثلث کے زاویوں کے جوب ان کے مقابل کے منلوں کے تناسب ہوتے ہیں اس لیے :

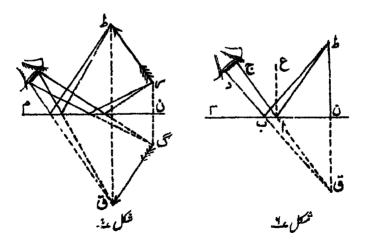
م = جب اطاع = جب طص ق = <u>طق</u> مر = <u>جب صطاق</u> = جب صطاق

خواه < اطع كا تغير كجه اى كيول سن المو نسبت طق بيشه تقل

رمتی ہے۔

فرض کرو که م ن ایک ایسے مستوی آئینه کا نشان ہے جوکا فلاکے مستوی آئینه کا نشان ہے جوکا فلاکے مستوی کے علی القوائم ہے (شکل ملا) اور فرض کروکہ طے نور کا ایک نقطی مبداء ہے۔ وض کروکہ طے اسے آئینہ شک ط اکوئی شفاع ہے۔ تب ا نعکاس کے بعد اس کی سمت اج ہوجائیگی۔ نقط اسے عاد اع کھنیو، نقط ط سے مم ن برعمود ط ن گروئو اور ج اور ط ن کویان کے فاج کرو کہ یہ ایک دوسرے سے نقط فی بر جامیں۔

اب مثلثوں افرن أور اق ن میں ان مشترک ہے: وان طاء حان فی کیونکہ یہ دو نوں قایمے ہیں؛ اور حافران = حقان کیونکر حان ایک تاہدہ اور ع ازادیہ حرج اطلی تضیف کراہے۔ اس لیے یہ مثلث تاہیں میں ہرطرح مسادی ہیں اور طان = ن فی نقطہ ق کامحل تعین ہوجاتا ہے اور یکسی طرح ط اکی سمت پر مخصر نہیں ہوتا ۔ بنا نچہ گرہم ایک اور شاع ط ب کھینجیں تہ انعکاس کے بعداس کی سمت د ب جی ق یس سے گذر فی چاہیے ۔ اِس لیے وہ مت م شعامیں جو ط سے بکل لرآئید یر این زیل بی ج د بررکھی ہوئی آبھ کو ق سے آتی ہوئی معلوم ہوتی ہیں ۔ ایسے نقطہ فی کو ط کا خیال کہاجاتا ہے اور جو نکہ فی میں سے شعامیں اج اور ب د خود نہیں گزر تیں بکہ محن اِن کی سمتیں تیچے کی جانب خارج آتیے جانے پر گزر نی ہیں ، اِس سے اِن کی سمتیں تیچے کی جانب خارج آتیے جانے پر گزر نی ہیں ، اِس سے خواجہ قی ہوتا کو جان کی ہوئی تو اس سے خواجہ نے ہوگاری ہوئی تو خواجہ کہ اِن کی سمتیں تیچے کی جانب خارج آتیے جانے پر گزر نی ہیں ، اِس سے کہ خیال حقیقی نوا ہوتی ہوئی کے درمیان اصلی فرق یہ ہے کہ خیال حقیقی خیال کوسی پر دے پر حاصل نہیں کیا جا سکتا ہے اور محا ذی خیال کوصرف دیکا جاسکتا ہے ، پر دہ پر حاصل نہیں کیا جا سکتا ۔ کوصرف دیکا جاسکتا ہے ، پر دہ پر حاصل نہیں کیا جا سکتا ۔ اگر ہم ایک منور نقطہ سے ، پر دہ پر حاصل نہیں کیا جا سکتا ۔ اگر ہم ایک منور نقطہ سے ، پر دہ پر حاصل نہیں کیا جا سکتا ۔ اگر ہم ایک منور نقطہ سے ، پر دہ پر حاصل نہیں کیا جا سکتا ۔ اگر ہم ایک منور نقطہ سے ، پر دہ پر حاصل نہیں کیا جا سکتا ۔ اگر ہم ایک منور نقطہ سے ، پر دہ پر حاصل نہیں کیا جا سکتا ۔ اگر ہم ایک منور نقطہ سے ، پر دہ پر حاصل نہیں کیا جا سکتا ۔ اگر ہم ایک منور نقطہ سے ، پر دہ پر حاصل نہیں کیا جا سکتا ۔



معلوم ہوگا کہ اِس سے ہرایک نقطہ کا خیال حسب صراحت یالا بنیگا اور اِن نقطیٔ خیالوں کے اجتماع سے حظی خیال ق ص حاصل ہوگا (شکل عشہ)۔ یہ امر

مثا بره طلب مے کہ انکاس سے تحص میں عرضی تقلیب بیدا ہوجاتی ہے یعنی رِس سے وا ہے اور اِنیں بہلو اِ ہم برل جاتے ہیں۔ جن بخد اگر کسی ہوئینہ کے مائیے کوئی نخر بررکھی ہوتو یہ خیال کی مردے صاف نہیں بڑھی جاسکتی ؛ مكن اگرامس تحرير كوجا ذب ير جذب كرايا جائ اور پھر ايس جا ذب كو آمينه مِن لا الله جائد تو يه تحرير الد مرتب أكس جائے كى وجر سے الكر مات

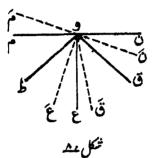
یہ امرکہ خیال آئین کے امینے ہی پیھے واقع ہمتاب جتنا کہ شخص ہی کے ساسے دوینوں اور شیشہ کی ایک تختی کی مردسے بڑی آسانی سے تابت کیا جا مکتاب - إن ينول يس سے ايك جيوني اور دوسري براي ہوني جا ہے اور سنیشه کی نختی کا بچھلا رمن سیاہ کر دیا جانا چاہیے تاکہ انعکامس ضرف سامنے کے رُخ برعل میں آئے بیشیشہ کی شخق کو انتصاباً قاتم کرے رس سے سامنے چھوٹی بن نصب کردو۔ بھر لمبی بن کوشختی سے سمجھے ایک السے محل پر نصب کرو جهال يدين اور هيون لي كاخيال وونول ابك بن مقام بروكها في وين لكس م الینی صورت بیں کمبی بین اور حیوی بن کے خیال سے در میان تو ی اختلات منظر مُنْ يا يا جائيكالعني م عكم كوعرضي سمست مين إدهر ا وهر حركت دي ست إن مین کونی اصافی حرکت نظر نه انگی و اگر به محل پوری احتیاط سے معلوم کرایا گیا ہو تولمبي بن اور حيون بن دونون تيسري سطيف مساوي الفصل بدايت أيب -أكر مينتجر بنضيت كي معمولي تفيق كي بجائه أب جا ندهي جراسط أثينه كي مددس انجام دیا جائے تو شال تو بلاست، ألیاده متور ہوگا سکن اس امرے مر نظر که روسی موسم نینه پر بہنچ سے بہلے سٹیشہ کی شختی میں سے گزد نا پڑا ہے،

ذراسی بجیدگی بدا موجانی میه - جانی آئے بل کر بتایا جائیگا کہ اگر شیت (۸) كى تختى كى قبازت و موتو إس كى دخرسے خيال أسين سے بقدر ﴾ (مه- ١) د\مه ك قريب تراه جائيگا - آگر جا ندى تختى كى الكى سطح ب ا مرمی بوی بود بر بیسیدگی خود بخد را نع بروجانی ہے۔ نیکن ایسا آئینزمانے میں چاندی کوسٹیٹ کی تحق پر کیمیائی طریقے سے مطروح کرنا پڑتا ہے اور

پھر یہ زیادہ دیریا نہیں ہوتا ؛ بارہ اور قلبی کے ورق والے طریقے کا اطلاق صرف سفیشہ کی سطم سے پیشت پر ہوسکتا ہے۔

مستوی آئینہ کی گردشس: - فرض کردکہ کا غذے

متوی کے علی القوایم ایک متوی آئیسنہ رکھا ہے جو کا غذے مستوی کو م ن پر قطع کرتا ہے۔ نیز فرض کروکہ



ط و شفاع داتع ہے، وقی شعاع منعکس، اور وع نقط دقوع سے کھنچا ہوا عاد ۔ مان لوکہ اِس آئینہ کو و ٹیں سے گزرنے والے ایک ایسے محدرے گرد جو کا غذے مستوی پر عمود وار ہے، زاویہ عہ میں گھا یا

جاتا ہے اور اِس گردشش کے بعد شعاع منعکس اور عاد کے معل یا لتر نتیب و ق اور وع ہوجاتے ہیں :

م= < مُ وم = <غُ وع = < ط وع - < طوعَ = + < ط وق - + < ط وق

= + (\ طوق - \ طوق) = + = ق وق ليكن ق و ق وه زاويه ب بس يس كه منعكس شعاع گھوم جاتى ہے -وس كيے منعكس شعاع كازاويُر گردسش دوگناہے آئيمذكے زاوية گردشش

اس کیے منعکس شعاع کا زاو ٹیگر دکسش دوگناہے آئیں نے 'ڈاوریا گر دکننگل کیے۔ آئیںنہ اورمنعکس شعاع کے اِس انصول سے کسی جسم کی گردیشس کی

بیایش میں اکثر کام لیاجا ماہے۔ مثلاً رو بیا کی تعض شکلوں میں ایک چھوٹے سے مقناطیس یا مقناطیسی نظام سے ساتھ آیک چھوٹا سادائری آئینہ جبیاں وا ہ جوایک لیمپ سے آنے والی روشنی کو ایک ایسے بیانے پر جو عام طور پر
آئینہ سے تقریباً ایک میترک فاصلہ پر دکھا ہوتاہے منعکس کر دیتا ہے۔ چنا پخر
جب ایسے رو پیما میں سے روگزرتی ہے تو اِس کا مقناطیس مع این آئینہ
کے منصرف ہو جاتا ہے جس سے لیمپ کی جھری کا خیال بیما نہ پر حرکت کرتا
ہے ۔ اِس طرح یہ نعکس سفا عیں ایک کا لی طور پر سیدھے اور ہے کیتت فایشادہ
کا کام دیتی ہیں ۔

متواتر العكاس :- اب ج دشيشك مورى

پہلوؤں والی ایک دبیزتختی ہے۔ اِس تختی کی ادبری سطے کے نقط ربر نور
کی ایک شعاع طرر واقع ہوتی ہے اور ایک منتئس شعاع رر اور ایک
منعطف شعاع رر بیدا کرتی ہے۔ یہ منعطف شعاع تختی کی نجلی سطے پر واقع
ہوکر منعکس شعاع رس اور ایک منعطف شعاع بیدا کرتی ہے ہوشکل میں
نہیں دکھلائی گئی ہے۔ مینعکس شعاع رس س تختی کی اوبری سطے کے نقط س بر
واقع ہوکر ایک منعطف شعاع س س اور ایک منعکس شعاع س س

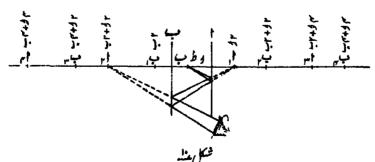
شكل عدد (والسن كل مطبيعيات "ع)

برا مود بیت سال مان ایس می است می ایس ایس ایس اور ایس بی دا قع شعاع اس طرح ایس بی دا قع شعاع طرح ایس بی معامیس را س س می عوفیره بیدا کرتی اوپر دا قع دمنوالی می اوپر دا قع دمنوالی سے آتی ہوئی نظراتی بیں وان فیالول سے آتی ہوئی نظراتی بیں وان فیالول می می اور دو سرے فیال جلد جلد مرحم بین اور دو سرے فیال جلد جلد مرحم بین کیونکہ براک انعکاس می کیونکہ براک انعکاس

کی وجہ سے روشنی کی مدت بہت کی گھٹ جاتی ہے۔ اگریہ تجربہ تقریباً (۹) اندھیرے کمرہ میں ایک موم بتی کے شعلہ کی مددسے انجام دیا جائے تو عمو اللہ موٹ مین خیال نظر آتے ہیں۔ سکین اگر سفیشہ کی تختی کی بنجلی سطح پر چاندی الرسفیشہ کی تختی کی بنجلی سطح پر چاندی الرسفیشہ کی تختی کی بنجلی سطح پر چاندی جواب پر ایسان میں سے دوسرا خیال ماتی اور ان میں سے دوسرا خیال ماتی سب سے زمادہ روشن ہوگا۔

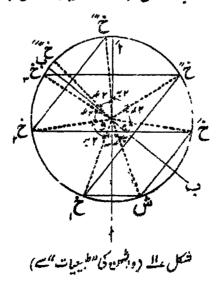
معرفی آئینوں کی صورت میں ہمیں یہی دوسراخیال نظر آتا ہے ؟ یوں تو دوسرے فیال بھی موجود ہوتے ہیں سکن یدائنے مدھم ہوتے ہیں کم ان کو نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔

فرض کروکہ دو آئینوں \ اور ب (شکل منل) کے درمیان جن کے مرمیان جن کے مرمیان جن کے مرمیان جن کے درمیان خاصلہ آئینہ ب ہے ۔ چنا بچہ ا میں انعکاس کی وجہ سے اِس خال کا ایک خیال الم پر بنیگا ؛ آئینہ ب میں مکرر انعکاس کی وجہ سے اِس دو سرے خیال کا خیال الم پر دکھائی دیگا اور اسی مکرر علی ہوئے اسی طرح آئینہ ب میں طرح انعکاس پر غور کرنے سے ہمیں خیالوں ب ، ب ، ب ، ب ، ب ، ب ، ب ، ب ، دول متنا ہی سلطے ہوتے ہیں لیکن متواز انعکاس یوں تو ہونے کو خیالوں کے دولا متنا ہی سلطے ہوتے ہیں لیکن متواز انعکاس یوں تو ہونے کو خیالوں کے دولا متنا ہی سلطے ہوتے ہیں لیکن متواز انعکاس



سے روشنی سے ترحم ہوجانے کی وجہ سے ہراک سلنے سے صرف پہلے خیال ہی

دکھائی دیتے ہیں شکل میں ہر ایک خیال سے اوپر ایس کا فاصلہ نقط ط سے لکھ دیا گیاہے۔ خیال او پیدا کرنے والی شعاعوں کی بنسل سائکھ میں داخل ہونے سے پہلے جوراستہ افتیار کرنی ہے وہ بھی شکل میں و کھلا ما گماہے۔ جب یہ دونوں آئینے آگے۔ دوسرے سے ماکل ہوں توخیالوں سے محل دلجسپ ہوجانتے ہیں۔شکل علامیں ﴿ ﴿ اور بِ وَ آئینوں کو تغبیر کرتے ہیں اور متن شخص ہے۔ وہ ایس تنس سے انعکاس کی وجہ ہے غیال خ بیدا ہوتا ہے۔ بو کھ ملٹن نے عردوارے والیر اور خ ، واسے اُس کے سامنے ، اِس کیے واقع ، اِس کیے واقع ، اِس کیے خ اُس دا ٹرہ پیر وا تُق ہوگا جو ہو کو طرکز مان کر نقطب میں سے كَسِنيا جائے۔ يہ خيال خ آئينہ وب س خيال خ " بنا نيكا جو مريحاً" اسى دائره برواقع إوكاض يركه نش اورخ وافع الوت اين - ير خیال و ایس منعکس موکر خیال خ ببدا کریکا به شخ اورخ کوطانے والا خط واے مرے کے آگے سے گزر بگالگین اِس سے کوئی معنا یقہ نہیں گئین واین خ کے خیال بیدا کرنے کے لیے مرف یہ فروری ہے کہ تح سے تن والى شعاعين و أيرمنعكس بوكرة كه ين داخل بون - وب ين (١٠)



خ كاخيال خ "بنتاب - ير چونكه دونون آئينول كے يہ واقع ب اس يا ير مزيد خيال نہيں بيدا كرسكا -

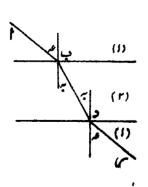
اگر ہم شخص نئی کی طرف بھر رجوع کریں تو یہ وب میں خیال خ بنائیگا جو و اس میں خیال خ بیدا کریگا - یہ خ آئینہ وب میں خیال خ بیدا کریگا - یہ خ آئینہ و ب میں خیال خ بنائیگا - یونکہ یہ خیال دونوں آئینوں کے بیچے واقع ہے اس لیے اس سے مزید خیال بیدا نہ ہوئے - یس صورت زیر فوریں کی سات خیال مامل ہوئے اور یہ سب کسب اس دائرہ کے محیط پرواقی رسینے جس کا مرکز و اور نصف نظر و منس ہو -

مختف خیالوں کے درمیان بننے والے زاویے شکل میں دکھلائے گئے ہیں، جاں زاویوں اوش اور ب و منش کو بالتر تیب مداور ب سے ظاہر کیا گیاہے۔شکل سے ظاہر ہے ؟ دومتصلہ خیالوں کا درمیانی ناوی

سے کا ہر کیا گیا ہے ۔ ' ن سے کا ہر ہے ؟ دو سکتا متبادل طور پر ۲ مد اور ۲ برے مساوی ہوتا ہے ۔

انعطاف متوازى ببلوؤل وائى سِلول

میں سے :۔ رض کروکہ نور کی ایک شعاع اب در کسی شقاف مادہ کی متوازی پہلوؤں والی ایک تختی میں سے منعطف ہوتی ہے جسیا کہ



شکل ملای و کھلایا گیا ہے۔ فرض کروکہ اِس تختی کا انعطاف نا بخاظ اُس واسطے جس میں کہ بخاظ اُس واسطے کے اور واسطہ کا انعطاف اِس کے اور کا طاقے میہ انعطاف اِس کے اور کا طاقے میہ متوازی بہلووں والے کسی واسطہ میں سے گزرنے پرکسی شعاع کی سمت نہیں بدلتی ۔ اس سیے سمت نہیں بدلتی ۔ اس سیے

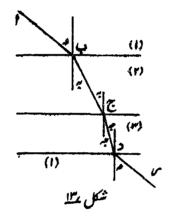
(11)

شعاع فارج در عاد کے ساتھ وہی زاویہ عد بناتی ہے جوکہ شعاع دلقے۔ اگرزاور انعطاف کو بہسے تعبیر کیا جائے تو ؛

ممه = جب مرا = جب بد

المندا مي = ما

اب فرض کروکہ متوازی بہلوؤل والی دوسل ایکیدساتھ رکھی ہوئی ہیں اور نورکی شعاع اب ج دریان میں سے گزرتی ہے جیا کہ شکل عظل میں دکھلایا گیا ہے۔ فرض کردکہ دوسرے واسط کا رنطات نما یہلے واسط کا عقبار



سے مہر ہے ' نتیرے واسط کا انعطاف نما دوسرے واسطہ کے اعتبار سے مہر ہے ' اور پہلے واسطہ کا انعطاف نما نتیسرے واسطہ کے اعتبار سے میں ہے۔ چنا بخہ آگر بر اور جرکی قیمتیں خسب صراحت شکل ہوں تو

 $\lambda_{n_{1}} = \frac{z_{-} \cdot z_{-}}{z_{-} \cdot z_{-}} \cdot \lambda_{n_{1}} = \frac{z_{-} \cdot z_{-}}{z_{-}} \cdot \frac{z_{-} \cdot z_{-}}{z_{-}} \cdot \frac{z_{-} \cdot z_{-}}{z_{-}} \times \frac{z_{-}}{z_{-}} \times \frac{z_{-} \cdot z_{-}}{z_{-}} \times \frac{z_{-} \cdot z_{-}}{z_{-}} \times \frac{z_{-} \cdot z_{-}}{$

معیاری دباؤے تحت ، حرکی تیش پر ہوا کا انعطاف نا خلاء کے

مم جب عدد مم جب بدد مه جباج

اس مساوات کو باسانی اِس طح وسعت دی جاسکتی ہے کہ یہ متوازی مسنوی اسطول سے گھرے ہوئے ن واسطول کی صورت پر بھی ها وی ہو۔ پہنا بخہ اِس سے بھرے معلوم ہوگا کہ کسی ایک واسطہ میں شعاع کا میلان اس شعاع کے صرف اصلی میلان پر منحصر ہوتا ہے اور اِس میلان میں درمیانی واسطوں کو کئی دخل ہن ہوتا۔

فلكي أنعطاف :- چونكه بواكا انعطاف ما فلاك انطاف نا

کے مقابلہ میں تابل کھا ظور بربر بڑا ہے ' اِس ملے جب کسی سارے سے آنے والی اشعامیں ہارے ہوائی کرو میں داخل ہوتی ہیں تو وہ منعطف ہوجاتی ہیں۔

(۱۲) اِس و نعطاف کا اخریہ ہوتا ہے کہ ستارہ آسمان پر ایسے اصلی مقام سے بلند تر نظر آتا ہے۔ چونکہ ہوائی کرہ کے بالائی مبقوں کی کن فت اور بنا بریں

اس کا انعطاف نما بتدریج گھٹتا جا آہے اس لیے یہ سام انعطاف بیک وفئت علی میں بہیں آتا بلکہ ہوائی کرہ بیں سے شعاعوں کے گزرکے دوران میں یہ شعاعیں بتدریج مڑتی جاتی ہیں - جنا بخہ اگر یہ فرض کرایا جائے کہ ہوائی کرہ بعض ایسے متوازی طبقوں میں منتقسم ہے جن میں سے ہر ایک کے لیے انعطاف نماستقل لیکن اِس سے بنچ والے طبقہ کے انعطاف نماسے کمتر ہوتا ہے ، تو اِس بتدریج کھٹے والے انعطاف نماکا انز حاصل کیا جا سکتا ہے ۔

4

شكل

ایسے ایک طبقہ بس سے شعاع کا گزر فکل سکا بیں دکھلایا گیا ہے۔ نقطہ ط پر کی انعطاف کے اطلاق سے ہیں ماس ہوگا: مرجب قد = مرجب عدے مرجب (قدم) جہاں صدود انحراف ہے ہو اس انتظاف کی وجہے بیدا ہوتاہے۔ یونکہ حد ایک چھوٹا زاویر ہے

پیری ارد موسکتے ہیں بب صدہ مداور جم صدا۔ اس کیے ہم لکھ سکتے ہیں بب صدہ حداور جم صدا۔ بنا بریں مساوات ِ بالا ہوجا ئیگی :۔

مم جب تد عمر (جب قد مرجم قد)

هر = (مر - مر)من فد

کیونکہ مہرکو تقریباً اسے ماوی لکھا جا سکتا ہے۔ اگر ہم ایسی ہی ما واست علی الترتیب تمام ویکر طبقوں سے بلے بھی لکھ کر اِن سب ماوا توں کو جمع کرسی۔ اور اگرہم یہ مان لیس کہ قدم ، ، ، ، کے قریب نہیں ہے اور بنا بریں مسس فنہ آمستہ بدت جاتا ہے توجموعی انخراف حد کی تقریبی نیمن فنا بطرفیل سے مامل ہوگی:

حه = (مه-۱)مس قه

جہاں مہ ہوائ کرہ کے انعطاف نمائی وہ قیت ہے جوزمین کی سطم کے قریب بائی جاتی ہے ۔ ہوائ کرہ کے انعطاف نما مریحاً ا ہواہے۔ بائی جاتی ہے ۔ ہوائی کرہ کے بلند ترین طبقہ کا انعطاف نما صریحاً ا ہواہے۔ فلکی انعطاف کا کمل نظریہ بہت بھیلیدہ ہے کیو کہ اِس انٹر کی فتدر

ہوائی کرہ کی نبیش اور اِس کے دباؤ پر منحصر ہوتی ہے۔ جسے جسے کوئی ستارہ اُفق کے قریب آتا جاتا ہے۔ و سبے و سے اِس میں انفطاف کی و جسے اُوپر کی سمت میں یا یا جانے والانقل مکان بہت جلد جلد برط مقتا جاتا ہے۔ اور بالآخر جب زاویہ قد کی قیمت ، ہم ہوجاتی ہے تو اِس نقل مکان کی صدر هم پر بہنچ جاتی ہے۔ یہ نقل مکان اُس زاوی سے برط اہے جو سُورج یا چاند کے قطر کے محاذی بنتا ہے۔ یہ نقل مکان اُس زاوی سے برط اسے جو سُورج یا چاند کے قطر کے محاذی بنتا ہے۔ یہا تخ جب سُورج کی رض کا نجل کنارہ اُنی سے چھوتا نظرا آ اہے تو یہ ساری قرص در حقیقت اُنی نے متوی سے نیچ ہوتی ہے۔ یس ہوائی کرہ کے انعظاف کی وجہ سے دن کے دونوں سرے طویل ہوجاتے ہیں اور رات میں آئی میں کی وجہ سے دن کے دونوں سرے طویل ہوجاتے ہیں اور رات میں آئی

ریکیتان میں بعض اوقات ہوائی وہ پرت جوریت سے مس کرتی رہی اسے ہوں سے بلند تر پر توں کے مقابلہ میں بہت زیادہ گرم ہوجاتی ہے جس سے ہوں کی گافت اور ہوں کا انعطاف نما نسبتاً گھمٹ جا اہے ۔ چنا نجیہ نور کی جوشعاعیں اسمان کی طرف سے آتی ہوئی ہیں گرم برت پر ایک بہت برا زاویہ بناتی ہوئی واقع ہوتی ہیں وہ گی طور برشکس ہوکر رست بحک بہتے بغیری او بری سروطبقول میں واپس لوٹ جاتی ہیں۔ اگر یہ شعاعیں کسی مشاہد کی آتھ میں دوخل ہوں تو اُس کو اُس بنا ہم اور ہا ہے اور فیا ہرایا معلوم ہوگا گویا کہ رہت میں آسان کا ایک حقد منعکس ہور ہا ہے اور وہ ہیں کو ایک جسیل کی سطح سموسوم میں کو ایک جسیل کی سطح سموسوم

اگر دورکی جیزس گرم ہو، کی تو ہیں ہے ، ہمنا کہ وہواں دان سے اگر دورکی جیزس گرم ہو کی است دے ہونے والی استدرے میں است دے ہوئے دالی کرم ہوا میں سے) دیکھی جا ہیں گرم ہوا میں سے) دیکھی جا ہیں گرم ہوا ہی انعطاف نما کے کم ہونے کا آئیہ ہے ۔ گرم ہوا سے قطع منشوروں کی طرح علی کرتے ہوئے شعاعوں کو مخوف کرتے اور اِن کی آمد کی ظاہری سمتوں کو بدل دیتے ہیں ۔ چونکہ گرم ہوا کے اِن قطعوں کے می اور اِن کی شمل ہمیشہ بدلتی جا تی ہے اِس کے اِن میں سے دیکھی ہوی چیزیں کا نیتی نظراتی ہیں ۔ اِسی طرح سے اروں کی

جھللا مسط کو بھی ہوائی کروہ کے انسطاف نماکی متغیر غیر سیاوا توں کا نتیجہ

ی نقطه کا وه خیال جوا

و جدسے سے: -- فرض کردکہ شعاعوں کی ایک میسل ایک یسے نقط طسے ستے ہوری ہے جو کسی انعطاف انگر مادم کی مثلاً نثیث

کی متوازی رخوں والی سل کی تیکی سطح بر واقع ہے۔ شعاع ط ع جواس رسل کی اور ری سطح پر عموداً وا قع بوتی

ہے ہوا میں داخل ہوتے ہوئے اینی ت نہیں بدلتی ؛ نیکن کوئی اور

شعاع ط ص سطح فارق برمنعطف ہوجاتی ہے۔ فرض کروکہ اس شعاع

کی سمت انعطاف کے بعد ص س ہو جاتی ہے اور سشیشہ کا انعطاف کا

مدس - بنا بری :

جب نصس جبعقص جبطقص صط جب ق طص عبق طمي عو

ا كرزاويه ق ط ص چھوٹا ہو توص طے\ ص ق = ع ظ\ع ق ـ اِس لیے مہ ع ق = ع ط اور نقطہ فی کا محل معتبن ہوگا۔ بیں اگر اِس سُل کی اُویری سطے پر نقطہ جلے سے آنے والی شعاعوں کی ایک باریک نیسل

عمدداً واقع ہوتو ہیر انعطاف کے بعد نقطہ فی سے آتی ہوئی معلّوم ہوگی يىنى قى پرط كا ايك مجازى ميال بنيگا-

اس اصول پراسشیشدگی سل کے انعطاف نماکی تعین کا ا

تجربی طریقہ مینی ہے۔ اِس میں ایک ایسی خر دبین سے کام لیا جا آ اے ج نلى كو دت يتى والى حركت كى مددست انتصا بأينيح أوير لمركايا جاسكنا بهو-

(17)

ید اس خردبین کی تمکی اس سے تخت پدے ایک نثان پر کرلی جاتی ہے۔ پھراس نشان پرسٹیشہ کی سِل رکھ کر خرد مین کی تمبیک نشان کے اُس مجاذی خال پرکرنی جاتی ہے جو اس سل کی وصر سے بنتا ہے۔اسعمل میں خروبین کو خس فاصلہ میں سے آو پر اُٹھانا برا تا ہے وہ ط ق کو تعبہ كرتا ہے ـ يه فاصله خرد بين كے بيانے ير بره ليا جا تاہے - يمر خرد بين کی تسیک سل کی اور تی سطے پر کے کسی نشان پر کر کی جاتی ہے اور اس صورت میں خرد بین کرجس فاصلہ میں سے اویر اُکھانا پڑتا ہے وہ ق ع کو تبیر کرتا ہے۔ یس ط ق اور ق ع کے علم سے رسل کا انعطات آنا محسوب کرلیا جا سکتا ہے۔ اِس طریقہ سے مانیات کا انعطاف نما معلوم کرنے کے لیے خرد بین

شکل ملا (وانسن کی «طبیعات "س)

ی تمسیک پہلے مایع رکھے ہومے برتن حی بیندی پر تحكمى خرائض بركرلي جاتي ہے، پھریہ تسیک الع کی سط پر تیرنے والے گرو با كرباك سفوف يرعل بن لائي جاتي ہے۔ ببرمال إس طريقة سے زيا د هميم نتاريخ مال نبس بوت اور اس سے تظریر کی صرف توصيح مي كام لياجابا

له بہتر مو گاکہ اِس طریقیہ میں خرد بین کے صلیبی ناروں کے ساتھ مرق جھو میگانسک کے چشمہ کی جا ر میسکن کا محضد استعال کیا جائے۔ اس می صلیبی اروں اور خیال کے ورمیان جو اختلات مظر پایاجاتا ہے اس سے تھیک ٹھیک تمیک میں برقی مواست بسیدا ہو جاتی ہے۔

ا گر نقطہ طاسے شعامیں طرح کے سائھ وسیع زاویے بناتی ہوئی منسع مول توانطاف کے بعد اِن کی سمیں نقط فی سے نہیں گزریگی بلکہ ایک مخنی کومس كريكى ، جبياكم شكل علا بين وكهلايا كيا ب - يبخني آتشى منحني كهلانا ب -ا تعكامسر اللي :- زاويه وقرع ادر زاويه انعطات ك

ور میان رست جب قرے مرجب مر یا یا جانا ہے۔ اگر ایک شعاع بلند انعطاف نما والے واسط میں سے بیت انعطاف منا والے واسط بین ، (رمور)

مثلاً سفیشہ سے ہوا میں ، داخل ہوتو سرکی قیمت اسے کم ہوتی ہے۔ جیسے جیے شیشہ کے اندر زاویہ وقوع قہ برصنا جانا ہے ویسے ویسے زاویرانعانا

مد بھی برط صنا جا تا ہے اور جب اجب قر مساوی ہو جائے مسر کے تو جب عد = ١ اور عد = ٩٠ - رحشة جب قد = مدسے زاوير قركى وفيت

عاصل موتی ہے اُس کو زاویہ فاصل کیتے ہیں ۔ جب زاویہ وقوع، زاویہ فاصل سے بڑا ہو اہے توجب عد بڑا ہو تا ہے اسے ۔ اس میے عمری

قيمت حقيقي نهيل هوسكني لعني منعطف

شعاع موجو دی نہیں ہوتی ۔ ایسی صور میں کہا جاتا ہے کہ روستنی گئی طور مرتعکس

ہورہی ہے۔شکل سے میں الفظاف فا ۵ وا 'والے مشیشہ کی سطح پر اندروبی طورُ

والخع ہونے والے شفاعول کے لیے وقوغ اور انعطاف کے متناظر انعطافی زاویے

د کھلائے گئے ہیں - شعاع ط اعاد سے سائد زاویہ فاسل بنانی ہے اور شعاع ط ب علی طور مینعکس ہوجاتی ہے۔

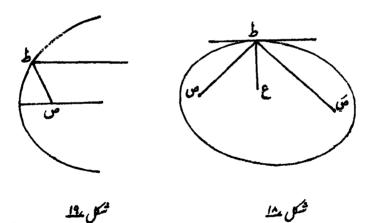
غ مرصنی سطی اسطی است دو نقطوں کے درمیان مناظری ا

فاصلم یا و ونقطوں کے درمیان کسی شعاع کے طے کردہ فاصلیمناظری

طول بہس حقیقی فاصلہ اور اِس را ستہ کو سائے ہوئے واسطہ کے انعطاف نا سے حاصل ضرب سے تعبر ہوتا ہے۔ اگر بدراست مختلف واسطول میں سے گزرے تو اس کا مناظری طول معلوم کرنے سے لیے اس سے ہراک حصته كوائس واسطه مح الغطاف نماسي ضرب دس كرجس مين كهيه حفته واقع

ہے، رہیے تمام فربی حاصلوں کا مجموعہ لینا ہوتاہے۔ غیر مطنس سطح سے مراد ایک ایسی سطح ہے جس کے ہر ایک نقطہ سے رہے دو تا بت نقطوں سے اِس کے مناظری فاصلوں کا مجموع مستقل ہو۔ فرض کرو که دو تابت نفط ص آور ص آیک ہی واسطہ میں واقع ہیں، روشنی راست غیر مصن سطح کے جاکروائیں آئی ہے، اور ط رس غیر مصن سطح پرکوئی نقطہ ہے۔ بنا بریں رس کی مساوات ہوگی:

ص ط+ص ط=م



جہاں م ایک منتقل ہے۔ یہ مساوات اس گردشی ناقص ما کی ہے جس کے ما سے ص اور ص بیں ، تینی اُس سط کی جوشکل مشا والے قطع 'اقص کو (۱۵) خطص ص کے گرد گھانے پر ماصل ہوتی ہے۔ اب قطع اقص سے

خواص میں سے ایک یہ بھی ہے کہ اِس پر کے کسی نقطہ کو اِس کے ماسکوں سے ملانے والے خطوط ' اِس نقطہ پر کھنچے ہوئے ماس اور عاد کے ماتھ ماوی زاویے بناتے ہیں ۔ چنا بچہ اگر نقطہ طبیر کا عاد طاع ہوتو

حص طع= حص طع

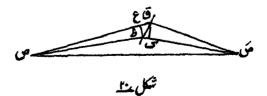
اور اگر اِس ناقص نماکی اندرونی سطح کو ایک آئینہ مان لیا جائے تو نور کی کوئی شعاع جواس سطے پر ایک ماسکہ سے واقع ہو انعکاس کے بعد دو مرے ماسکہ میں سے گزرنی جا ہیے۔

اسکہ میں سے گزرنی جا ہیے۔ اگران ماسکول میں سے حس کولاتناہی تک ہٹا دیا جائے تو یہ ناقص نما گردشی مکانی نما ہوجائیگا اور اگرص کو ایک مبداء نورسجھا جائے توص سے متبع ہونے والی ہر ایک شعاع خواہ برکسی زاو بررکیوں نر ہو ، اسس آئینہ پرمنعکس ہونے کے بعد اس کے محور کے متوازی ہوجائی

بالعكس إس سے آیا۔ نمانی نما المعین لا نتنا ہی فضل بر کے سی جسم سے ا شہنے والی تمام شعاعوں کو ایک نقطئی اسکہ پر مینجا دیتا ہے۔

فرض کروکه نقطه ص انعطات نا ۱ والے نشی واسطه میں واقع ہے اور نقطه حس انعطات نامه والے کسی واسط میں۔ بنابریں اِسس کی غیب مصل سطح کی میا وات ہو جائیگی ہے

صطهم صطءم



ے اس مساوات سے تغیر مونے والانعیٰ کارمیزی اقص کہلا اے۔

جهاں طراس سطح برکا کوئی نقطہ ہے۔ فرض کروکہ فی ایک متصلہ نقطہ ہے طہ کا (شکل نئے) طرسے ص فی پر عمود ط ع کیں بنواور فی سے میں ط پر عمود فی کک کینو۔ بنابریں چو کہ زاویہ ع ص ط چوٹا ہے اس لیے ہم ککھ سکتے ہیں من ط= ص ع: اسی طرح ص ک = ص ق اب میں ط+ مہ من ط= م اور ص فی + مہ من فی = م . اس لیے عمل تفریق سے

ص و، - ص ط = مہ (صُ طْ-صُق) ینی ص ق - ص ع = مہ (صُ طْ-صُک) یا ع ق = مہ طک

جانبین کو ط ق پر جس کو خطر مستقیم کا ایک چھوٹا سامکڑا مان لیا جاسکا ہے۔ تقتیم کردو تو حاصل ہوگا: ۔

<u>ع ق</u> = ٦٠٠ <u>ط ک</u>

لیکن ع ق\ط ق = جم ع ق ط = جب (ص قی کازاوئیرو قوع)

اور ط ک\ط ق = جم ک ط ق = جب (ط ص کا زاوئیرانعاف)

اس لیے انتہا یں جل کرجب ق ط کو لا انتہا طور پر چیوٹا کردیا جائے توہیں

مامل ہوگا: جب (ص ط کا زاوئی و قوع) = مد . جب (حق ط زاویہ

انعطاف) یعنی شعاع ص ط منعطف ہوکر ص میں سے گزریکی ۔ پسوہ

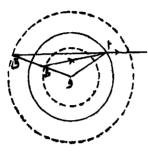
تمام شعاعیں جو ص سے اس سط پر واقع ہوں انعطاف کے بودص میں

سے گزریکی اور ص ایک حقیقی خیال ہوگا ص کا ۔

ین ایک دوری پر ایک دائرہ کھینچو، جہاں 1 محیط برکا

(۱۹) کوئی نقطه ب (شکل ۱<u>۱۲)</u> - بیراسی مرکزسے ۱۹ و ادر مه ، ۱ و کی دوری بر دو دائرے کینیو جوان دائروں کو دو دائرے کینیو جوان دائروں کو

بالترتيب ط اورق يرتطع كريد . ق ا اورط اكو الأؤ .

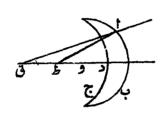


شكل يلاله

مثلث اطوادراق و
مي ح (ه بامشترك به
ادرطو: وا = وا: وق بي
يمثلث آبي يس منابي اور
ح في اود اطو-بنابي اور
جب ق او جب اطو = او مه
جب ط او جب ط او طو مرائره كو
الريم نصف قط و اوال دائره كو
مشيشه ك ايك الي كره كي تراث

معولی عدسوں سے واضح خیال صرف اُسی صورت میں بنتے ہیں جبکہ پیشعاعیں مورکے ساتھ بچھولے زاویے بنائیں۔ لیکن کرہ کے غیر صنب نقاط کی خاصیت سے مددلے کرایک ایسا عدسہ بنایا جاسکنا ہے جس سے ایک واضح خیال حاصل ہوتا ہے خواہ یہ شعاعیں مورسے کسی زاویر بر کیوں نہ متسع ہوں۔

مثلاً فرض کروکہ 1 ب ج د ایک ایسے عدسہ کی تراکش ہے جس کا محور و د ہے ۔ فرض کروکہ



نسكل ٢٢٠

بن ہ ور و دہ ہے یہ سر سرور ایک سطح ج د کا مرکز اسخا ط ہے د کا مرکز اسخا ط ہے کے ط اور ق دوسری سطح اب کے غیر مسلسل نقاط ہیں ۔ بنا بریں ط سے مسلسم ہونے د ہا کہ منامیں عدسہ میں منخوف ہوئے بغیر د اعل ہونگی اور دوسری

سطے پر منقطف ہونے کے بعب رق معلوم ہونگی۔ بس اس طرح یہ عدسہ ط کا فی سے نتیع ہوئی معلوم ہونگی۔ بس اس طرح یہ عدسہ ط کا محازی خیال فی یر بیدا کرتا ہے۔

ب تیکن ایسی سأخت والے عدسہ سے صرف اقمی وقت کامریں واتح ہے جبکہ شخص کا ایک واحد معتین محل ہو اور مستعلہ روشنی کیک وٹی ہو۔

التياني را م كانكلبه إسكيت العكس والعطات

'' نُکلید انتہائی ' اہ'' نامی ابک نہا یت عام کلید میں تنم کر دیے جاسکتے ہیں۔ یہ گلید حسب ِ ذہیں ہے ؛ ﷺ نور سائے درمیان سمی شعاع کا طف کردہ نمالوی فاصلہ مقیم ہوتا ہے بعنی یا تو اعظم ہوتا ہے یا اقل۔ یہ کلید سابق میں '' فرما ککا

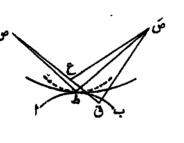
آصون اقل وقت " Fermat's Principle of Least Time " " معون اقل وقت " كياماً المحاد وركي الماليات كياماً المحاد وركي

شعامیں اُن نقطوں کے درمیان جن کو بد ملائی ہیں اقل ترین مناظری فاصلہ ہوتی ہیں ۔

کلید سلے منعی سطے یر کے واحد انعکاسس کی صورت کے لیے ٹابت (۱۷ کیا جائیگا۔ اِسس میں صریخا متوی سطح پر کے انعکاس کی صورت بھی

شامل ہوگی ۔

فرض کروکہ ص سے آنے والی ایک شعاع منحی سطح 1 ب کے نقطه ط پرواقع ہوتی ہے اوراس



سے منعکس ہوکر کس پر بہنے جاتی ہے (شکل <u>۳۳</u>) - اِس منحنی سطح پر كوئي اور نقطه في لوجس كا أسي نستوی میں ہونا ضروری نہیں جس مِن كه ص عط اورضُ واقع بن-ص ق اور صُ في كو لا ُويفا بخه ہمں ٹابت پرکرنا ہو گا کہ ق کے

ہر آیک محل کے لیے ، خواہ بیکس کیوں نہ واقع ہو، ص ط + ص ط یا تو برا ہوگا یا کم ہوگا ص فی + ص فی سے -رض اور ص کو ماسکے بان کر ایک گردشی نا قص نما کھینچو جوسطے

ا ب كوظ يرسس كرے مفض كروكة ض في إس ناتف نما كوغ ير

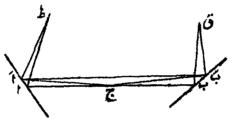
قطع کرتا ہے۔ بنا برب گردشی 'ا فض نما کی خاصیتت کی روسی**ص طبی ط** = ص ع + ص ع - سين ص ع <ع ق + ص ق بي ص ع + ص ع

<صع +ع ق +ص ق <ص ق +صَ ق يعني ص ط +صَ ط حص ق + ص ق - اگرسط ا ب من اورص کی عانب ناقص ناکی

برسبت دياده مقعر بوتى جيساكه نقط دارمنعى سے دكھلا يا كياب توس ف اِس کوناقص نماسے ملنے سے پہلے ہی قطع کیا ہوتا اور بنا برین ہمین ماصل ہوتا:

ص طهض ط عص ق عض ق

منحی سطح بر کے انعطات کی صورت سے بھی دوسری غیر مُعنسل سطح کی مددسے اِسی طرح بحث کی جاسکتی ہے۔ اب دو انعکاسوں کی صورت برغور کرد ۔ فرض کرہ کہ طاب ق ممی شعاع کا حقیقی داستہ ہے اور طا اُب فی اِس کا ایک منتصد راستہ ہے۔ مان لوکہ ۱۴ ادر ب دب ہے ہیلے رُتبہ کی چیونی مقداریں ہیں بنابریں انتہائی راہ دالے کلیہ کا اقتصابی ہے کہ اِن دونوں راستوں کا فرق دوسرے



فكل يهير

رتبہ کی ایک چھوٹی مقدار ہونا چاہیے۔ 1 اور ب ہر دوسے کیھ فاصلہ پر مین خط 1 ب ہی پر ایک نقط ج لو۔ چونکہ انتہا کی راہ والا کلیہ ایک واحد انعکاس کی صورت پر صادق ا تاہے اِس لیے

41+15=41+15

ور جب ب ق = ج ب ب ب ق

جہاں تک کہ پہلے رتبہ کی چھوٹی مقداروں کا تعلق ہے ۔ اِس کیے را سنہ طائح ب فی میں صرف دو رہے اُرتبہ کی اُطاع ب فی میں صرف دو رہے اُرتبہ کی اُجھوٹی مقداروں کا فرق مرف دو رہے اُرتبہ کی جھوٹی مقداروں کا فرق مرف دو رہے دیتہ کی چھوٹی مقداروں کی جانے کہ جہدی ہے ہیں میں کے کوئی کہ جانے کہ اور آئٹ کا فرق مرف دو مرب دیتہ کی چھوٹی مقداروں کی جانے کہ اور معددت حال صربی ایسی کے کوئی جسے کا فاصلہ آئٹ کے سے پہلے رتبہ کا جسے کہ کہ کا فرق مرف کی جاسکتی ہے ۔ اور معدد توں سے بھی اسی طرح بحث کی جاسکتی ہے ۔

IA)

مثاليل

(۱) اگرسورج کی روشنی کو ایک یاریک سوراخ بین سے داخل ہونے دیا جائے نو این شعاعوں کے حصول کے لیے ترتیب دیے ہوئے ایک پردہ پر شولج کا خیال ماصل ہمتا کا خیال بنتا ہے یہ کرو۔

مع میاں بنتا ہے یہ لیکن اگر سوراخ بڑا ہوتہ ہیں اِس سوراخ کا خیال ماصل ہمتا ہے۔

میں ہے۔ کیس کی توجیہ کرو۔

رم) ہوائے اعتبارے سے سٹیشہ اور یانی کے انعطاف نما بالترتیب اور یانی کے انعطاف نما بالترتیب اور سے معلوم کرو۔ اور سے معالم کرو۔ (س) ایک متور نقط ود ایسے مستوی الیوں کے درمیان رکھا ہوا

رس) ایک متور تفظہ وہ ایسے علوی ایموں سے ورسیان رفط ہوا۔ سے جوایک دوسرے سے ، ہ کے زاویہ بر الل میں - بان آئینوں برانعکاس

کی وجہ سے بیدا ہونے والے خیالوں سے محل اور إِن کی تعداد معلوم کرو۔ نیز شعاعوں کی جس منیں کی دد سے ہرایک خیال نبتاہے ، آئکھ کک اِس سے محرکا راست ایک نقشہ کے ذریعہ و کھلاڈ۔

رس ایک منورنقط دو ایسے مستوی آئینوں کے درمیان رکھا ہواہے جو ایک دوسرے سے ایک منورنقط دو ایسے مستوی آئینوں کے درمیان رکھا ہواہے جو ایک دوسرے سے ایک سے بیدا ہونے والے خیالوں کی تعداد معلوم کرو اور نابت کروگر یہ سب ایک ایک دائرے کے محط پرواض ہوتے ہیں۔

(۵) دوستوی آئیے جوآیک دوسرے سے زاویہ طریر مائل ہیں ایک دوسرے کو نقط و پر قطع کرتے ہیں۔ ط بان آئینوں کے درمیان ایک نقط ہے اور ط ق ع آئیک ایسی شعاع ہے جو نقط ط سے کل کران آئینوں کے متواثر انعکاسوں کے بعد پھر نقط ط پر والیں آئی ہے۔ تابت کرد کہ وط زاویہ ق ط ع کی تضیف کرتا ہے اور یہ کہ اِس کے داستہ کا لول ہو ط جب طہے۔

(۱) چاندنی رات میں ، جب سمندر کی سطح پر چھوٹی جھوٹی لہریں بانی جائیں ، پانی کی سطح پر چاند کے ایک واضح خیال کی بجائے چاند کی سمت میں روسٹنی کی ایک بنتی دکھائی دیتی ہے۔ نقشہ کی مددسے سمجھا وُکمہ ایسا کیوں ہوتاہیے۔

بی سورج کے قرص کے مرکز کا ظاہری فراز ، ما سے محقیقی فراز کی قیمت دریا فت کرو۔ خلاسے ہوا ہی داخل ہونے دالے نور کے لیے انعطا ف کا

المان ليا جاسكتانيه-

(۸) ایک مشاہد کو جو صاف شفاف یانی کے ایک حوض کو تہ کی طرف و کیمہ رہائی کہائی کیا ہے ؟
دیکھ رہائے کہ کسس کی گرائی کم فٹ معلوم ہوتی ہے۔ اس کی حقیقی گرائی کیا ہے ؟
(۹) مشیشہ کی ایک سل کے اندر ایک ہوائی مبلیلہ ہے جو اس سل کی سط کی طرف عاداً دیکھنے والی آ تکھ کوسل کی سطح سے ۲ سمرینچ دکھائی دیتا ہے۔ اگر مشیشہ کا افعطاف نما ۲۵۱ ہوتوسل کی سطح سے مبلیلہ کا حقیقی فاصلہ

کباہے ہ

(۱۰) سشیشد کی ایک سل کوجس کی دبازت ۱۰سمر اورجس کا انعطاف نا ۱۹۶ واہب اکند برہنے ہوئے ایک نشان سے اوپر اِس طرح پیما گیا ہے کہ اِس کی نجلی سطح اور نشان کا در میانی فاصلہ ۱ سمرہے - اِس نشان کی طرف یسل میں سے انتصاباً دیکھے والی آئکھ کو یہ نشان کہاں نظر آئیگا ؟ اپنے جواب کو ایک نقشہ کے ذریعہ واضح کرو۔

(۱۱) دومستوی آئینے لیک دوسرے سے ایک مستق زاویہ پر اکل ہیں اور اِس اجتماع کو آئینوں کے خط تقاطع کے گرد اس کو جور قرار دے کر گھما یا جاسکتا ہے۔ اگر ایک شعاع بہلے ایک آئینہ میں اور پھر دوسرے آئینہ میں اور پھر دوسرے آئینہ میں مور مذکور سے علی القوایم مستوی میں منعکس ہوتو تا بت کرو کہ اِس اجتماع کی گروشش سے شعاع کے انخراف میں کوئی فرق نہیں آیا۔

(۱۲) غیر مفنیسل سطوں کی فاصیت سے مددیدے بغیر داست ابت کروکہ اگر نقط ط سے آنے والی تفاع کو ایک مستوی آئینہ کی مددسے اس طرح منعکس کیا جائے کہ یہ نقطہ تی پر آپنچ تو اِس شعاع سے داستہ کا (۱۳) غیر مفتول کی فاصیت سے مدد کیے بغیر داست فا بعد کروکہ: اگر نقط طسے آنے والی ایک شعاع کسی کنیف تر واسط کی مستوی سطح پر اِس طرح منعطف ہوکہ اِس واسط کے اندر ایک نقط ق پر

اس

بہنچ تو اِس شعاع کے است کا مناظری طول طاور ق سے درمیان کسی اور راست سے مناظری طول سے چھوٹا ہوگا۔

(۱۲۷) مقع آئینہ کے انعکاس کی صورت بین تھی اور خیال کے محلوں کو مربوط کرنے والے منا بطہ کو کلیۂ انتہائی راہ کی روسے ، یعنی کلیہ انعکاسس سے حدیلے بغیراخذ کرد-

كروى أنينول اورعد سواكا ابتدافي نظر

(14)

مرو ی است : ... اگردو واسطون کی سرمدی سط کشکل کروی اور اچھی طرح صیقل سٹ دہ ہو تو اِس کو کر وی آئینہ کہتے ہیں۔ اِسس یر چاندی چاهی مونی مونی مونا صروری نہیں ؛ مشتشہ کی ، چاندی نہ چاهی موتی سطح سے بھی اتنے ہی واضح خیال بنتے ہیں ملکن اگر سشیشہ کی سطح پر جا مدی رقعی مونیٔ مویا اگریه آنمینه سیبکولم (speculum) وهات ("اینی اور ر رنگ کی بھرت) کا بنا ہوا ہوتو خیال بہت زیادہ روشن ہوتے ہیں۔ باب بلا مے ساوہ نظریہ سے اطلاق سے لیے جاندی سشیشہ سے سامنے کیے رقم نے بر چراهی ہونی ہونی چاہیے اکبونکہ اگر آئینہ سئیشہ کی ایک ایسی میلی تختی یرمشتل ہوجس کی بیچیلی سطح پر چاندی چڑھی ہوئی ہوتو نور کی شعاعیں بیچیلی سطح پر منعکس ہونے سے پہلے اور نیزاس کے بعد سامنے کی سطح پر منعطف ہوجاتی ہیں ۔ کروی آئینول کو دو جاعتوں میں تقشیم کیا جاتا ہے جمقعراور محدب۔ سے واقع

مقعرکروی آئینہ کی صورت میں فور اس کی سطح کیر اُسی جانب سے وا قع

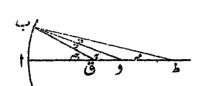
ہموتی ہے جس جانب کہ اس سطح کا مرکز انحا (تینی اس کرہ کا مرکز جس کا کہ

یسطی ایک حقد ہے) داقع ہوتاہے۔ محدب کروی آئینہ کی صورت میں نور اِس کی سطی پر مرکز انحاکی مخالف سمٹ سے واقع ہوتی ہے۔ چنا بخد مشیشہ اور جواکی در میانی سطے کو ہم باعاظ اِس امر کے کہ مبداء نور کس جانب واقع ہے یا تو مقعر سمجے سکتے ہیں یا محدب۔

جن ضابطول سے سسنر، ور عدسول کی مددسے بنے والے خیالوں کے محل حاصل ہونے بین اور حرائہ اونے بین ۔ جنا یخد اگریسی آئینہ کی وجست ينے والے نيال كا محل سر سنيدے فاصله في بر واقع مو اور مم ضابطت خ کی قیمت دریا فت کرئیں سمواب میں بہیں + ١٠ سمریا ۔ پر سماجیسی کوئی ا قیمت حاصل موسکتی ہے ۔ ، ۔ بہ بہ نورکی ابتدائی درسی کتا بوں میں یہ طریقہ رائج رباہے کہ وافع نور کی نے مف سمٹ کو مثبت مان لیا جائے : یکنا تیجے۔ خ = + اسمر کے معنے یہ ہر اور ایس کا نینہ کی اس جانب جس سے کو نور آرنا ہے آئینسے ،اسرے واصلے پرواقع ہے : اور خ = - مسمر کے معنے یہ ہیں کہ خیال آئینہ ک در سر یا با نہہ آئینہ سے ،سمرکے فاصلہ *پروا*قع ہے۔ برخلاف اس کے اندائسے علیلی اور ترسیات میں مثبت اعداد ہمیشہ والين جانب لكيه جنسة برين مرينفي اعداد إتين جانب اور أج كل ماري میں اتنے متعنی مرتسمہ کراشہ داست سی سمہ بن قرار دا د طلبا و کے بنویی وہن شین بوجاتی سے - إن وزانوں آل وول سن بعاظ اس امرے كه فورصفحه كى س جانب سے آر بہ اے۔ است بنت بائی جانی ہے یا تفناد مواہم۔ اِس سار ن تما ہے ہیں 'م ہند سنہ تحلیلی کی قرار دا**د اختیار کرینگے** اور غ هـ مسمرك شف يه موسط كار خيال تانيمناتي بأنيل جانب ما مرك فاصله یر واقع ہے ، خواہ نو کسی جانب سے کیوں نہ آئے - اِس امرکی کوئی وج نہیں ہے کہ کیوں کوئ متعلم نور کا مطالعہ آغاز کرنے کے ساتھ ہی اینا مندستھلی بمول جائه بالخصوص جب كه ايك قرار دا دكو دوسرى قرار دار بركوني فرقيت هاممل ندمهور

فرض کردکه ۱ ب مید مقو کردی آئینه کی تراشی ب واس کا (۲۰)

مرکز انخاہے، اور ط نور کا ایک نقطی مبداوہ ہے ۔ ط و کو ملاکر اس کو بہاں تک بڑھاؤکہ یہ آئینہ کونقطہ



TA KA

ا پر تطع کرے ۔ پہلے ہم یوفن کرینگے کہ اط بڑاہے اوسے۔ اطسے ایک چھوٹا سا زاویہ عد بناتی ہوتی ایک شفاع

کیمینی جوآئیند سے نقط ہے پر حالیے نت و ب الم نماند کے

بات میں جو گئے ہے۔ برجو ب کے گرو واقع ہے عاد ہوگا۔ فرض کرو کہ اس جھوٹے سے مکٹیے برجو ب کے گرو واقع ہے عاد ہوگا۔ فرض کرو کہ حظ ب وے فد۔ برشعاع ب برمنعکس ہونے کے بعد عادسے زاویہ

فه بنای بوئی اطسے نقط فی برا ملی ہے۔ حب و فی کو برے اور د بن اور حب فی اور حرار میں کروکہ اسے کا طاسے نقاط ط و

اور فی سے محدد ش من اور خ ہیں۔

تب فنكل سے ظاہرہے كم :

ب = فن + عمر اورج = فن + ب

ادر اِس کیے مرجمے ۲ بر - لیکن چونکہ مرابہ اور جرچھوٹے نداویے ہیں اِس کیے ہم لکوسکتے ہیں ؛

ه = اب ، بر = اب ، بر = اب ، بر = اب . در الاس فتند ، وی کو کو کو در تقت سی به در سو

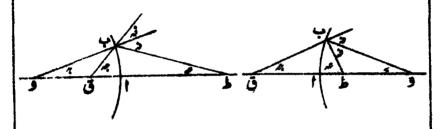
بس مساوات بالایس یوقیتی درج کریمی اب پر تفتیم کر دینے سے ہمیں مامل ہوگا:

T = 1 + 1

لیکن اگر سب ق ، اطسے اکی بائیں جانب آمے (فکل ملا) توزاویل کے باہی تعلقات حسب ذیل ہو تھے :۔

عر= فر + ب ، ٢٧ فر = فر+ جر

جس سے مر - جر = ابر - لین اس صورت می جر = - راب اوراس لیے



ا مثل مئلا

ا خری مساوات وہی ہوتی ہے ہو اُویر ماصل ہوئی ہے۔ اگر آئینہ محدّب ہو (شکل سکٹے) تو یہ مسا داتیں مسب فریل ہوتی ہیں ،

اور بنا بریں جدے عد = عبر - اس صور سنیں مع ابن مجد اس

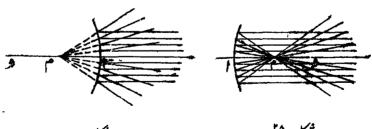
اور مہ = - اور اس میے ضابطہ کی شکل آخر کا ربھروہی ہوتی ہے۔

الله الله على و نقط طع من الرقى اورط كو المينك

مرکز انخاسے ملانے والے خواستنام سے ساتھ ایک چھوٹا سا زاویہ بناتی ہیں ، آئینہ پر منعکس ہونے سے بعد یا تو آیک دو سرے نقطہ ف کی طرف مستدق ہوتی ہیں یا ہیں سے بسیع ہوتی نظر آتی ہیں - بالفاؤ دیگر یہ آئینہ نظر کا خیال ف پر بناتا ہے -

افکال ۱۵۰ ملا اور منظ میں سے ہرایک میں آئینہ کو اور بنا بریں نقط و کو اپنی جگہ قائم رکھ کر خط طرو کو نقطہ و میں سے شکل کی مہتوی سے ملکی اور کی مہتوی سے شکل کی مہتوی سے ملکی اور آگ جوٹے سے زاویہ میں گھاؤ۔ اس سے طراور قل اسی قرسین مرتبم کر نگے جن کو نطوط متقم کان لیا جا سکتا ہے۔ اس کے بعد شکل کو طروک گردگھاؤ کو طراور قل بر رقبہ کے جوٹے جوٹے دائری عناصر مرتبم ہو نگے اور اِن میں سے ایک عنصر دوسرے کا خیال ہوگا۔

سرگردی آئینوں کا کنارہ عام طور پر دائری ہوتا ہے اور وہ خواسقیم جو مرکز انخارے اِس دائری کنارہ کے مستوی پر عمود وارگرایا جا تاہے آئینہ کا ھےور کہلا آہے ۔ گویا ہم نے یہ ناست کیا ہے کہ کروی آئینہ ایک چھوٹی سی مستوی شکل کا جو اِس آئینہ کے مور پر اور اس کے علی التوالم واقع ہو، ہمیشہ ایک خیال بنا تاہے۔

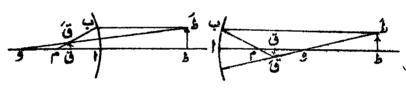


شکل

الرشخص لا تناہی پر ہو تو اللہ صفر ہوتا ہے اور خ مساوی ہوجاتا

ہے من کے ۔ ایسی صورت میں تمام واقع شعامیں متوازی ہوتی میں اور انتكاسس كے بعديد أيك ايسے نقط م كى طرف جر اور و كے محيك ورميان مِوْتَاكِ يَا تُومُتِدُقَ مِولَى مِينَ يَا إِسَ نَعْطُ سَ مُنْتَع مِولَى معلوم موتى مِينَ إس نفظهم كوكروى آئينه كا صدار ماسكه با مرت ماسكه كه بي اور طول إلم أس كا ما سكى طول كهلاتا ب جب كوعام طورير م س

مانکه کی خاصیت اور یه امرکه کردی آئینه خیال بناتا ہے ، مان لیا جائے تو خیال کا محل اور رس کی جمامت حسب ذیل ترسی عل سے بنساتی معلوم کرتی جاستی ہے: فرض کروکہ ط پر ایک شخص واقع بسب ر افتكال سُلَّا الله علي عن عرف تفعف حقته فل ظُوَّ ہے - نقطه طُ سے



مركز انخنا و ميں سے گزرتی ہوئی اياب شعاع كينيو۔ يه چونكه آئينه پر عماداً واقع ہوتی ہے اس کیے انعکاسس کے بعد اینے اسلی دارستہ پر والیس وط آن ہے - ایک اور شعاع ط ب محدث متوازی کھینے - یہ انعکاس کے بعد یا تو ماسکہ میں سے واقعہ گزریگی یا اس سے گزر فی ہوئی معلوم ہمگی ا إس ي نقط ق بال بام ، ط و توقط كرتاب ط كا فيال بوكا اور بنا برين إس سع مور پر كھنيا ہوا عمود فى فى ، خيال ہوگا ظَ طَ كا-جو كمه إب مركز انتخاك مقابله بين جِمونات (ملكل يس محص

ومناحت کی خاطر اِس کو بڑا دکھلایا گیا ہے) اِس کیے اِس کومستنفیم اور اطے ملی القوایم مان لیا جا سکتا ہے۔ بنا بریں احب = ط ط اور

تيسيز منالات في في واور ططو مشار بي - ين :

اب - ام اور طط = طو

لیکن اِن دونوں مساواتوں کی داہنی جاشین پہلےسے مساوی ہیں۔

اس کے :

 $\frac{11}{600} = \frac{de}{600}$ $\frac{\gamma - \gamma}{2 - \gamma} = \frac{\gamma}{2 - \gamma}$

(さーウ)(ガーウ)=(さーウ)(カーち)

م ش + م خ = ش خ

اور ش خ م سے تعتبیم کر دینے پر:

یہ مساورت و ہی ہے جو بیلے عامل ہو کی ہے۔ یہ مساورت و ہی ہے جو بیلے عامل ہو کی ہے۔ اشکال منظ اور مالل سے خیال اور شخص کی اضافی جمامتیں بھی

حاصل کی حاسمتی ہیں ۔ کیو مکہ

 $\frac{(\frac{1}{6} - \frac{1}{6})\dot{e}}{d\dot{e}} = \frac{\dot{e} - o}{(-0.0)} = \frac{\dot{g}}{d\dot{e}} = \frac{\ddot{g}}{d\dot{e}} = \frac{\ddot{g}}{d\dot{e}}$

ليكن چونكه $\frac{r}{\hat{w}} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

 $\frac{1}{\sqrt{2}} - \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} - \frac{1}{\sqrt{2}}$

2 = 30 191

نبت ق ق م المراحث إلى المراحة إلى المسل كم منفى علامت ك من

يه بين كو الرط شن اور ف و أول كي علامت أكيب بي بهوتو في ق اور ط ط مورس مخلف متول يس تصنيح كئ بين يعني يه كه خيال ألناب-ببرمال علامتوں سے نطع نظب رکرتتے ہوئے مساوات بالا تخو

قاعدهٔ ذیل کے الفاظ یں بیان کیا جاسکتا ہے : خیال اور شخص کے حلی ابعیا دہے مابین وہی نسبت یا فی جاتی ہے جو آئینہ سے ران کے۔

فاصلول کے مابین ۔

كروى تأكينول يرسوالات عل كرتے وقت بهستر ہوگاكم

 $\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{2}}$

ہی یروعتیار مذکبا جائے بکہ نتائج کی تصدیق ترسی عل سے کر کی جائے ورنه علامت كي غلطيول كا برا اختال موتاي-

جیسے جیسے کسی شخص کامحل بدلتا جائے ویسے ویسے ایک کروی (۲۳ ہ میندسے بنے والے خیال کے محل اور اسس کی نوعیت میں بنید بلی ا ترسیمی عل سبے باسانی معلوم کر بی جا سکتی ہے۔ بینا بخد شخص کے مختلف محلوں کے ماثل ایسس کے خلیال نے محل اور اس کی نوعیتیں جسدول

ويل مين بتلائي سني بين:

مقعرانين				
خيالكي نوعيت	خيال كا محل	شغص کا محل		
طنیقی معکوس ، کمستر حقیقی ، معکوس ، کمستر حقیقی ، معکوس ، فتکبتر معتقی ، معکوس ، فتکبتر معکوس ، فتکبتر مجازی ، مسیدها ، فتکبتر مجازی ، مسیدها ، فتکبتر مجازی ، مسیدها ، فتک تا مستدکا	ا سکہ پر م اور و کے درمیان و پر و اور ص کے درمیان لاتنا ہی پر آئینرکے پیچے لاتناہی فاصلہ سکائینڈ آئینرکے پیچے لاتناہی فاصلہ سکائینڈ	لاتنائی پر در میان و پر و اورم کے درمیان م اور ائینشک درمیان م اور ائینشک درمیان		
محدّب أبيه				
خيال کی نوعيت	خيال كامحل	شغم کا عمل		
بجازی بجازی ، سیدمنا ، شکستر مجازی بسیدها ، انک قاست کا	ہا سکہ پر ع، اور آئیٹ نے دوسیان مہنیت پر	فاشنامی پید فاتنابی اعدآ ٹیٹ کے درمیان آئیٹ پر		
آیک میر نفسف قطر انخا والے ایک بڑے مقور آئیند کی مددسے ایک دیجہ منافری فریب ترتیب دیا جاسکت ہے جو طلسمی گلد سستنم سے نام سے موسوم ہے۔کسی جزا تاریک کرہ میں ایس آئین کے مامنے ایک گلدستہ ایسے				

علی پر رکھ دیا جاتا ہے کہ اِس سے ایک حقیقی اور حکیر خیال بیدا ہو۔ اِس حکد سنہ کو اُلُلُ اللّٰ اِللّٰ اللّٰ اِللّٰ اِللّٰ اِللّٰ اللّٰ اِللّٰ اللّٰ الللّٰ الللّٰ اللّٰ اللّٰ اللّٰ اللّٰ اللّٰ اللّٰ اللّٰ الللّٰ اللّٰ الللّٰ اللّٰ الللّٰ الللّٰ اللّٰ اللّٰ اللللّٰ الللّٰ الللللّٰ اللّٰ ا

اسی قدم کا ایک اور مناظری فریب می شخته چار سال کے دوران میں خملف مقاات بر دکھا یا جا تا راہے ؟ اس میں تعریباً و اینے کی قامت والی انسانی شکلیں تاجی ہوئی دکھائی دیتی ہیں۔ اس فریب کی نمائیں کے بی حب سابق ایک تا ریک کم و درکار ہوتا ہے۔ برشکلیں بل خبہ حقیقی انسانوں کے مکسرخال ہوتی ہیں اور اِن کے بست قد کی وجہ صرف یہ ہے کہ مقعر آئید کا محور انظرین کے برنسبت خال ہوتی ہیں۔ اِس مقعر آئید کا محور انظرین کے فط رویت کے فلی القوائی ہوتا ہے اور شعا میں اِن کی طرف متوی آئید کا محور انظرین کے فط رویت کے فلی القوائی ہوتا ہوتی ہیں جوان خوان فوال کو اکسل میں ویلے۔ ایک اجتماع کی مدوسے مواز دی جاتی ہیں جوان خوان فول کو اکسل میں ویلی است برخاع کی مدوسے مواز دی جاتی ہیں۔ ایک شخص کے طور پر چھوڑ دی گئی ہیں۔ اِس اجتماع کی تعقیل جاتی ہیں اور ناظرین کے خط رویت کے ساتھ متوی تختی درکار ہوتی ہے ہیں وقت دونظر مین نظر جو سنیش کی آئی۔ اِس بینے نافل ہوں بین سنیٹ وقت دونظر دی جاتی ہیں اور دو سرے وہ اشخاص جوائی جائی ہیں۔ کی وجہ سے راست دکھائی دیتا ہے ، اور دو سرے وہ اشخاص جوائی کی وجہ سے راست دکھائی دیتا ہو سنیش کی ختی ہیں ہو اور دو سرے وہ اشخاص جوائی ہو ایک کی وجہ سے راست دکھائی دیتا ہو ، اور دو سرے وہ اشخاص جوائی جائی کی وہ سے راست دکھائی دیتا ہو ، اور دو سرے وہ اشخاص جوائی حالی حالی کی وجہ سے راست دکھائی دیتا ہو ، اور دو سرے وہ اشخاص جوائی ہو النظری کے دوری حالی میں جوائی ہو النظری کے دوری ہو استان کی حالے کی دوری ہو استان کی دوری دو سرے دو انتظام کی دیتا ہو ای مقام کی دوری ہو سنیٹ کی دوری ہو سیت راست دکھائی دیتا ہو سنیٹ کی دوری ہو دو سرے دو انتظامی جوائی ہو کی دوری ہو دو سرے دو انتظامی ہو انتظامی کی دوری ہو کی کی دوری ہو کی دوری ہو کی دوری ہو کی کی دوری ہو کی کو دوری ہو کی کی دوری ہو کی دوری ہو کی دوری ہو کی کی دوری ہو

بنل بی بوتے ہیں اور جوشیتہ کی تنی سے ۴۰ کے زاویہ میں تنکس سندہ شعاعوں کی مددسے دکھائی دینے ہیں۔ یہ بی منظر عمواً کسی قدر مدھم ہوتا ہے اور پہلے ہیل دہ اداکار جب کو کہ غول کا بارٹ اداکر نا ہوتا ہے اطبیع کے باز و ادیکی ہیں دکھا جا ایسے ۔ یہ اسلیع کے بنال میں استی دور رہتا ہے کہ ناظرین اسس کو داست ہیں دکھ سکتے۔ جب اِس کے در نمودار "ہونے کا وقت آتا ہے تو اِس پر تیز روشنی ڈائی جاتی ہے اور اِس کا خیال منعکس روشنی کی مددسے بس منظر کے اوپر فرراً منطب نظر آتا ہے۔ یہ خیال بلاستبہ شفاف ہوتا ہے۔ چنا پنج بن خوال منعکس موشنی کی مددسے بس مناظری فرید بھی دول میں سے دکھائی ویتے ہیں۔ در کیکئنے بلاسٹیکات "نامی مناظری فرید بھی دو غول بیتی ہی ایک بازو مناظری فرید بھی دولی بیتی ہی ایک بدل ہے اِس میں اسٹیج کے بازو دندہ اواکار کی تھویر ڈائی جاتی ہی دہ ہوتا ہے جس پر سینامشین کی مددسے کسی اوداکار کی تھویر ڈائی جاتی ہے۔

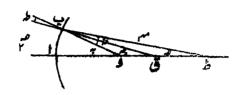
ا نعطاف كرُو ي سطح بير : _ فرض كروكه دو شفات

واسطوں کی مشترک سرحد کردی شکل کی ہے اور یہ کہ پہلے واسط کے ایک مقدر نقط طب خابح ہونے والی شعاعیں اس کروی سرحد پر منعطف ہوئی ہیں۔ ہم پہلے واسطہ کو ہوا اور دو سرے واسط کو مشیشہ خیال کرسکتے ہیں اگرچہ کہ عمومیت کی خاطر ہم پہلے واسطہ کے انعطاف نما کو مہ سے اور دوسرے واسطہ کے انعطاف نما کو مہ سے تعبیر کرشیگے اور مان لینگے کہ ممر بڑا ہے مہ سے ۔

کروی آئینوں کی صورت کی طرح یہ انعطاف انگیرسطی نقط طے کے افاظ سے یا نومقعر ہوسکتی ہے یا محدّب - ہم پہلے اس معورت پرغورکرینگے جبکہ یہ مقعر ہو - (شکل سات)

نظم طاکو اسطے کے مرکز انخا و سے طاؤ اور فرض کرو کہ ط و سطح زیر غور سے إ بر آ ملنا ہے۔ فرض کروکہ ط ب کوئی شعاع سے جوط وے ساتھ ایک چھوٹا سا زاویہ عد بناتی ہے اور سطے سے نقطہ

ب برجامتی ہے۔ و ب إس سطح كاماد ہوگا نقط ب بر مشعاع طب



فتكل عشر

ا نعطا ن کے بعد نقطہ ق ۔۔ ہم آتی ہوئی معلوم ہوگی۔ فرمن کروکہ < وب ط = فہ اور < وب ق = طہ - بنابریں انعطاف کے کلیہ کی روسے مہ جب فہ = مرجب لت چونکہ زاویہ عہ چھوٹا ہے اس تیے زاویے فہ اور طہ بھی چھوٹے ہونے چاہئیں بس یہ مساوات ذیل کی گئٹل میں لکھی جاسکیگی ہ

رُصْ کروکہ ھٰ اُ ن ب= جہ اور کی ا**وب = ہ**-بنا بریں دید یہ ۔ جہ ، فہ= ہہ ۔ عم

اورمساوات (۲) میں یفنتیں ورج کرنے پر ہمیں حاصل ہوگا:

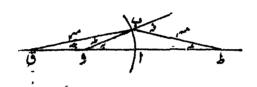
مر (بر مر) = مر (بر - بد) یا مر جر - مر عد = بر (مر - مر)(۳) اب فض کروکر ۱هٔ = ش ۱ فق = خ اور ۱ و = من جال ش نخ اور من تمام کو ایس جانب مثبت ناپدیگئے ہیں - بنا بریں ام کوسکتے ہیں۔

م = انب ، به = اب اور به = اب

ماوات (٣) ين يقيمين درج كرم مشترك جز ضربي سع تقيم كردين بر ري عامل بوكا:

اگر نقطه ط اوکی دوسری جانب واقع بهو تو فه = مه به اور طه = جه - به لین باتی سارا تبوت وی بوگا - بس وه نمام شعا میس جوظت مقسع بهوتی اور اط کے ساتھ ایک چھوٹا سا زاویر بناتی بی انعطان کے بعد ق سے آتی بهوئی معلوم بوتی بیں یا بالفاظ دیگر نقطہ ق پر نقطہ ط کا ایک مجازی خیال بنتاہے -اگر انعطاف انگیز سطح محدب بهو (افتکال سے ویسی تو بلحاظائی

(۱۵) اگر انعطاف انگیرسط محدّب ہو (اشکال سیسے دیسے) تو کھافائی کے کہ ب ق نقطہ اکی باقیں یا دائیں جانب کے دو صورتیں سیشی اتی ہیں:



شكل عتلا

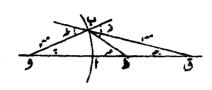
چنانچراگرہم بہلی صورت پرغور کریں (شکل <u>۳۳</u>) تو فہ = عہ + بہ [،] طہ= بہ - جہ اور بنا بریں :

مرجد + مم د = بر (مم-مم)

چونکہ مہ = اب ، جر = - اب اور بہ = - اب ، اس لیے مساوات بالا مساوات (م) میں تحویل ہوجاتی ہے ۔ اِس صورت میں خیال حقیقی ہوتا ہے ۔

مهرجد مم عد = بد (مم -ممر)

إس مورت مي عر = الب ، جر = اب ، اور بر = - اب اور



وكل متات

رس کیے آخری مساوات بھر بھی وہی ہوتی ہے۔اِس صورت میں خیال مجازی ہوتا ہے۔

ہونا ہے۔
اگر اشکال سے اسلام اور سے اسلام انطاف اگیرسلم اور بنا بری انقط و کو قایم رکھ کر ط و کو و میں سے کا غذے مستوی کے علی القوا یم گزر نے والے آیک محرک کرد آیک چوٹے سے زاویہ میں گھایا جائے تو ط اور ق دو جھوٹ چوٹ قوسیں مرسم کرنے جن کو خطوط مستقیم مان یا مکتا ہے ۔ اس کے بعد آگر ان افتکال کو اسلام کے گرد گھایا جائے تو میں خطوط چیوئے چوٹ رقبے مرتشم کرنے اور آیک رقبہ برکا مرایک نقط میں دومرے رقبہ برکام رایک نقط کا خیال ہوگا۔ بس ایک کروی رسلم بر اسلام کے ایک کروی رسلم برکا انعطاف کی وجہ سے اس سلم کے محرر برکے ایسے چھوٹے چھوٹے رقبوں کے انعمان کی وجہ سے اس سلم کے محرر برکے ایسے چھوٹے چھوٹے رقبوں کے انعمان کی وجہ سے اس سلم کے محرر برکے ایسے چھوٹے چھوٹے رقبوں کے

العلاق فی وجہ سے ان عاملے توریز سے ایسے پیوٹ پہوت وہ رہوں گ فیال ماصل ہوئے ہیں جو کہ اس مور پر عمود والہ ہوں۔ العطاف عدسہ میس سیسے: -- عدسہ سے مرادکمی

انعطاف انگیز واسط کا ایک ایسا جعتہ ہے جویا تو دوکروی سطوں سے گھرا ہوا ہو یا ایک کروی سطح اور ایک مستوی سطح سے اِن سلوں سے

انخائی مرکزوں کو طلف والا خطاستفیم عدسه کا محد کہلاتا ہے ، یا اگر إن سطول میں سے ایک مستوی ہوتو محور وہ خطامتقیم ہے جو دوسری سالیک مركز انخاس منوى سطح برعادا كهينجا جائت أبرا محدين سي محزرنے والامستُوی عدسہ کی صدر ترانسفس فحملا ہا ۔ یہ ۔

عدسے دوجا عتوں میں نفشیم می جانے میں - بیلی جا عت سے مدست جومحذب يا استدقاتي عدسه كهلاتي أبس منوازي شفاعول كومستدق كرديتي ہیں۔ دوسری جا عنت کے عدسے جو مقعر یا اتساعی عدسے کہلاتہ وزیا متوازی شعاعوں کو تتسع کر دینتے ہیں شکل مصلا میں بعض صنفی عدسوں کی صدر تراشیں (وم) المكلائي مي وان مي سے اب ب اورج عدب سے اس اورد ع اور ف مقعر مدسے - ا دوہرا یا دو ٹیلا محدّب عدسہ کہلا اسے ، ب مستوی مختب عدسه ، اورج ایک محدست اللی عدسه - إسی طسور د

ایک دوہرا یا دو کیلا مغفر مدسہ کہلاتا ہے ، ع ایک مستدی مقبر مدسہ ، اور ف ایک مقربانی مدسد مبعض اوقات ج اور ف بلاکسی واضح امتیاز کے محدب مقر اور مقوم محدب مدسے می کملاتے ہیں۔ الرائك مقب مدمرسي اي واسط مين ركما جائ جس كا انعطاف نما أس مشيشك إلغاث فاسع جس كايد عدسه بنا بواس

برا برتو یه عدسه ایک مقعر عدسه کی طرح عل محر استے۔

فرمن كروكه أمك عدسه ايك ايسك واسطرين وكعاسط جس سك

کی ط سے عدسہ کے مادہ کا انعطاف نما مہ ہے۔ نیز فرض کروکہ اِس کے محدر بر ایک منور کر نفطہ ط واقع ہے بس کا فاصلہ عدسہ کی بہلی سطح سے بن ہے۔ فرمن کروکہ اِس کی دونوں سطحوں کے انتخائی مرکزوں سے فاصلے اپنی اپنی سطح سے بالتر نتیب ص اور ص بیں اور عدسہ کی دبازت محور کی سسیدھ میں

میلی سطح پر انعطاف کی وجہ سے طم کا ایک خیال بنتاہے۔ فرض کرو کہ عدسہ کی پہلی سطح سے اس کا فاصلہ ف ہے ۔ بنب مساوات دم)سے ؛

 $\frac{n}{2} = \frac{1}{m} = \frac{n-1}{m} = \frac{1}{m}$

ی خیال عدسه کی دوسری سطح سے فاصله ن + د بر واقع ہوگا ادر اس دوسری سطح پر انعطاف کی وجہ سے پہلے خیال کا بھر اکی خیال . منیگا -فرض کروکہ اِس دوسرے خیال کا فاصله دوسری سطح سے خ ہے - تب مساوات (مم) کا دوبارہ ؛ طلاق کرنے پر ؛

اب فرض کروکہ عدسہ بتلاہے اور دسکو **ت سے مقابلہ میں نظرانداز** ار دیا جا سکتا ہے ۔ بنا ہریں سیا واٹ (۹) ہو جا کیگا :

مساواتوں (۵) اور (٤) کے طرفین کوجع کرسنے برہمیں بالآخر عاصل ہوگا:

 $(\wedge) \cdots (\frac{1}{\overline{\mathcal{O}}} - \frac{1}{\overline{\mathcal{O}}}) (-1) = \frac{1}{\overline{\mathcal{O}}} - \frac{1}{\overline{\mathcal{O}}}$

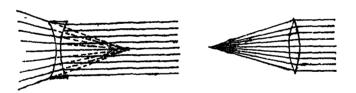
یمی وه اساسی مساوات بے جس سے ایک پتلے عدسدگی وجہ سے بننے والے فیال کامل ماصل ہوتا ہے۔

ں۔ س ہوتہ ہے۔ اگر شخص عدسے سے لا تمناہی فاصلہ پر واقع ہوتہ واقع شعاعیں متوازی ہوتی ہیں اسب بلے = . اور خ

اس مقدار کو عدسه کا ماسکی طول سکیتے ہیں جس کو عام طور پر م سے تغبیر کیا جا آسبے ۔اگر مساوات (۸) کی بائیں جانب م کو درج نمیا جائے تو یتلے عدسہ کی اساسی مساوات حسب فیل ہوجاتی ہے ؛

 $\frac{1}{\rho} = \frac{1}{\hat{v}} - \frac{1}{\hat{v}}$

اگر عدسہ محدّب ہو تو لا تمنائی بر کے ایک شخص کا خیال عدسہ کی دوسری جانب واقع ہوتاہے اور طنیتی ہوتا ہے (فلکل ۱۳۲۰)۔ اگر عدسہ مقعر ہوتو



على منش فتع

خیال مدسه کی اُسی جا نب واقع ہوتا ہے جس جانب سے کہ واقع شعاعیں آتی ہیں اور یہ خیال مجازی ہوتا ہے۔ (فکل پخت)

$$\left(\frac{1}{\sigma} - \frac{1}{\sigma}\right)(1 - \sigma) = \frac{1}{\sigma}$$

سے م کی تیمت معلوم کرتے وفت مل اور ص کی علامتوں کا محاظ ازبس

ضروری ہے۔ اگر عدسہ دو ہرا محدب یا دو ہرا مقعر ہوتو اس کی دونوں طوں کے مرکز انخا عدسہ کی خالف جا نیے ، واقع ہونے اور بنا ہریں من اور من کی طابقیں ایک دوسرے کی خالف ہوئی ۔ اس امرکا انحصار کہ کوننی سطح مشبت ہو اور کوئنی منفی ہے ایک نواس بات ہر ہوتا ہے کہ آیا یہ عدسہ دو ہرا محدب ہوتا ہے کہ آیا یہ عدسہ دو ہرا محدب ہوتا ہے کہ آیا یہ عدسہ دو ہرا محدب واقع ہے ، لیکن ہر صور ت بن بات پر بھی کہ عدسہ کی کوننی سطح سفی کے دائیں جا ب واقع ہے ، لیکن ہر صور ت بن بار می ماردی قیمتیں درج کر دینے کے بعد دو سری قوس کے اندر کی دونوں رقبی آیا ہے ہی علامت کی ہوئی چا ہنیں ۔ اگر عدسہ مقعر محدب مقعر ہوتو ہی اور می کا علامتیں ایک ہی ہوئی اور معددی قیمتیں درج کر دینے کے بجد دو سری قوس کے اندر کی دونوں رقبول مقددی قیمتیں درج کر دینے کے بجد دو سری قوس کے اندر کی دونوں رقبول کی علامتیں گئامتیں مختلف ہرتی ہیں ۔ اگر عدسہ منتوی محدب یا مستوی مقعر ہوتو من یا میں ہونا ہی ہوجا تا ہے ۔

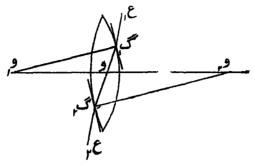
عدسه كامن الركي مركز: _ اكراك شعاع كسي مدسي

سے منوف ہوئے بغیرگرر ۔ یہ آگر اس شعاع کی سمت عدسے بین سے فارج ہونے کے بعد متواری اس کی اُس سمت سے جو وقوع سے پہلے پائی جائے تو عدسہ اِسس شعاع ہم متوازی بہلو دُن والی ایک رتی کی طرح علی کرنا چا ہیں ور نقاط و فرع اور خروج برنے عاسی مستوی باہم متوازی ہونے جا ہیں ۔

فرفس کروکہ ع گھے کے ایسی ایک غیر منحرف شعاع ہے بینا پخہ انسف قطر وگ اور اور گئے کہ اسی متو یوں پر عمود وار ہوتے ہیں اہم متوازی ہونے چا ہم متوازی ہونے چا ہمیں۔ وض کروکہ گ گئے عدمہ سے مورکو و بر قطع متوازی ہونے چا ہمیں۔ وض کروکہ گ گئے عدمہ سے مورکو و بر قطع متوازی ہوئے ۔

مثلات ووگ اور ووگ منامین کیوند حگ و و عدال منامین کیوند حگ و و عدال میوند وگ متوازی مید وگ ک اور

(YA)



فنكل عثير

کی نسبت میں منقسم ہوجا تاہے اور و ایک ثابت نقطہ ہوتا ہے۔ اِس کیے وہ تنام شعاعیں جو اِس عدسہ کی وج سے منحوث نہیں ہوتیں اِس کے مور پر کے ایک ثابت نقطہ میں سے گزرتی ہیں۔ یہ نقطہ عدسہ کا مناظری مرکز کیا تاسین۔

بالعکس اس سے ، اگر کوئی شعاع مناطری مرکزمیں سے گزرے تو یہ مخرف نہیں ہوتی کیو کمہ اگر نقاط وقوع اور خروج سے نصف قطر کھینچے جائیں تو یہ ثابت کواچا ساتنا تہ سرک ساتھ متنان کی میں ترییں

ٹائبٹ کیا جاسکنا ہے کہ یہ باہم متوازی ہوتے ہیں۔ شکل مشل میں وضاحت کی خاطر مبالغہ سے کام بیا گیا ہے ۔عگ معمد کا منز میں وضاحت کی خاطر مبالغہ سے کام بیا گیا ہے۔عگ

میسی مائل و خرج ہے۔ واقع ہونے والی شعاعوں پر غور کرنے کی ضرورت کہیں ا بیش نہ آسیگی - جب، عدسہ شلا ہو تو ہم مناظری مرکز کو اور اُن دونوں نقطوں کو جن بے ندسہ کا تحور اِس کی شطحوں کو قطع کرتا ہے۔ با ہم منطبق خیسال کرسکتے ہیں۔

خیال کے محل کی ترسیمی تعین :-اگر مدسہ سے اسکہ

اور مناظری مرکز کے خواص مان سے جائیں تو خیال کامل ترسیمی طریقہ سے
بالی معلوم کرلیا جاسکتا ہے۔ جنانچہ فرض کروکہ ط ط شخص کے نفست
حقتہ کو تعبیر کرتا ہے۔ ط سے آیک شعاع مور کے متوازی کھینچ جو عدسہ سے
نقطہ جب پر آملے ۔ عدسہ کی وج سے منعطف ہونے کے بعد یہ شعاع یا نو
فی الحقیقت نقطہ حر ہیں سے گزر کی (شکل ۳۹) یا نقطہ حر میں سے
گزرتی ہوئی معلوم ہوگی (شکل سنگ) ۔ ط سے آیک اور شعاع کھینچ



جوعدسہ سے مناظری مرکز و میں سے گزرتی ہے۔ یہ بغیرا مخراف کے گزر جائیگی۔ وہ نقطہ جہاں یہ دونوں شعاعیں ایک دو سرے کو قطع کرتی ہیں بینی فی ، خیال ہوگا طاکا اور محدر پر کا عمود فی ف خیال ہوگا طاط کا۔

 $\frac{2}{2} = \frac{2}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$

سکین اِن دونول مساواتوں کی داہنی جانبین پہلے ہی سے مساوی (۲۹)

ہیں ۔لیس

 $\frac{e \, \alpha}{\ddot{o} \, \alpha} = \frac{d \, e}{\ddot{o} \, e} \, \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial \dot{c}} = \frac{-\dot{\dot{w}}}{\dot{c}}$

جسسے خ م = ش م - ش خ اور اِس ساری مساوات کو ش خ م سے تقتیم کر دینے پر ؛

 $\frac{1}{\dot{s}} = \frac{1}{\hat{v}} - \frac{1}{\dot{s}}$

خیال اور شخص کی اضافی تا تثنیں بھی اشکال <u>۳۹</u> اور <u>نہ سے</u> حاصل ہوجاتی ہیں کیونکہ :

<u>ق ق</u> = <u>وق</u> = <u>ق</u> ط ط = ش

یعنی خیال اور شخص کے خطی ابعاد میں وہی نسبت یائی جاتی ہے جو

عدسہ سے اِن کے فاصلوں ہیں۔ عدسوں کے متعلق عددی سوالات حل کرنتے وفت بہتر ہوگا کہ

العار مو*ن سے*

 $\frac{1}{\dot{z}} = \frac{1}{\dot{\bar{z}}} - \frac{1}{\dot{z}}$

ی پر اعتبار نہ کیا جائے بلکہ ترسیم علی سے بھی نتیجہ کی نصدیق کرنی حائے۔

جیے جیے شخص کامحل براتا جاتا ہے ویسے ویسے ایک عدسہ سے بننے والے جبال کا محل اور اسس کی نوعیت میں تبدیلی ترسیم عل سے آسانی معلوم کرلی جاسکتی ہے۔ یہ نتائج ذیل کی جدولوں ہیں درج ہیں:-

محدّت عدسه

خيال کی نوعيّت	خيال کا محل	شغص کا همل
حنسیقی حقیقی، معکوس، کستر حقیقی، معکوس، انشی قامت کا حقیقی، معکوس، کمبتر مجازی، سیدها، کمبتر	خ = م اورخ = ۲ م یک درمیان خ = ۲ م پر خ = ۲ م اورخ = - ۵۵ کدرمیا خ = - ۵۵ پر	لآشاہی پر ۱ اورش= - ۲ م کے درسیان ش = -۲م بر ش = -۲م اورش= م کے درمان ش = -م بر ش = -م بر

مقعرعدسه

خیال کی نوعتیت	خيال كامحل	شخص کا محل
مجازی	ا سکہ پر	لا تنا ہی پر
مبازی ' میدها ' کمنتر	ما سکہ اور عدمہ کے درمیان	100 اور عدسہ کے درمیان

حل مشره مثالیس نوف: - ذیل کی مثالیل میں یہ مان لپا گیا ہے کہ روشنی داہنی جانب سے آرہی ہے -(۱) ایک مقبر آئینہ کا نصف قطرانخا ۱۲ سمرہے - اگر اِس آئینہ سے

(m.)

(و) ۲۰سم (ب) ۹ سمر کے فاصلہ پر ۵ شمر کی قامت کا ایک شخص رکھا ہوتو اس سے خیال کامحل ، اِس کی نوعیت اور فامت معلوم کرو۔ (د) ضابطہ کی روسے:

$$\frac{r}{11} = \frac{1}{2} + \frac{1}{r}$$

(ب) إس صورت مين !

$$\frac{r}{17} = \frac{1}{2} + \frac{1}{7}$$

يس خ = - ١٢ يعنى خيال أنيسنه ك يتيجيه ، مجازى ، اورسيدها بهوتا بيع اليه

تکبیر=- ۲۳ = - سم ، اور اِس لیے خیال کی قامت ۲ سمر ہوگی -

(۲) ایک محدّب آئینہ کا نصف قطر انحنا ۱۹ سمرہے ۔ جب ۵ ممر کی قامت کا ایک شخص ہمس آئینہ سے ۲۰ سمر سے فاصلہ بررکھا ہوتو خیال کامحل،

الله ما ایک من و من و من کرد است معلوم کرد -اس کی نوعیت اور قامت معلوم کرد -اس صورت میں مرکز اسخنا آئینہ کے پیچے ہوتا ہے ۔ اس کیے ص کی

قیت - ۱۶ کسی جانی چاہیے ۔ تب ضابطہ کی رُوسے :

$$\frac{r}{19} = \frac{1}{2} + \frac{1}{r}$$

بین خ = ہے ہے۔ بنا بریں خیال آئینہ کے پیچیے ، مجازی اور سیدھا ہوگا۔

 $-\frac{\eta}{2} = -\frac{\eta}{2} = -\frac{\eta}{2}$ اور اِس کیے خیال کی قامت $=\frac{1}{2}$ ممر

(۳) ایک یتلے محدّب عدسہ کی دونوں سطوں کے نصف قطرا نخا بالترتیب ۱۹سمر اور مسمر ہیں اور جس شیشہ کا یہ بنا ہواہیے اس کا انعطاف نما ہو ا ہیے ۔ اِس کے ماسمی طول کی عدری قیمت معلوم کرد جب کہ یہ عدسہ (1) دوم اِل محدّب ہو (ب) منفعر محدّب ہو۔

مهلی صورت میں

 $\frac{1}{q} = \frac{1}{q} + \frac{1}{q}$ يني م $\frac{1}{q} = \frac{1}{q}$ ٢١ سمر اور دوسري صورت ميل

 $-\frac{1}{4} = (a \times 1 - 1)(\frac{1}{r} - \frac{1}{r})(1 - 1 \times a) = \frac{1}{4}$

رم) ایک محتب عدسه کا ماسکی طول به سمرے - خیال کے کل معلوم لرو جبکہ شخص کے فاصلے عدسہ سے (۱) ۲۰ سمر (ب) ۳۰ سمر موں -

اس صورت بین م = - ، سم کیونکه شعاعین عدسه کی منفی جانب

ماسكه مين أتى أين - لين بهلى صورت مين :

 $\frac{1}{p^2} = \frac{1}{4} - \frac{1}{2}$

یعیٰ خ = - ۱۲۰ سمر اور خیال حقیقی ہے اور عدسہ کی جس جا نبشخص ہے مس کی مخالف جانب وافع ہو تاہے۔ دوسری صورت میں :

 $\frac{1}{p^{\prime \bullet}} = \frac{1}{p^{\prime \bullet}} = \frac{1}{2}$

النداخ = + ۱۲۰سمر - تینی خیال مجازی اور عدسه کی اسی جانب واقع ہوتا ہے جس جانب کہ شخص ہے ۔

مثالين

(١) أيك مقعرة سيندكا نفيف قطر الخناد من سمريم وشخفنا يحدوه عل

معلوم کر د جن سے مائل اس کی تکی قامت کا ایکے قلیل اور اس کی ڈگئی قامت کا دیک مجازی خیال حامل ہو۔

(۲) ایک مقعر آئینہ کے سائے ، ۵ سمرے فاصلہ پر ایک گلدستہ آلل الفکایا ہوا ہے ۔ اس آئینہ کے سائے ، ۱۰ سمرے فاصلے پر ایک خالی گلدان رکھا ہوا ہے ۔ اِس آئینہ کی آئینہ کی ہوا ہے ۔ اِس آئینہ کی آئینہ کی

بر المبارس من المراد المبارك المراد المراد

(۳) مشیشه کا ایک کرہ جس کا قطر ۱ نیخ ہے ، بانی سے بھرا ہواہے۔ (۳) بانی کے اندر ایک نقط ایک قطر کے ایک سرے سے دوسرے سرے تک حرکت کرتہ ہے ۔ اگر ایک مشاہد اِس قطر کی سمت میں متحرک نقط کو دیکھ رہا ہو تو

ر جود برایا سے مول کی تبدیلیاں مرتسم کرو۔ شیشہ کی دبازت نظرانداز کردی اس سے خیال سے محل کی تبدیلیاں مرتسم کرو۔ شیشہ کی دبازت نظرانداز کردی حاسکتی ہے۔

ب میں ہے۔ (سم) ایک محدّب آئینہ کا نصف قطر انخن ۱۵ سمر ہے ۔ شخص اِس آئینہ سے ایک میتر کے فاصلے پر واقع ہے اور اِس کی قامت ۱۵ سمرہے ۔ فیال کامحل

اور ایس کی قامت معلوم کرو۔

(۵) شیشہ کے ۳ سمر قطر دالے ایک کرہ میں ہواکا ایک جھوٹا سا بلبلہ دہ کیا ہے جو ٹا سا بلبلہ دہ کیا ہے جو ایک قطر کی سطے سے ایک سمر کے فاصلہ پر معلوم ہوتا ہے ۔ اگر اِس سششہ کا انعطاف نما ۱۶۵۲ ہو تو لمبلہ کا

میے فاصلہ پر معلوم ہوتا ہے ۔ اگر اِس ستیشہ کا انعطاف نما ۱۶۵۲ ہو تو ملبکہ ' صبیح محل دریافت کمرو ۔ سبیح محل دریافت کمرو ۔

اللہ اللہ ۱۰ سمر ماسکی طول والے ایک محدّب عدسہ سے ۵ میتر کے فاصلہ میر عدسہ سے ۵ میتر کے فاصلہ میر عدسہ کے لیوں عدسہ کے لیول برد ایک گلیں تہیب ر کھا ہے جس سے مبدشل کی بلندی مسمر ہے۔ خیال کا محل دیا فت کرو۔ اگر اس تبہیب کو اِس سے اصلی محل سے ۵ سمر اُو ہر

میں مہ ن وریا کے عمل میں کیا تبدیلی واقع ہوگی ہ اٹھایا جائے نو سیال کے محل میں کیا تبدیلی واقع ہوگی ہ

(۵) ایک دیے ہوئے عدسہ سے شخص سے فاصلہ اور اِسس کے حقیقی خیال کی تکبیر سے مابین رسشتہ ملا ہر کرنے والے شخبی شکل کو بخر بہ سے معلوم کرو-(۸) آیک لیمیپ کا جارگنا مکتر خیال اِس لیمیپ سے سم میتر سے فاصلہ پر رکھے ہوئے ایک پر دہ پر حاصل کرا مقصود ہے۔ اِس سے لیے کس ماسکی طول کا عابسہ در کار ہوگا ؟

(9) ۱۶۵۳ مرکے ماسکی طول والا ایک عدسہ جو انعطاف نما ۱۶۵۴ والے مشیشہ کا بنا ہواہے پائی میں ڈبو دیا گیا ہے۔ اِس کا ماسکی طول کیا ہوجائیگا؟ شیشہ کا بنا ہواہے پائی میں ڈبو دیا گیا ہے۔ اِس کا ماسکی طول کیا ہوجائیگا؟ (۱۰) ماسکی طول م کا ایک محدّب عدسہ تکبیرت والا ایک مقیقی خیال

پيداكرتائد - نابت كردكه عدسه سينخس كا فاصله (ت + 1) م إونا جائي -

(۱۱) ایک محدّب عدسہ کی مدوسے ایک بردہ پر قامت اوکا ایک خیال بنتاہے ۔ شخص اور پر دے کے محلوں کو بدلے بغیر عدسہ کو بردے کی طرف حرکت دینے بید یہ دی کھیا جاتا ہے کہ عدسہ کا ایک دوسرا محل مجی ایسا ہے جس کے ماثل بردہ بر ایک داضح خیال حاصل ہوتا ہے ۔ اگر اِس صورت میں خیال

کی قامت ب ہر تو ا بت کر دکھشخص کی قامت ماوب ہے۔

(۱۲) ثابت کرد کرکسی محذب عدسه کی صورت میں دوخقیقی مزدوج

نقطوں کا درمیانی فاصلہ رِس کے ماسئی طول سے چار گئے سے کم بہیں ہوسکتا۔ (۱۳) ایک دو ہرے محدّب عدسہ کے نصف قطر انحا ۳۰ اور ۲۰سم

مِن اور یہ ایسے شیشہ کا بنا ہوائے جس کا انعطاف نما ۱۶۵۲ ہے - اِس کا اُستی طول محسوب کرو۔ اُگر یہ عدسہ ان ہی انخنائی نصف قطروں والاایک فقتب

ہلائی عدسہ ہوتا تو رس کا ماسکی طول کیا ہوتا ؟ (سم) اگر ایک مسنوی ہوئینہ کو جس پر نور کی شعاعوں کی ایک بنیسل واقع

ہے و قوعی مُستوی کے ایک علی القوایم مورکے گردکسی داوید میں گھا یا جائے تو منعکس شعاع ہوس داویہ کے داویہ میں منحوف ہوجاتی ہے۔ منعکس شعاع ہس زاویہ کے دُکنے داویہ میں منحوف ہوجاتی ہے۔ بنا بریں ثابت کروکہ جب ایک مستوی موج سی کڑوی سطح پر تعکسس

بنا برین ثابت کرو کہ جب ایک مسلوی موج سی کرو گا سے پر مسل موتی ہے تو منعکس موج کا انتخا اس کر دی سطح کے انتخاکا دوگا ہوتاہے۔ (۱۵) اگر ہم اپنی آئھ کے سامنے ایک عدسہ رکھ کر اِس کو ایک جاب حرکت دیں تو ٹابت کروکہ عدسہ مقعر ہونے کی صورت میں اِس میں سے د کھائی دینے والے شخص عدمہ ہی کی سمت میں حرکت کرتے نظر آئے ، لیکن اگر عدمہ محدّب ہو تو یشخص عدمہ کی مخالف سمت میں حرکت کرنے نظسر آئینگے ۔

(۱۱) و اور وب دو على القوايم خطوط مستقيم بين - و ا بين ابك نقطرج اور وب بين ايك نقطر د إس طرح ين جائة بين كه وج = ود عم - نقاط د اورج سے و اور وب سے متوازی دو خطوط مستقيم كھينے جائة بين جو ايك دوسرے سے ع برطنة بين - نقطه ع بين سے گزرنے دالا ايك خطِ ستيم كھينيا جا تا ہے جو و اور و ب كو نقساط ط اور ق بر تطع كرتا ہے - ناب كردكم اگر و ط ماسكى طول م والے ايك محتب عدسه سے يے شخص سے فاصله كو تعبير كرب تو و ق خيال كے فاصله كو تعبير كرب تو و ق خيال كے فاصله كو تعبير كرب تو و ق خيال كے فاصله كو تعبير كرب تو و ق

تعبیر سرتا ہے۔ نابت کردکہ اگر نقاط ج اور دکو بالتر نتیب 19 اور وب مدددہ میں لیے جائیں تو یہی ہندسی عمل مقعر عدسہ کی صورت پر بھی صاد ق 7 تا ہے۔

ن (۱۷) ابک بنگے عدسہ کا ماسکی طول' بہت دور کے ایک تیمپ کو شخص کے طور پر استعمال کرکے ، عدسہ سے خیال کا فاصلہ ناپ لینے پر ، ۲۵ سمر ما پاگیا ہے ۔ یہ تیمپ کتنے فاصلے پر ہونا چاہیے کہ یہ نتیجہ ہی صدی

(۱۸) شعاعوں کا ایک نظام ایسا ہے کہ یہ سب سے سب ایک دی ہوئی سطے کو علی القوائم قطع کرتی ہیں ۔ ایک کروی آئیسنہ یہ ایک شعاع کو ایک القوائم سطح سے اور ایک شعاع کو ایک القوائم سطح سے اور ایک فاہت نقطہ سے اوس نقطہ کے فاصلوں کا حاصل جمع یا فرق مستقل رہے۔ ناہت کروکہ یہ آئینہ شعاعوں کے نظام کو تا بت نقطہ مذکور پر کے نامت کروکہ یہ آئینہ شعاعوں کے نظام کو تا بت نقطہ مذکور پر کے ، سنکہ کی طرف منعکس کر دتا ہے۔

(۱۹) ایک محدب عدسه اور ایک مقعر عدسه ، جن بین سے برایک کا اسکی طول ۲۰سمرے ، ہم محور طور پر ۲ سمرے فصل پر رکھے ہوئے ہیں۔ اگر شخص (۱) محدب عدسہ کے آگے (ب) مقعر عدسہ کے آگے ، ۳ سمرے فاصلہ پر واقع ہوتو خیال کامحل دریا فت کرو۔

نبیسرا کاب موٹے عرب اور عدسول کے نظام

ینے عدسوں کی صورت میں ان کے ماسکی طول سے علم سے ہم خیال
کا فاصلہ محسوب کرسکتے ہیں جب کہ شخص کا فاصلہ معلوم ہو۔ اِس بات کو
ہوئی اہمیت نہیں کہ ان فاصلوں کو عدسہ میں کے کس نقطہ سے نابے جاتے
ہیں ۔ سکن اگر عدسہ موٹا ہو یاکسی عکسالہ کا دہا نہ ہو جو عمواً بجار یا جھ جدا کا نہ عدسوں برشتی ہوتا ہے توشخص اور خیال کے فاصلوں کی
ہمت ہی مختلف فیشیں ماصل ہو بگی بلحاظ اِس کے کہ یہ فاصلے عدسے کے
سامنے کی سطح سے ناہے جائیں یا اِس کی بجھی سطح سے ۔ چنا بخہ سوال یہ
سامنے کی سطح سے ناہے جائیں یا اِس کی بجھی سطح سے ۔ چنا بخہ سوال یہ
مطابق نتا بج ماصل ہوتے ہیں یا بہ کہ ہمیں دا عدسطوں پر فروا " فردا"
غور کرنا ہوگا۔

گاؤمیں نے کوئی ستر سال پہلے ثابت کیا تھا کہ ہمیں اِن واحد طول برعللحدہ عللحدہ غور کرنے کی ضرورت نہیں ہے بلکہ ہم ایک مرکب عدسہیر مجموعی حیثیت سے غور کر سکتے ہیں اور اگر شخص اور خیال سے فاصلے دولفری مستویوں سے جو اِس عدسہ کے اعتبار سے ثابت ہوتے ہیں ناہے جائیں تو اِس سے بھی پتلے عدسوں کا معمولی ضا بطہ متعلق کیا جاسکتا ہے۔جب عدسہ کیا

دو نول جانب واسطه ایب بی بوتو إن مستویول کومعا ول مستوی کتے بس ، جب یہ واسط مخلف ہو توبیصدرمسانوی کہلاتے ہیں صحف سے ان والی شعاعیں ایک معادل مستوی یک متسع ہوتی ہیں اور پھر دوسرے معادل مشتوی سے خیال کے مشدق ہوتی ہیں اور مزدوج شعاعیں اِن معادل مسنویوں سمو محورسے ایک ہی فاصلے پر قطع کرتی ہیں۔

ایک ایسایتلا عدسه معلوم کرتا جمیشه کمن ہے جو ایک دیے ہوئے شخص کا خیال اسی مقام بر اور اسی قامیت کا بیدا کرے جو کہ ایک عاشی نظام کے يمداكرده خيال كامحل اوراكس كى قامت موتى ہے يكوكم إس كے معنے صرف يه بين كهمسا واتول

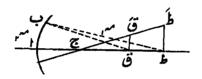
 $\frac{1}{5} - \frac{1}{2} = \frac{1}{4}$ ن = $\frac{1}{2}$ ن = $\frac{1}{2}$

كوحل كيا جائ جبكه ف اورت ويه يك بهول يلكن ير نعاول صرف دیے ہوئے دو مزدوج نقطوں ہی برصادق ائیگی ۔ دیگر شخصوں سے وہ خیال جو ندکورہ بالا دونوں عدسول سے حاصل ہوں نہ تو محل ہی میں منطبق ہونگے نه قدرین یس به نامکن ہے کہ ایک واحد عدسہ ایسا معلوم کما جائے ہوکسی ایک مقام پر رکھا رہنے پر اُسی طرح عل کرے جس طرح کہ عدلسوں کا ایک نظام

ف اگریم ایک فاص ماسکی طول کا ایک بنا عدسد لے کر اس کو سلے معا دل مستوی پر نور کی شعاعیں حاصل کرنے کے لیے رکھ دیں اور پیر اس نمو فوراً دوسرے معادل مستوی پر بینیا دیں تاکہ بداین حاصل کردہ شعاغوں سمو بری کرے تو یہ عدسہ تھیک اُسی غرح عل کر سی جس طرح کہ ایک مرکب عدیسہ۔ يه بالاستنبد إس مسئله كوسجهان كا ايك نهايت اى عام فهم طريقه سيسكن (۱۳۳ یہ ابتندائی نصورات کے بیش کرنے کے کام آئیگا۔

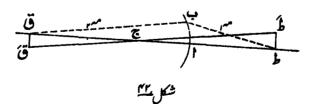
باب ہزایں تمام مائل کی بجٹ مزدوج متوبول کی خاصیت براور هلم هولان کی کید کمبیر بر خصری گئی ہے۔ اِس طریقے سے مام صور ست میں

اساسی نقطون کے حسل محدوب نہیں کیے جاسکتے لیکن یہ طریقہ دیمرطریقوں سے بہت زیادہ آسان ہے اور اس کے ساتھ ساتھ یہ صحت کا بھی یورا یورا یا بندہے مکن ہے کہ اس نظریہ سے آج کل عدم واقعینت کی وجد دیمرطریقوں کی حکیسیلی نوعیت ہی ہو۔



مشكل ماسم

ہے جب کہ اس کو پیچے کی طرف بڑھایا جائے۔ فرض کروکہ اے طط ، اور عم اور عم وہ زاویے ہیں جو ظ ب اور ق ب



بالترتیب عدسے محور کی مثبت سمت سے ساتھ بناتے ہیں ۔ہم مان لینگے کہ ما اور ما بنقاط ط اور ق کے محدّد ہیں ۔ یہ محدّد مثبت ہونگے اگر نقاطِ مذکور محرر کے اُوہر واقع ہول اور منفی جبکہ یہ نقاط محررے بنیج

واقع مهول - بنا بريس:

$$\frac{d^2 - d^2}{dt} = \frac{d^2 - d^2}{dt}$$

يس مساوات (٩) يس اندراج سي بيس حاصل بوكا:

$$\frac{1}{100} = \frac{1000 \text{ mpl}}{1000 \text{ mpl}}$$

من مامس عمر = منر مامس عمر (١٠) یه ضابط سب سے پہلے لیگرینج نے بیش کیا تھا۔ مزدوج نقاط

ط ادر ق کے لیے سبت مار خطی تبکیر اور سبت من میر زاویئی تبلیر ا مار ذریر

کہلاتی ہے۔

اسی طرح یه ثابت کیا جاسکتا ہے کہ سی کروی آئینہ پر انعکاس کی

صورت س

امس عم = مامس عمر

اب فرض کروک دو واسطول کے درمیان ایک کروی انعطاف انگر سطح کی بجائے ن واسطول کے درمیان ن - ۱ ہم محور انعطاف انگٹرسطور ہیں اور یک پیلے واسط کا انعطاف نا مر، دوسرے واسط کا انعطاف نا من اور علی بزان ویں واسطه کا انعطاف نما من ہے۔ فرض کروکہ آیک چھوٹا سا سخف جس کے خفی ابعاد محد سے علی القوایم ما ہیں بہلے واسط میں محدر سر ر کھا ہواہے اور فرض کرو کہ اِس سے کھینجی ہوئی کوئی متعاع مور کے ساتھ زاویہ عم بناتی ہے۔ پہلی سطح پر منعطف مونے تھے بعد یہ شعاع محور سے ساتھ زاویہ عہ بناسئيگي اورخطي ابعاد ما. والے ايب خيال سے منتسع ہوتی معلوم ہوگی۔إی طرح ووسری سطح پر متعطف ہونے کے بعد یہ شعاع مورسے ساتھ زاویا عریبناتی ہے اورخلی ابعاد ما کے ایک خیال سے متسع ہوتی معلوم ہوتی ہے ۔ سُن ماوات (١٠) كے اطلاق سے ہميں ماصل ہوگا:-

> مم مامس عم = مير مارمس مير مر الرمن عرب عدر مار من عرب

من المن من عن الله من المن عمن یا درمیانی جلوں کوترک کر دینے بر!

مم الممس عم = من الممس عمل مديد ١١٠٠٠٠٠٠ (١١)

سطوں سے کسی نظام کے لیے یہ مساوات سب سے پہلے ہلم ہولٹزنے بیش کی تھی۔ ا سکی مستومی :۔ فرض کردکہ ہارے ہاں ہم محور کردی انعطا^{بی}نیا

سطول کاکوئی نظام ہے جس کے محور یرسے ایک نقط ط پر ایک چھوٹا سامستوی منحرا ركفا مواب اور بركه إس مركبسك كالآخرى خيال نظام زير عوركي وجرس

نقطمه فی پر بنتا ہے۔ محور پر سے کسی نقط کو میداء مان یو اور فرض مر وسمہ اِس مبداء کے اعتبارسے ط اور ق مے محدد بالترتیب لا اور لا ہیں -

رمیں در میانی خیالوں پر عور کرنے کی ضرورت بیش نہ آئیگی اور اِس کیلے بم لاحقه عدد ٢ كو اخرى خيال سے منوب كرسكت ، مي - بنا برين :

الإلا + ب الم + ج لا + د = ٠٠٠٠٠١١١)

جبال ۱، ب ، ج اور دمتقلات بن جسطوں کے محلوں اور انحا وُں پر اور مختلف واسطول کے الفطاف نماؤل برمنحصر ہوتے ہیں۔ یہ مساوات مرف

اِس امرکونل ہرکرتی ہے کہ شخف کے ہر محل کے جواب میں آخری خیال کا ایک

اور صرف ایک محل ہوتاہے۔ یہی امرہم واحدا نعطا فوں پر علحدہ علحدہ عور كرسے بي أبت كريكة إلى اور اس امركو بيان كرنے كا يى ايك عام ترين طريقه (٣١١)

ہے جیساکہ مزرد رقبوں سے جمع کرنے کی کوشش پرواضح ہوجا ٹیگا۔

اب ایک واحدانفطاف کی صورت میں:

 $\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} - \frac{1}{\sqrt{2}}$

اس کوبلحاظ ش کے تفرقانے پر تیں ماسل ہوگا:

$$-\frac{\alpha_{1}}{5^{\prime}}\cdot\frac{65}{6\pi}+\frac{\alpha_{1}}{10^{\prime}}=\cdot$$

$$\frac{\dot{\zeta}\dot{\varsigma}}{\dot{\zeta}\frac{\dot{\varsigma}}{\dot{\varsigma}}} = \frac{\alpha_{\gamma}\dot{\varsigma}^{\gamma}}{\alpha_{\gamma}\frac{\dot{\varsigma}^{\gamma}}{\dot{\varsigma}^{\gamma}}}$$

اسی طرح یه ثابت کیا جا سکتا ہے کہ سی کروی آئینہ پر انعکاس کی

صورش ييس

ماس عمر = مامس عمر

اب فرعل کروکہ دو واسطول کے درمیان ایک کروی انعطاف انگیز سطوح کی بجائے ن واسطول کے درمیان ن - اسپم محدر انعطاف انگیز سطوح

ہیں اور یہ کہ پہلے واسطہ کا انعطاف نا مہ ، دوسرے واسطہ کا انعطاف نا مہ اور علی بندا ن ویں واسطہ کا انعطاف نا مہن ہے ۔ فرض کروکہ ایک

معم الرودي ہدائ وی وال معلان المعلقات ما من مجد ورس مرور ایاب چھوٹا ساشخص جس کے خلی ابعاد محد سے علی القوایم ما ہیں بہلے واسط میں محدر سر

رکھا ہواہے اور فرض کروکہ اِس سے کھینچی ہوئی کوئی مٹھاع مورکے ساتھ زاویہ عمر بناتی ہے۔ پہلی سطح پرمنعطف ہونے کے بعد یہ شعاع محور سے ساتھ زاویہ عمر ناسئر کا رہ خطر ریاں میں ایس ہونے ال سرمتسع میں ترمعا میں مدال سرمانے

بنائیکی اور خطی ابعاد ما، والے ایک خیال سے منتسع ہوتی معلوم ہوگی۔اسی طرح ا بودسری سطح برمنعطف ہونے کے بعد پر شعاع محرکے ساتھ زاویہ عمر بناتی ہے

اور خلی ابعاد ملے ایک خیال سے متسع ہوتی معلوم ہوتی ہے ۔ کین ماوات (۱۰) کے اطلاق سے ہمیں عاصل ہوگا :-

> مر مارمس عم = مير مارمس عبر مر مارمس عم = مير مارمس عمر

مین-ا کمان-ا مس عن ایس عن سرید سر

یا درمیانی جلول کوترک کردینے پر:

مم الممس عم = من مانمس عمن (11)

سطوں کے کسی نظام کے لیے یہ مماوات سب سے پہلے ہم ہوللزنے بیش کی تھی۔

سکی مستنو می :- فرض کروکہ ہارے یاں ہم محور کروی انعطاب عجیر

سطول کاکوئی نظام ہے جس کے محور برکے ایک نقط ط پر ایک چھوا سا مستوی منحرا ركفا وواب اور يدكه إس مركوس كانترى خيال نظام زير عوركي وجرس

نقطمه فى يربناهم مور يركي كسى نقط كو مبداء مان لو اور فرض كروسمه اس مبداء کے اعتبارسے ط اور ف کے محدد بالترتیب فار اور لا میں -

ہمیں درمیانی خیالوں پر غور کرنے کی ضرورت بیش نہ آئیگی اور اِس کیا بم لاحقه عدد ٢ كو اخرى خيال سے منوب كرسكت ميں - بنا برين :

الإلا+ ب لا+ ج لا + د = ٠٠٠٠٠٠١١)

جبال ۱، ب ، ج اور دمتنقلات بن جسطوں کے محلوں اور انحاؤں پر

اوْر مختلف واسطول کے انعطاف نماؤل پرمنحصر ہوتے ہیں ۔ یہ مساوات صرف اس امرکونل ہرکرتی ہے کہ تحض سے ہرمحل سے جواب میں آخری میال کا ایک

اور صرف ایک محل ہوتاہے۔ یہی امرہم واحد انعطا فوں ہر علحٰدہ علحٰدہ عور

كرسے بى خابت كرسكتے ہي، اور اس امركو بيان كرف كايى ايك عام ترين طريقه (٣١) ہے جیساکہ مزرد رقبوں کے جمع کرنے کی کوشش پرواضح ہوجا ٹیگا۔

اب أك واحدالفطاف كي صورت مين :

 $\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} - \frac{1}{\sqrt{2}}$

اس کوبلجاظ ش کے تفرقانے پر ہیں عاصل ہوگا:

 $= \frac{\alpha_{i}}{\epsilon_{i}^{2}} + \frac{\epsilon_{i}^{2}}{\epsilon_{i}^{2}} + \frac{\alpha_{i}}{\epsilon_{i}^{2}} = -\frac{\alpha_{i}}{\epsilon_{i}^{2}} + \frac{\alpha_{i}}{\epsilon_{i}^{2}} = -\frac{\alpha_{i}}{\epsilon_{i}^{2}} + \frac{\alpha_{i}}{\epsilon_{i}^{2}} = -\frac{\alpha_{i}}{\epsilon_{i}^{2}} + \frac{\alpha_{i}}{\epsilon_{i}^{2}} + \frac{\alpha_{i}}{\epsilon_{i}^{2}} + \frac{\alpha_{i}}{\epsilon_{i}^{2}} = -\frac{\alpha_{i}}{\epsilon_{i}^{2}} + \frac{\alpha_{i}}{\epsilon_{i}^{2}} + \frac{\alpha_{i}}{$

 $\frac{\dot{\zeta}\dot{\varsigma}}{\dot{\varsigma}\dot{\vartheta}} = \frac{\alpha_{\gamma}\dot{\varsigma}^{\dagger}}{\alpha_{\gamma}\dot{\vartheta}^{\dagger}}$

اور يه بمدشد متبت مواب _س اگر عف كومورير بطايا جاك تو خيال بهي محور ير إسى سمت مين مثلثاً جائيگا- چونکه يهي بات تمام درمياني انعطافون بر صادق آنی ہے اِس میے اِس کو اِس نظام کی وجسے بلنے والے آخری خیال بر بھی صادق آنا چاہیے۔

جله (١٢) كو لاك محاظس تفرقان ير:

الر+ الرفزلام ب + ج فرلام = ٠

فرلاء - الا+ب فرلاء - الا+ج

ا براج براج <u>(ب</u>ی-اد) = الراج <u>(بار</u> + ج)

چونکه بدلاز مأ متبت بوگا اورىسب فا مربع مونے كى وجه سے بميشه مثبت بوتا

ے اِس کیے بج۔ ا دمنفی ہوتاہے۔ یے بج۔ ۱ دسمی ہوتاہے۔ فرض کروکہ ۱ صفر نہیں ہے۔ چنا بخہ جلہ (۱۲) کو ذیل کی شکل میں

مکھا جا سکسگا ؛

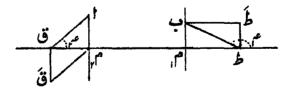
 $U_1 U_1 + \frac{1}{1 +$ (لا - گ) (لا - گ) = - جرا

 $\frac{1}{1} \int_{-1}^{1} \frac{1}{1} = -\frac{1}{1} \int_{-1}^{1} \frac{1}{1} = -\frac{1}{1} \int_{-1}^{1} \frac{1}{1} \int_{-1}^{1} \frac{1}{1}$ یہ جلہ لاز ما منفی ہوتا ہے۔ وہ خطہ جس میں شخص سے تمام مکنہ محل واقع ہوتے ہیں خطکہ شخص

کہلا آہے ؛ در وہ نظرجس میں خیال کے تمام مکنٹ محل واقع ہوتے ہیں خطکۂ حمال الله أب شخص اور خيال ك يه فط بلات برجز المنطبق موسكت بين -اگرشخص ط لانتناہی پر ہونو لا لانتناہی ہوگا اور لا۔ ک صفر کے مساوی ہونا چاہیے تینی خیال مستوی لاے گ پر دافع ہونا ہے ۔ بیمستوی خطر خیال کا ماسکی مستوی کہلا تا ہے۔ اِسی طرح اگر خیال لا تنا ہی پر ہوتو شخص مستوی لا = گ بر داقع ہوتاہے اور یہ خطٹ شخص کا ماسکی مستوی کہلا مہے۔ صدر مستوی عقدی نقطے کسی نظ م کے اسكى طول: - فرض كروكه شخص اور خيال كے فاصلے ماسكى مستويوں سے مثن أورخ ہیں ۔ چنا پنجہ!

ش = لا - گر ، خ = لا - گ

فرض كروكه ط ط طول إوالا أيف خطى شخص ہے، في في طول (١٣٥) ما والا خیال ہے ، ط ف اِس نظام کا محررہے ، ب م اور ام وہ خطوط ، ب م اور ام وہ خطوط ، بی جن میں خطر شخص اور خطر خیال سے مستولی کو ایس جن میں خطر شخص اور خطر خیال سے مستولی کو ایس قطع کرتے ہیں۔



ط م سے متوازی ط ب کھینیو۔ چونکہ ط ب نظر شخص میں مورکے متوازی ہے اِس لیے یہ نظام میں سے گزرنے سے بعد خطر خیال سے مانکی متوی کو

م پر خطع کرنا چاہیے - اِس کو ق میں سے بھی گزرنا چاہیے کیونکہ نقطہ ق خیال ہے نقط ط کا - بنا بریں م ق ، خیال ہوگا شعاع ط ب کا اِس سے نعلام میں سے انعطاف سے بعد ، یا بالفاظ دیگر شعاع م ق مز دوج ہوگا شعساع ط ک کا۔

قا' ق'م ہے منوازی کھینجو۔ خطابتھ میں ق اکی مزدوج شعاع کو ق سے مزدوج نقط، ط میں سے گزر نا جاہیے۔ نیز یہ ب م کو اسی نقطہ پر قطع کرنا چاہیے جس نقطہ پر کہ فی م کی مزدوج شعاع بیسنی ب ط قطع کرتی ہے۔ اِس لیے یہ ب طے ہونیا چاہیے۔

ب طُ قَلْع كرتى ہے - إِس كيے يہ ب ط بونا عاميے -اب مم إِس ملدسے هلم هو للز كاكليد متعلق كرسكتے بيں عِنا پخر

ہ ہے۔ ائس کا انعطاف نما مہ اور جس واسطہ میں خیال واقع ہے ائس کا انعطاف^{نا} ممہ سیے - بنابرین ؛

- مَمْ اللَّهِ عَمْ اللَّهِ اللَّهِ عَمْ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهُ عَمْ اللَّهِ الللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ الللَّهِ الللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ الللل

كيونكه ش خ = - جا

اگرخطی تکبیراکائی موتو ما = ما اور ضابط، (۱۳) میں وندراج سے :

ش = من جا = م خ = مم جا= م إن مسا وا تول سے م_{ما} اور مم_ا کی تعریفیں ا خذ کی جا شکتی ہیں ۔ جِنا سِخہ مساواتو*ل* (۱۴) کے جدر کینے سے ہمیں حاصل ہو گا منن = ± م اور شخ = ± م یعنی سخص سے دو محل اور خیال کے دو محل ہو گئے۔ اگر ہم مما وات (۱۳) میں ا = ا کھے ہوتے تو بھی ہمیں ہی نتیجہ حاصل ہونا۔ ظاہرہے کہ مزدوج تعطول ایک جوارے سے مجمیر مثبت اکا فی ماسل ہوتی ہے اور دوسرے جوارے سے منفی اکا نی - اسس امرکا انحصار که مکبیرکس جوائے سے متبت اکانی حاصل ہوتی ہے اور کس جوڑے سے منفی ، م اور م کی مطلق علامتوں پر ہوتا ہے اور یہ انسی مقداریں ہیں جن سے صرف مربول کی تعریفیں اب کے جامی

جن نقطوں سے جوڑے سے محبر منبت اکائی حاصل ہوتی ہے اُن کو (۳۸)

صدر نقاط کہتے ہیں۔ دوسرے جوات کے نقاط کو ضد صدر نقاط کتے ہیں ۔ وہ مستوی جو صدر نقاط میں سے گزرنے ہی اور محور یہ عمود وار ہوتے بي صدر مستوكى كهلات بي - يرستوى ايسي بوت بين كه أكركوني شعاع إن میں سے ایک کو مورسے ایک خاص فاصلہ پر قطع کرے تو اِس شعاع کی مزدوج شعاع دوسرے مستوی کو محرسے انہی فاصلہ پر تطع کرتی ہے۔ اب فرض كرو بهم م اورم مى مطلق قبيس إس طرح تعين كرتي بن كم شخص اور خیال سے خِطوں کی اسکی مستوی بالتر نیب ولی کی مساواتوں شے حاصل بهوتی میں! ش = - م اورخ = - م بنا بریں چونکہ

ش خ = - جا اس ليے م م =-جا

اورمسا وات (۱۱۲) میں جراکی پرقیمت درج ارنے پر ہمیں عاصل ہوگا

مهم = -مهم فرض کروکہ م = عہ - بنا بریں مسس عہ =مسس عہ ادر ھلے ہولیان سے ملیبہ کی روسے مہ ما = مہ ما ب بس ہم مساوات (۱۳) کو 'دیل کی شکل میں

لكوكت بي :

 $\frac{\frac{r_{\rightarrow}}{r_{\downarrow}}}{\frac{r_{\downarrow}}{r_{\downarrow}}} = \frac{\frac{r_{\downarrow}}{r_{\downarrow}}}{\frac{r_{\downarrow}}{r_{\downarrow}}} = \frac{\frac{r_{\downarrow}}{r_{\downarrow}}}{\frac{r_{\downarrow}}{r_{\downarrow}}}$

يا جدر لين پر :

 $\frac{d_{1}}{d_{1}} = -\frac{\gamma_{1}}{w_{0}} = -\frac{\dot{\gamma}}{\gamma_{0}} = -\frac{1}{\gamma_{0}}$ (61)

اور اب علامت محمق کوئی استنباه باقی نه رسکا مشار کسندول کو مدرس اور این ماسل موگا:

 $\frac{\partial u_{i} d_{i}}{\partial u_{i}} = -\frac{\partial u_{i} d_{i}}{\partial u_{i}} = -\frac{\partial u_{i} d_{i}}{\partial u_{i}}$ $\frac{\partial u_{i} d_{i}}{\partial u_{i}} = \frac{\partial u_{i}}{\partial u_{i}} = \frac{\partial u_{i}}{\partial u_{i}}$

ش = م اورخ = م

ان ماوانول سے جن نقطوں کا تعین ہوتا ہے وہ عقدی نقاط کہ کہا تعین ہوتا ہے وہ عقدی نقاط کہ کہا تھا ہے ہیں۔ یہ مور برکے دو ایسے نقط ہیں کہ اگر شعاع واقع ایک نقطہ میں سے گزرتی ہے اور نیز میں سے گزرتی ہے اور نیز شعاع واقع کے متوازی ہوتی ہے۔

(39)

شكل يفيكي من فرض كروكه نقطبه ط كاخيال ق ب، مم اورص م ص غ ص

وسي مدي

خلفوشخص کے ماسکی اور صدر مستوی ہیں اور م اور ص خطر عنیال کے ماسکی اور صدر ستوی ہیں۔ تب م ط = منی اور م ق = خ - فرض کروکم خطر شخص کا عقدی نقط ع ہے اور خطر خیال کا عقدی نقط ع ہے۔ بموجب تعریف ص م = م، ص م = م، ماع = م اور

م ع = م -م ع = م اور ق کے محدو اپنے اپنے صدر مستوبول کے حوالہ

اور

ش اورخ بین - تب ش = ص ط = م + ش

خ = ص ق = م + خ

ان ما واتول سے سن اور خ کی قیمتیں ماوات منی خ = - جرایں درج کرنے اور یہ ذہن شین رکھنے بر کہ۔ جہ = م م ہیں عاصل ہوگا

اس کو مختصر کرانے پر:

(14) $j = \frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

م اور م الترنيب عض اور خيال كے خطر كے ماسكى طول كملاتے ہيں -

اگرابتدائی اور آخری واسط ایک ہی ہول تو مم = مم اور ۔۔۔ ان اوں تو ممم = ممم اور م = -م اس ضورت میں م = -م = م لکھنے پر مساوات (۱۹) روجائیگی :

 $\frac{1}{p} = \frac{1}{x^2} - \frac{1}{z}$

بالکل ہے ہی مساوات ہے جو بیلے عدسوں کیے لیے اساسی مساوات ہے۔

بن، تب یہ صدرت و م = م = م قوعقدی نقطے صدر ستویوں میں واقع ہوتے ہیں، تب یہ صدرت و معاول مستوی کہلاتے ہیں ادرم کو ہیں نظام سے معاول ماسکی طول سے نام سے موسوم کیا جاتا ہے۔

منكيسرك لي حله: ساوات (١٥) كى روس :

 $\frac{\dot{z}}{\dot{z}} = -\frac{\dot{z}}{\dot{z}}$

اس مين خ كى بجائ خ - م ، درج كرف يريمين ، إمل بوكا:

 $\frac{d_{1}}{d_{1}} = -\frac{(\dot{5} - \alpha_{1})}{\alpha_{1}} ...$ $\frac{d_{1}}{d_{1}} = -\frac{\dot{5} - \alpha_{1}}{\alpha_{1}} = \frac{\dot{5} - \alpha_{1}}{\alpha_{1}}$ $\frac{\dot{5} - \alpha_{1}}{\alpha_{1}} = \frac{\dot{5} - \alpha_{1}}{\alpha_{1}} = \frac{\dot{5} - \alpha_{1}}{\alpha_{1}}$

مساوات (۱۷) میں اندراج سے: $\frac{d}{dt} = -\frac{\vec{G} \cdot \eta_1}{dt}$ ووكد مرم = -مم ممر اس ليه د

 $\frac{d_1}{d_1} = \frac{\Delta u_1}{\Delta u_1} \frac{g}{g}$

اگر ایتمانی اور آخری واسط ایک بهی بهون تو بیر بهوجا سیسگی

الم = رق مین کمیرساوی ہوتی ہے اپنے اپنے صدرمستوبوں سے خال اور شخص کے فاصلوں کی نسبت کے ۔

خمال تريمي عل سے: ندكورهٔ الانظرير مبسے بيلے

كاؤس نے بش كيا نفا ليكن اسس كاطريقه وہى بنيں نفاجو او براختيار كيا گیا ہے ۔عقدی نقاط کا تعارِف سب سے پہلے لِسٹنیگٹ نے کیا ۔اسکی نقاطہ صدر نقاط اور عقدی نقاط کو کسی عدسہ یا عدسوں سے نظام سے بیے گاؤس تے نقاط یا اساسی نقاط کہتے ہیں۔اِگر صحت بیان کا پورا پورا تھا طار کھا جائے توان نفطول کے خواص مرف اُسی صورت میں صادق آتے ہیں جبكة شخص جهوسط اورعدسوي نظام سے محور بر واقع مول اور جبكه خبال اِکُن شعاعول سے بنیں ہو ہو ، حور سے چھوٹے چھوسے زاویوں پر مائل ہوں۔

نمین کھر بھی اِن نقاط کو خاص اہمیت حاصل ہے کیونکہ اِن سے بیشتر (٠١م)

مناظری الات سر نظر المريالا تقرب حاصل موجا تا ہے۔

بهم محدر الروى ، العطاف الكيزسطول كا الك نظام خوا وكتني اي عدسول يركيول أن " في المن المختلف العطاب لما ول وال

خواه کتنے ہی واسطول میں ے کیوں بنا گزرنا پڑے - اگر شخف کا محسل ویا جائے اور اِس نظام کے ساسی نقط معلوم ہون تو خیال کامحل اور

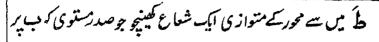
اِس كى مكبسر فوراً أَ فَا ﴾ إلى ماسكتى سے - انعطاف الكيزسطول كے محاول

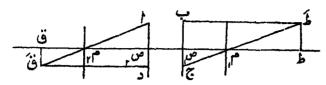
اور انخاوں سے متعلق یا اُن درمیانی واسطول کی توعیت سے متعلق من

میں سے شفاعول کو گزرنا پر ہا ہے ، حسی اِت سے جانسے کی ضرورت مطلق نہیں ہے ۔ صرف اساسی نقطوں کا علم بہت کا فی ہے۔

مثلاً شكل مانه مين فرض كروكه ط ظ أيك شخص بيء من مم اور ص ص الله المكيمستوي اور صدر مستوى بي الور فرهن تروكم خيسال كا

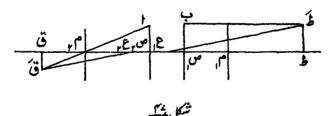
مل اور اسس کی قامت مطلوب ہے۔





شكل ٢٧.

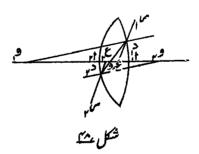
سطے۔ تب بوکد ط ب مورے متوازی ہے اس لیے اس کی مزدوج شعاع میں سے گزرنا چاہیے اور خطۂ خیال سے مدرمستوی کو نقطہ 1 بر ما بلنا چاہیے جہاں 1 محورسے اُنتے ہی فاصلہ پرہے جتنا کہ ب ۔ بس اِس نقط کی پوری تعیین ہوجاتی ہے۔ ط م کو طاکر اتنا بڑھا وُکہ یہ صدرمستوی سے ج پر جالے۔ دو سرے صدرمستوی پر ایک نقط د اِس طرح لوکہ اس کا فاصلہ مورسے وہی ہو جو ج کاہے اور اِسس یں سے محور کے متوازی شعاع ہوگی کوئکہ سے ط خطۂ شخص میں ماسکہ میں سے گزرتی ہے اور اِس لیے خطۂ خیال میں اِس طرح میں اِس طرح میں اِس کی مزدوج شعاع محور سے متوازی ہونی چاہیے۔ بس اِس طرح میں اِس کی مزدوج شعاع محور سے متوازی ہونی چاہیے۔ بس اِس طرح میں اِس کی مزدوج شعاع محور سے متوازی ہونی چاہیے۔ بس اِس طرح میں اِس کی مزدوج شعاع محور سے متوازی ہونی چاہیے۔ بس اِس طرح میں اِس کی مزدوج شعاع محور سے متوازی ہونی چاہیے۔ بس اِس طرح میں اِس کی مزدوج شعاع محور سے متوازی ہونی چاہیے۔ بس اِس کی مزدوج شعاع محور سے متوازی ہونی چاہیے۔ بس اِس کی مزدوج شعاع محور سے متوازی ہونی چاہیے۔ بس اِس کی مزدوج شعاع محور سے متوازی ہونی چاہیے۔ بس اِس کی مزدوج شعاع محور سے متوازی ہونی چاہیے۔ بس اِس کی مزدوج شعاع محور سے متوازی ہونی چاہیے۔ بس اِس کی مزدوج شعاع محور سے متوازی ہونی چاہیے۔ بس اِس کی مزدوج شعاع محور سے متوازی ہونی چاہیے۔ بس اِس کی مزدوج شعاع ہوں ہے۔



شکل ایک ایس کا ایک اور طریقیہ دکھلا یا گیا ہے۔ ط ب کی مزدوج شعاع م ف کو سابقہ طریقہ ہی سے معلوم کرلی جاتی ہے۔ پھر طے کو

خطر شخص کے عقدی نقطہ ع سے ملاتا ہوا ایک خط شقیم کھینچا جاتا ہے اور خطر شخص کے عقدی نقطہ ع سے ع ق متوازی گھینچا جاتا ہے طاع کے بید خط ام کوجس نقطہ برقطع کرتا ہے وہ بینی ق خیال ہوگا طاکا۔
اساسی نقطوں کے نحل یا تو تجربہ سیر حاصل کیے جاسکتے ہیں یاحسابی علی سے ۔ اِن کو کئی خاص ترتیب میں واقع ہونے کی ضرورت ہیں ۔
مسایل فیل میں ہم صرف ایسے نظاموں کو اسنے بیش نظر تھیں کے جن میں ابتدائی اور ہ خسری واسطہ ہوا ہو اور بنا بریں ہمیں کسی فظام کے صدر مستولوں کا قرکر کرنا ہوگا۔
معاول مستولوں کا قرکر کرنا ہوگا۔

موطا عارسه: فرض کروکہ نے در نے ایک شعاع ہے جو ایک موط عام ہے جو ایک موٹ کروکہ اس ایک موٹ عدمہ میں سے موسلے موٹ عدمہ کی دونوں سطوں عدمہ کا مناظری مرکز (صفح مالا) و ہے اور اِس عدمہ کی دونوں سطوں کے انتخائی مرکز و اور و ہیں ۔ نے خرکو اتنا برطھاؤ کہ یہ مورسے عم پر جاملے ۔ جاملے اور نے جرکواتنا برطھاؤ کہ یہ مورسے عم پر جاملے ۔



ملت و دع یں جب و دع :جب دوو:: وع: دع-شت و دو یں جب و دو: جب دوو:: و د: ود- نکین < و م ع مساوی ب برے زاویہ وقوع کے اور < و و مساوی ہے د پرکے زاویہ انعطاف کے ۔ پس :

جب و درع، جب و درو

جہاں مہ عدسہ کے مشیشہ کا انعطاف نزاہے ۔ مناسبہ میں سرین

فرض کروکہ نقلہ دے مدسکی سطح پر خرکت کرتے کرتے ا پر پہنچ جاتا ہے۔ اس دوران میں نقط ع محور پر حرات کرتا جاتا ہے۔ جب د، آپر بہنچ جائے توع کا انتہائی محل خطائش کا عقدی نقط ہوتا ہے۔ اب ہم جانتے ہیں کہ

م= <u>د و و ع</u>

انتها میں جل کریہ ہوجا کیگا:

م = ارو وع ارع وو

اگر عدسہ کی موالی کے مقابلہ میں نصف قطر انمنا بہت ہی بڑا ہوتو وع کم و وکے مساوی مکھا جاسکتا ہے۔ تب

> مه = <u>اا و</u> اا عا

اسى طرح يد ابت كيا جاسكتاب كه:

م = أ، و

یس انعطاف نما ۱۶۵۲ والے ایک متشاکل دو ہرے محدب عدسہ کی صورت میں اِس کے عقدی نقط اور اِس لیے اِس سے معاول مستوی سیاری سیاری سیاری سیت ایس میں دور میں میں اور ایس کے سیاری سیاری سیاری سیاری ہوئی ہوئی ہوئی ہوئی ہوئی ہوئی ہو

اس عدسے اندر ہر ایکسٹے سے تقریباً ایک تہائی دبازت پر واقع موتے (۲۲) بیں۔ ایک مشاکل دو ہرے مقعر عدسہ کی صورت میں بھی یہی متیجہ صادق

- 4 67

انعطاف نمامہ والیکسی مستوی محدّب یا مستوی مقعر عدسہ کی صورت میں ایک عقدی نقطہ صریحاً ائس نقطہ پر واقع ہوتا ہے جہاں کہ محور منحنی سطے سے ملتاہے اور اِس مدسہ کے مناظری مرکز پرمنطبق رہتا ہے۔ اگر اِس مدسہ کی دبازت دہم تو دوسرا عقدی نقطہ عدسہ کے اندر اور سے

عقدی نقطرسے فاصلہ (مرد) د پرواقع رہتا ہے۔ یہ عقدی نقطے

بلات به آیک دوسر بریکے خیال ہوتے ہیں اور اِس صورت میں عدسہ فیشہ کی مستوی متوانی جو خوار والی محص ایک سبتی کی طرح عمل کرتا ہے '

جس سے رُخ سے قریب تو ہِ ﷺ نظائی سٹینس رکھا ہوا ہو-سسی ملالی عدسہ ہا غیر منتاکل دو ہرے محدیب یا دو ہرے مقعم

عدسہ کی صورت میں اِس نے مناظری مرکز کا محل ترسیمی طریقہ سے آسانی معدم کرلیا جاسکتا ہے ، اور اِسی طریقہ سے ٹا بت کیا جاسکتا ہے کہ معادل

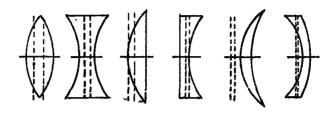
متویٰ مناظری مرکز اور مدسه کی سطول کے درمیاتی فاصلوں کو مه- ا اور 1 کی نبیت میں تقسیم کرتے ہیں اور صریحاً مناظری مزکز سے قریب تر

میں میں میعادل ستویوں سے **محل فٹکل مالا میں** اس میار سے محل فٹک**ل مالا میں** اس میں سے م

وكلسلائ كي بي -

7

مسی دبیز عدسہ کا معاول ماسکی طول معلوم کرنے سے سیے ہم صفی مالاکے



مساواتوں (۵) اور (۷) سے نشروع کرتے ہیں جوحسب ذیل ہیں:

$$\frac{1-n}{10} = \frac{1}{20} = \frac{n}{20}$$

$$\frac{1}{3} - \frac{\alpha x}{2} = \frac{1 - \alpha x}{2}$$

بہنی سطح سے اور خ آخری خیال کا فاصلہ ہے دوسری سطح سے سابق میں ف محمقا بديس وكونظرانداز كرديا كيا نفا لنكن صورت زير بحث ين امسا نہیں کیا جاسکتا۔

اُو پر کی مساوا نول کو ذیل کی شکل میں لکھا جاسکتا ہے

$$\frac{1}{\omega} = \frac{1}{\omega} + \frac{1}{\omega}$$

$$\frac{1}{\frac{1}{\sqrt{2}}} = 0 + \frac{1}{\sqrt{2}}$$

موٹے عدسے اور عدسول کے نظام

پن ن کو ساقط کردینے پر ہمیں حاصل ہوگا :-

$$c = \frac{n}{3} - \frac{n-1}{4} + \frac{1}{40}$$

بن $c = \frac{1}{3} - \frac{n-1}{40}$

بن $c = \frac{1}{3} - \frac{1-n}{40}$
 $c = \frac{1-n}{40}$
 $c =$

اب يرباساني ثابت كيا جاسكا عدك ب ج - اد = - 1؛ بنابرين مساوات (۱۸) کی شکل ہو جائیگی:-

\$\frac{\psi}{\psi} = \frac{\psi}{\psi} + \frac{\psi}{\psi} = \frac{\psi}{\psi} = \frac{\psi}{\psi} = \frac{\psi}{\psi}

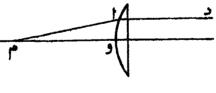
$$(19) \cdots \frac{1}{r_{\uparrow}} = \left(\frac{1}{r} + \dot{c}\right) \left(\frac{z}{r} + \dot{c}\right)$$

رسس کا مقابلہ مساوات (۱۲) کے ساتھ کرنے سے ملا ہر ہوگا کہ ساواتوں ش + جے = اورخ + ب = اسے عدسہ کے ماسکی مستوی عاصل ہونگے رور اِس کا معادل ماسکی طول م رسضتہ ذیل سے عاصل ہوگا:

$$\left(\frac{3(1-n)}{n} - \frac{1}{n} - \frac{1}{n}\right)(1-n) = 1 - \frac{1}{n}$$

اس کی علامت کے متعلق کوئی استنباہ نہیں ہے کیونکہ جب د = . توم کی قیمت وہی ہوئی چاہیے ، حو ایک پتلے عدسہ کی صورت میں ہوتی ہے ۔ یہ امرقابل غورہے کہ مساوات (۱۹) میں ش اورخ ایک ہی نقطہ سے نہیں نامیے جاتے ۔

کسی موٹے مستوی محذب یا مستوئ مقعر عدسہ کا معادل ماسکی طول منابطہ بالاسے مددیے بغیرہی باسانی معلوم کرایا جاسکا ہے۔ چاپخشک نشہ پر غور کرو۔ فرمن کروکہ 13 محور سے متوازی ایک داقع شعاع ہے۔ یہ



فكل عنظ

متوی سطح میں سے بغیر کسی انحراف سے گزر جاتی ہے - اِس لیے مدسد کی دوسری سطح پر ضابطہ

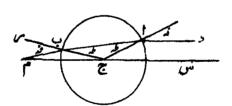
(44)

کے اطلاق سے لیے آیں تکھنا ہوگا ش = ۵۰ مر = ۱ افد مر = مدرس سے ماسسل ہوگا

= = i

یس ج م = من اور چونکہ ج نظائفیال کا عقدی نقطہ ہے اس کیے بس کے مدسہ کا اسکی طول ہوتا ہے۔

کر و کی عداسہ:۔ ہواسے گھرے ہوئے کسی کروئی عدسہ کی صورت میں نلائ سے کہ اِس سے دو نول عقدی نقط کرہ کے مرکز پر منطبق ہوجاتے ہیں اور اِس لیے اِس کے دو نول صدر ستوی و ہاں سے قطری ستوی سے ساتھ منطبق ہرجاتے ہیں ۔



شکل <u>اھ</u>

اِس كا معاول اسكى طول معلوم كرنے كے ليے اكس سفاع د أ بر غودكرو جو عدسه ميں نقطه إ بر دائل ہوتى ہے، نقطه ب بر اِس سے فارج ہو جاتى ہے اور محوركو نقطه هم برقطع كرتى ہے - فرض كروكه إ بر زاويہ وقوع فدہے زاويہ انعطاف طر اور يہ كہ اِس كرہ كا نصف قطر ص اور اِس كرہ كے ما دّہ كا انعطاف فامہ ہے - تب د اب ج عطم اور حارب م = ف - نیز چونکه اج محورسے ایک چھوٹے زاویہ پر مائل ہے اس لیے زاویے فہ اور طہ چھوٹے ہوتے ہیں اور بنا بریں ہم جب فہ اور طہ کی بجائے فہ = مہ جب طہ کی سکتے ہیں ۔ اب حاج س = فہ اس لیے حب ج م = π - فہ اور بنا بریں حب م ج = π (فہ - طہ) مثلث م ب ج میں ؛

م ج = جب م جب جب نه ج المناح می الله می الله

 $= \frac{a_{n} - a_{n}}{r} = \frac{a_{n} - a_{n}}{r} = \frac{a_{n} - a_{n}}{r} = \frac{a_{n} - a_{n}}{r}$

ایک گروی انعطاف انگیزسطے کے اساسی نقطے:

فرض کروکہ کردی سطح کی بائیں جانب کے واسطہ کا انعطاف نما مہ اور اس سطح کی دائنی جانب کے واسطہ کا انعطاف نما اسبے۔ جنا بخہ ظاہرہے کہ اس سے دونوں عقدی نقطے اس سطح کے مرکز انخاع پر منطبق ہو سکتے جونکہ اس صورت میں ابتدائی اور آخری واسط ایک ہی نہیں ہیں اس نیے صدر ستوی اِن عقدی نقطوں میں سے نہیں گزرتے ۔ منا لا۔

 $\frac{1-\lambda^2}{2} = \frac{1}{2} - \frac{\lambda^2}{2}$

میں ش اورخ کو یحے بعد دگیرے لا متنا ہی سے مساوی لکھنے بر معلوم ہوگا کہ خیال اور شخف کے خطوں سے ماسکی مستوی هم اور هم پر واقع ہوتے ہیں جہاں اهم = مسمس اور اهم = - معدر مستویاں ہیں جہاں اهم = (مسر) باہم منطق ہوکر † میں سے گزرتے ہیں ۔ اس سوہ ی سورز کر میں

ایک کروی آئینہ کی صورت میں اس کے عقدی نقط اسس سے مرکز انخاتے ساتھ ساتھ ہوتے ہیں ، اِس کے دو نوں صدر سنوی اس کی مرکز انخاتے ساتھ ، اور اِس کے ماسکی مستوی اِس کے ماسکہ کے ساتھ نیز کسی

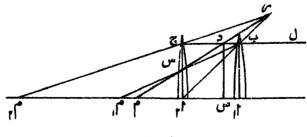
ا ا ا ا

شكل علك

آئینہ کی صورت ہیں مساوات (۱۲) کا جلہ ب ج ۔ † د مثبت ہوتا ہے اور مساوات (۱۱۸) کی رُوسے مختص کیے ہوئے ماسکی طول م اور م باہم مساوی اور ایک ہی علامت کے ہوتے ہیں ۔

و و بنتل عدس : دواید بنا عدسول کی صورت میں جو

ایب ہی محور پر واقع ہوں اور جن کا درمیانی فاصلہ ف ہو، ماسکی سنوگا معادل ماسکی طول اور عقدی نقطے سب سے سب ترسیی عمل سے باسانی معلوم کرلیے جاسکتے ہیں۔



شکل <u>۹۳</u>۰

فرض کرد کریے عدسہ کا ماسکی طول فہ اور دوسرے عدسکا ماسکی طول

(44)

فہ ہے۔ فرض کروکہ ل ب (شکل ﷺ) ایک شعاع ہے جو پہلے عدسہ پر مور سے متوازی واقع ہورہی ہے۔ چنا پنجہ الغطاف سے بعد یہ پہلے عدسہ سے ماسکہ ھی میں سے گزر گئی۔

کے اسکہ مہ بین سے گزریگی۔
اب نفظ ب کا وہ خیال معلیم کر وجو دو سرے ندسہ کی وجسے بنتا ہے۔ اِس کے لیے نقط ب کا وہ خیال معلیم کر وجو دو سرے ندسہ کی وجسے محموان دو شعا عیں کھینچو: ایک محور محموان دو شعا عیں کھینچو: ایک محور تی ہو انعطاف کے بعد دو سرے مدسہ کے اسکہ مم بین سے گزرتی ہے ، اور دو سری ب اللہ برو دو مرب عدسہ کے مرکز میں سے گزرتی ہے۔ یہ دو نول شعاعیں نقط می پر ملتی ہیں ، اِس لیے بسا کا خیال دو مرب عدسہ کی وجہ سے میں جوگا۔ بنا بریں ب میں کی سمت خیال دو مرب عدسہ کی وجہ سے منعطف ہونے سے بعد می میں ہوگی اور دوسرے عدسہ کی وجہ سے منعطف ہونے سے بعد می میں ہوگی اور دوسرے عدسہ کی وجہ سے منعطف ہونے سے بعد می میں ہوگی اور دوسرے عدسہ کی وجہ سے منعطف ہونے کے بعد می میں ہوگی اور

فرض کروکہ شعاع می س ، ب ج کو د پر قائع کرتی ہے۔ اس نقطہ دسے محور پر عمود دص گراؤ۔ مستوی د ص خطّۂ خیال کا معادل مستوی ہوگا کیونکہ خط د ص محورسے صریحاً ایس فاصلہ کو تعبیر کرتاہے جس پر شعاع ل ب خطۂ شخص سے معادل مستوی سے ہملتی ہے۔

تر الشبع بن پر معان ک ب مطار مل حادث معادن مستوی سے اسی بنا بریں اس نظام کا معادل ماسکی طول ص م رہو گا۔ سندن است نام کے دور میں میں میں میں اسکی طول سے اسال

چونکه خطوط ج ۱، دم اور ب هم ایک ہی نقطه بر ایک دوسرے کو قطع کرنے ہیں اور ج ب اور هم ۱، با ہم متوازی ہیں ' اس سایے :

اِسى طوع چونکه ج هم، دم اور ب ام ایک ہی نقطه پر ملتے ہیں ۔اِس کیے

ا ج ب ا د فر + فر + فر + فر)

جن سے ہمیں عاصل ہوگا ؛

 $a_{1} = -\frac{(\dot{a}_{1} + \dot{b})}{\dot{a}_{1} + \dot{a}_{1} + \dot{b}}$

بیں اِس نظام کا معادل ماسکی طول جلہ ذیل سے ماسل ہوگا:

ص م = ص ۱+ ۱م = دج + ۱م = ۱م (۱+ دع)

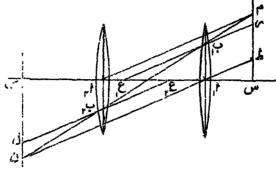
 $=\frac{(\dot{a}_{1}+\dot{a}_{2}+\dot{a}_{3}+\dot{a}_{4})}{\dot{a}_{1}+\dot{a}_{2}+\dot{a}_{3}+\dot{a}_{4}}(1+\frac{\dot{a}_{1}}{-\dot{a}_{1}-\dot{a}_{2}})$

= فنر فنر = فنر + فنر + ف

عقدی نقطے بطریق ذیل راست تربیرایہ میں حاصل کیے جاسکتے ہیں۔ فرض کروکہ ک ن عدسہ او ہے کا ایک ماشمی مستوی ہے اور ہم میں عدسہ او ہب کا ایک ماسکی مستوی ۔ اِن عدسوں کے مرکزوں میں سے کوئی دومتہ اِن مرستہ اعلی بارن اور او حرکھنے جران مستولوں سے نقاط (ن

دومتواندی سطّعاعی ا ن اور ا م م کھینچو جو اِن مستولیوں سے نقاط ن اور م م کھینچو جو اِن مستولیوں سے نقاط ن اور م م کو طاؤ اور فرض کردکہ یہ اِن عدسول کو نقاط ب اور ب یں سے نقاط ب اور ب یں سے دی عال دو شاعول کے متوازی کھینچ جو می سے د

ب ع اور ب غ بهلی دوشعا عول کے متوازی کھینچو ہو مورسے نقاط ع اور ع بر جا میں ۔ جنا پنجہ شعاع رب بہلے عدسہ کی وجہ سے منعطف ہونے سے بعد سمت ب ب ب اختیار کرنی جاہیکا پوکھ یست شعاع ط ایکون پر تطع کرتی ہے۔ اِسی طرح شعاع میا دیا ک



ووسرے عدمہ کی وجہ سے منعظمت ہونے سے بعدسمت ب ل اختیار کرنا

چاہیے۔ اس لیے اس عدسوی نظام میں سے ایک شعاع کا راست وب ب ل ہوتاہے، خطر شخص کا عقدی نقطہ ع ہے اور

خطّهٔ خیال کا عقدی نقطه ع ہے۔

(54)

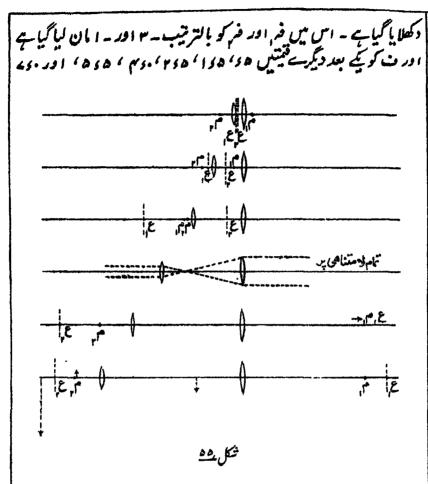
اسی طریح

 $f_{1}3_{1}=-\frac{\dot{u}_{1}\dot{v}}{\dot{u}_{1}^{2}+\dot{u}_{1}^{2}+\dot{u}_{2}^{2}}$ يس

ارع = فرن <u>فرن</u> ا

دویتلے محدب عدسول کے ایک نظام کی صورت میں جلیے جلیے ون كا درمياني فاصله بتدريج براصايا جائه ، ويسه وي إس نظام ك

معا دل مستولوں اور ماسکی مستوبوں کے محل کا تغیر شکل عظم میں



دیگئی ہیں ۔ مِس عدسہ سے ماسکی طول کو فنہ سے تعبیر کمایگیا ہے وہ بائیں جانب واقع ہے ۔

یہ امرقابل غورہ کہ پہلے محل میں معادل مستوی ایک دوسرے کو عبورکیے ہوئے ہیں اور یہ کہ جیلے محل میں معادل مستوی فاصلہ براها جا ا جو رکیے ہوئے ہیں اور یہ کہ جیسے جیسے عدسوں کا درمیانی فاصلہ براها جا آ ہے ویسے ویسے اس نظام کے معادل مستوی دور ہفتے جاتے ہیں اور اس کے ساتھ ساتھ معادل مسکی طول میں اضافہ ہوتا جا آ ہے۔ دوسری اور تنیسری شکلوں میں خطر شخص کا ماسکہ مجازی ہے۔ تیسری شکلوں میں خطر شخص کا ماسکہ مجازی ہے۔ چوتھی صورت ہیں ، جو ایک ایسی دور مین کو تعبیر کرتی ہے جس کا (۱۹۸۸) د إنه دام بن جانب كا عدسه بهاء تمام اساسى نقط لا تنامى بر واقع بوت ميں اور إس نظام ميں دافل بونے والى متوازى شعاعيں ہميشه متوازى شعاعوں

ہی کی شکل میں ایس سے باہر آتی ہیں۔

ا فی می اور حیلی مور توں میں اس نظام کی نومیت بدل گئی ہے ، اور حیلی مور توں میں اس نظام کی نومیت بدل گئی ہے ، ا اِس کے معاول مستوی لا تینا ہی برحس جانب غائب ہوگئے گئے ایب اس

کی مخالف جانب منودار ہوگئے ہیں ؟ اور ماسکی طول کی علامت بدل گئی ہے۔ جھٹی صورت ایک مرکب خرد بین کو تعبیر کرتی ہے جس کا دیا نہ مائیں جانب کا عامہ مرکب خرد بین کو تعبیر کرتی ہے جس کا دیا نہ مائیں جانب کا عامہ ہے۔ دور بین اور خرد بین کے ساتھ تعلق کو واضح کرنے کے لیے پوئٹی

مبی منه منها عول سے را سیتے اور حیثی شکل میں خیال نقطبہ دار خطوط سے ظاہر کیے گئے ہیں ۔ کیے گئے ہیں ۔

دور مینی نظی م : اگراساسی مساوات (۱۲) بین ۱ صفر پوتو رسس میسل میونگا :

ب لا + ج لا + د = ٠

اس سے ظاہر ہے کہ اگر لا الا متناہی ہوتو لا بھی لامتناہی ہوگا ، یا اگر لا لامتناہی موتو الم بھی لامتناہی ہوتو الم بھی لامتناہی ہوتو الم بھی لامتناہی ہوتا۔ اس میں متوازی داخل ہوتی ہیں وہ اس سے متوازی ہی باہر تکلتی ہیں۔ اسی صورت میں نظب م کو ورب میں نظب م کو ورب میں نظب م کو ورب میں منال شکل مدی کے وقعی صورت کیں ملتی ہیں۔ اس کی آیک مثال شکل مدی کے وقعی صورت کیں ملتی ہیں۔

مثالين

(۱) کسی مقعر یا محدب کروی سطح پرک رنعکاسس کی صدت میں المھولاڑ کا محلیہ تکبیر تابت کرو۔ (۲) کسی بیلے عدسہ کے محدر بریخف کو بقدر ایک جیوٹے سے فاصلہ فرش ہٹایا جاآئے۔خیال کے متناظر ہٹاؤ فرخ کے بلیے ایک جلہ عاصل کرد۔اگر محدر پر رکھے ہوئے شخص ندکورکا طول فرمش ہوا در اسس سے متناظر خیال کا طول فرخ ہو تو منبست۔

فرخ کوطونی آبیارے نام سے موسوم کیا جاسکتا ہے۔ امیت کر دکہ یہ طولی تکریمولی عرش کمبرے مربع کے مساوی ہوتی ہے۔

ر سے کہ ایک مولے محدّب عدسہ سے شخص ایک ایسے فاصلے پر رہے کہ عدسہ کی دوسری جا نب اسی جسامت کا ایک خیال ماسل ہوتو ثابت کودکہ شخص اور خیال کا درمیانی فاصلہ منفی دونوں صدر نقطوں کا درمیانی فاصلہ مساوی ہوتاہے ماسکی طول سے جارگن سے۔

(۴) ایک دوہرے محدّب یتلے عدر کی ایک جانب کا واسطہ یانی ہے اور عدسہ کی دوسری جانب ہواہے ۔ اِس عدسنے دولؤں رخوں کے نصف قطر انخنا، ۲) اسمرہی اور یہ عدسہ البے سشیشہ کا ہے جس کا انتظامت نیا ۲۵ واہے ۔ اِس سے

ما تعکی مستودیا ، صدر ستودیا ، ۱ در عقدی نقطول کے محل معلوم کرو۔

(۵) سٹیشک ایک کرہ کا انعلاف نما ۱۶۵ اور اس کا نصف قطر انخانہم ہے - اگر شخص اِس کرہ کے مرکزے دسمرے فاصلہ پر داقع ہو تو اِس کا خیال کہال بنگا امدارس منبال کی تکبیر کیا ہوگی ۶

(ہ) سٹیشنٹ آیک کروی عدسہ کا فصعت تطر اسم اور انعطاف نما 1807 ہے۔ اِس عدسہ کی ، کب جانب کا واسطہ ہواہے اور دوسری جانب کا واسطہ بانی۔ اِس سے ماسکی سستریوں صدر سنتویوں اور عقدی نقطوں سے محل معلوم کرو۔ اور اِن کی مددسے خیال سے محل اور کیس کی کبیری معلوم کرو حب کمشخص ہوا میں کڑہ کے مرکزسے (و) ہا سمر (ب) ہ 12سمرے فاصلہ پر واقع ہو۔

(۵) سابقہ سوال سے ورسرے حقتہ کو عدسہ کی دونوں سطوں سے بیجے بعد دیگیسے کروی سط پر کے افغطان ف کا ضا بطہ متہات کریکے ، حل کرو۔ دیگیسے کروی سط پر کے افغطان ک کا ضا بطہ متہات کریکے ، حل کرو۔ (۸) اگر عدسوں کے ایک ایسے نظام کا کاسکی طول جس سے اکیے حقیقی خیال بن سکتا ہو م ہوا وراگر نظام کو ہس طرح ترتیب دیا جائے کہ رس کی وجہ سے
ایک شخص کا خیال خطۂ خیال سے صدر مستوی سے ایک میشر کے فاصلے پر رکھے ہوئے
ایک بردہ بر بنے تو نیا بت کروکہ اس خیال کی پمبیر نیاں۔ ا ہوگی ۔

(9) مشیشہ کا ایک نصف کرہ جس کا نصف قطر ص اور انفطاف نمامہ

(19)

ہے ایک عدسہ کے طور پر ہستعمال کیا جاتا ہے اور ایس میں سے عرف وہ شعامیں گزاری جاتی ہیں جو اِس کے محور کے ساتھ نفتر بیا منطبق رمتی ہیں ۔ ثا بت کردکہ اِس کا ایک صدر نفظ محور اور محدّب سطح کے نقطہ تقاطع پر منطبق رمہتا ہے ، ور دوسرا صدر نفظہ عدسہ کے اندر مستوی سطح سے فاصلہ میں پر واقع ہوتا ہے ۔

نیز نابت کردکر کسس عدسه کا ماسکی طول مس سے مساوی ہے۔

(۱۰) انعطاف نا ۵۲ وا والے سشیشہ کے ایک مستوی محدّب عدسہ سکے کروی سطح کا نضعت قطر انتخا ۲۴ سمر اور اِس عدسہ کی دبازت محود کی سمت ہیں ہسمرہے ۔ اِس کا ماسکی طبل محسوب کرو اور خیال کا محل دریا فٹ کرد حبب کشخص (و) محدّب رُخ کی جانب (ب) مستوی رُخ کی جانب ^ہ محدّب سطح سے ۵۰سم

کے فاصلے پروائع ہور

(۱۱) اگرسا بقد سوال سے عدسہ کی صورت میں کردی روٹے سے جا نب کا واسطہ بانی ہو ادر مستوی روٹے کے جا نب کا واسطہ ہوا ہو تو اس سے اس ای نقط^{ال} سے محل دریا فٹ کرو۔ اور خیال سے محل محسوب کرو جبکہ شخص ہوا میں مستوی رُخ سے ناصلہ بیر واقع ہو۔

(۱۲) آگر دوہم مور بیلے عدسوں کے ایک نظام میں عدسوں سے درمانی فعناء کو یانی سے بھردیا جائے تو ہس نظام کے معادل ماسی طول سے ضابطہ کی فکل میا ہوجائیگی ہ

ر ۱۳۱) دومشابہ ستوی مختب عدسوں کے مستوی گرخوں کو بیلے با ہم استوی گرخوں کو بیلے با ہم ملائے دکھ کر چیر کسی فدرعلئے دہ کر دیا جاتا ہے ۔ نا بت کروکہ اِس اجناع کا اسکی طول عدسوں کے جدا ہونا ہوتا ہے بدنسبت اِس اسکی طول

سے جو اِن سے تماسی میں ہونے کی صورت میں ہوتا ہے۔ نیزیہ بھی خابت کرو کم مدسوں کو جداکر دینے پر صدر ماسکوں سے محل اپنی اپنی منحنی سطوں سے قریب تر آجاتے ہیں ۔

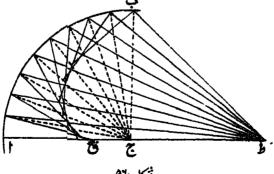
رمان ایک نفر آئید کے مور پر اسکدسے آگے ایک خف واقعہ یے سنیٹ کی ایک شخص واقعہ یے سنیٹ کی ایک شخص واقعہ یے سنیٹ کی ایک شخص میں کا در اُوید سے در میان مور پر سادا کہ دی جاتی ہے ۔ شابت کرو کہ رس کا اثر خیال سے مل بر

ايسامي وتاب يركم ليد كشفس كي جانب بقدر فاصله و (مد- ا) بالماكيا و-

چوتھا باب خیال کے نقائص

دوسرے باب میں ہم نے مان لیا تھا کہ آئینوں اور عدسوں پرواقع ہونے والی شغا عیں محور کے قریب رہتی ہیں اور اس سے سرف جھوسطے اراویے بناتی ہیں ۔ اِس صورت میں ایک نقطی شخص کا خیال بھی نقطئی ہوتا ہے۔ اب ہیں اِس تحدید سے ورگزر کرے یہ تحقیق کرنا چاہیے کہ حبب شامیں محورسے ایک فابس لحاظ نراویہ ہر مائل ہوں تو کمیا ہوتا ہے۔

(4.)



فتكل علاه

فرض کروکه م دب ایک مقعر کروی آئینه کی تراسش کوتجیر کراید

ج إس كامركز انحذ ، وظ كيس تقطئ شخص ب - اگر ظ سے محد ساتھ مخلف واويول ميں متسع مون والى شعاعيں تحيني جائيں اور برشعار سے ليے داو يا اس محوزاويد وتوٹ كے ساوى بنا إجائے تو ترسيى طور ير يد و مكھا جا ميكا كه انعكاس كے بعد إن شي عول سے محل شكل ماتھ سے مطابق موتے ہيں -

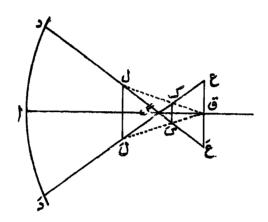
صرف وہ شامنیں ہوائے ترب وجو رہے منعکس حوتی میں طاکے خلل ق میں سے مُررِتَ مِن رَمَّي شِهُ مِیں مُحرِرُو ا ور ف سے ورمیان قطع رقی من - كود ورشع من جريم بينك متعلد نقاط سع منعكس موقى من محرير - دورے کو قطع کرتی ہیں اور یہ نقاطِ تقاطع ایک منحنی پر عني کي شنا تھي نهريجا براتي جو ني ہے۔ انتقي منحني ا **شعاعول کے تبریب میان کی وباست اِس مقام یا مکھے ہونے کا مذیا کئی ور** وْرْمَنِیٰ نِن جا آہے۔ رس کی ایک عام م**ٹال وہ سے جب ک**ے ویت میں بیان کی اندرہ فی سطح آنیٹ کی طرح علی کروج آ ۳ بب بنه طریقه بهب که نفعت و نرے کی تقل (۱۵) می مری دونی کے نعلی اور اور مانی کو عشار سنی کے سختا یار کھا جانے ۔ تستوی منسل کی سیاب طبیعیہ بتنت مرتفے و داکٹ مبتمر فخروتی منسل حامل مونی مر كر بى جب كو بتشقى سلح كيتير بين - نيزوه تام شعاليها، جوط سے محورے ساتھ بک ہی زاویہ بنائی ہونی مشیع ہوتی ہیں ونعکاس سے

جوط سے مورے ساتھ کی ہی زادی بنائی برنی مسع بولی میں انعکاس سے بعد موری میں انعکاس سے بعد مور بریاسے قل محد مور بریاسے قل کا کیا۔ بنا بری موری اسے قل کا کیا۔ مقد مجما جا سکتا ہے۔ جاد کی بیالی سے انجام دے مرت قریبات کروی آئین سے بیدا مشدو آتشی منی کے بیالی سے انجام دے مرت قریبات کروی آئین سے بیدا مشدو آتشی منی کے

مَعْلَق الين معطفيال بيد بوسنتائي- يؤنكه جاوكييان الموافي جوتي الي

يمتورخط إق بيدا نبين كرتي -

شکل بنق میں د کا اُٹھی کروی آئینہ کے ایک چھوٹے سے حصے کی تراکش کو تعبیرکرتا ہے۔ آئینہ کے حاشیہ سے آنے والی شعاعیں داک اور کاگ ایک دوسرے کو گ پر قطع کرنی ہیں اور ق حسب سابق وہ خیال



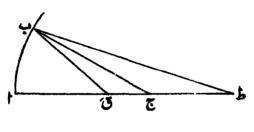
المسكل يخط

ہے جو تورے ساتھ چھوٹا زاویہ بنانے والی شعاعوں کی وجہسے بنتا ہے۔ آنتی منی کونقطہ دار خط کے ذریعہ دکھلا ہا گیاہے۔

آنتی منی کو نقط دارخط کے ذریعہ دکھلا یا گیاہے۔
اکر منعکس شدہ روشنی کولی کی بر دکھے ہوئے ایک پردہ برحاسل کیا جائے تو یہ روشنی ایک دائری دھتہ برخشل ہوگی جس کا کمنارہ نسبتاً زیادہ روشنی ہوگا۔ اگراس بردہ کوگ کی طرف ہٹا یا جائے تو روشنی کا دھتہ جھوٹا ہوتا جائے گا ورشنی کا دھتہ جھوٹا ہوتا جائے گا ورشنی کی دیا۔ ک تھے برروشنی کا دورگ پر پہنچ کر دھیتے کے مرکز پر ایک روشن نقط دکھائی دیکا۔ ک تھے برروشنی کے دور بھی اور کا دور کا دور کے بروشن مقلہ مودار ہوگا اور سال سے دھتہ کا روشن حقے کا رقبہ ہوگا اور سال سے دور ک موسنی کا ایک بہت ہی متور نقطہ حاصل ہوگا جس کے گھٹنا جائیگا۔ بالآخر فی پر ہیں روشنی کا ایک بہت ہی متور نقطہ حاصل ہوگا جس کے گھٹنا جائیگا۔

دائرہ ک ک انواقل التہا س کہلا آ ہے اور اِس کومنورنقلہ کے اُس کا اُلٹہا س کہلا آ ہے اور اِس کومنورنقلہ کے اُس خیال کی جو اِس آئینہ کی وجہ سے بنتی ہے قریب تزین صورت سمجی جاسکتی ہے فاصلہ گ ق کو حاسفیہ کی شعاع دگ کی طولی کروی صنالات یا محض صنالالت کہتے ہیں اور فاصلہ ق ع کو اس کی عرضی کروی صنالالت سمجتے ہیں ۔

ب بن ۔ مفتر آئیبنہ کی کروی صلالت : اِس صورت میں صلات کی قدر معلوم کرنے کے لیے شکل ماھ برخور کروجس میں طشخف ہے ہے اسس کا



اللي المالة

مركز انخنام اورق وه نقطه بهرس پر مورك ساته ايك وسيع زاويه پر مشع بود والى ايك شعاع انوكاسس كے بعد فوركو قطع كرئ هر و رفض كروكه الله على اور اق و ح نيز فرض كروكه اب ه ه جوايك السي مقدار به كه هر ك على اور بلند تزقر تول كو نظر انداز كرديا جا سكتا السي مقدار به كه هر ك يوايش خواه قوس بركى جائد يا إس كو مورس ب كا عمودى فاصله مان ليا جائد بات اك مى بوگى - معد و جب ج بط ميں ج ط ميں ج ط ح جب ج بط

Longitudinal spherical aberration of Circle of least confusion of Lateral spherical aberration

اب طب = جط + ج ب + + جط . ج ب جم اجب

= (ش-ص) + ص+ + ص (ش-ص) جم ص

اور جم ص = ا - مطلق اور براختیار کیے ہوئے رشبهٔ تقریب کی حدثاب پس ط ب میں اس - ص) هر

 $e_{i} = \frac{d}{d} + \frac{d}{d} \left(\frac{1}{\omega} - \frac{1}{\omega} \right) = \frac{d}{\omega}$ $= \frac{1}{\omega} \left\{ 1 - \left(\frac{1}{\omega} - \frac{1}{\omega} \right) - \frac{1}{\omega} \right\}$ $= \frac{1}{\omega} \left\{ 1 - \left(\frac{1}{\omega} - \frac{1}{\omega} \right) - \frac{1}{\omega} \right\}$

رسی طع ق ب= خ $\left\{1 - \left(\frac{1}{0} - \frac{1}{5}\right) - \frac{1}{5}\right\}$ تقریب"

ماوات (٢٢) سے جط × ب ق = ق ج × طب بسیس اندراج کرنے پر ہمیں ماسل ہوگا :

 $(\mathring{w}_{-}w_{-})\mathring{S}\left(\frac{1}{w_{-}}-\frac{1}{w_{-}}\right)=(w_{-}\mathring{S})\mathring{w}\left(\frac{1}{w_{-}}-\frac{1}{w_{-}}\right)-(w_{-}\mathring{S})\mathring{w}\left(\frac{1}{w_{-}}-\frac{1}{w_{-}}\right)$

ياطرفين كوش خ ص سے تقسيم كردينے ير :

 $\left\{\frac{\frac{r_{20}}{m}}{m}\left(\frac{1}{m}-\frac{1}{m}\right)-1\right\}\left(\frac{1}{m}-\frac{1}{m}\right)=\left\{\frac{\frac{r_{20}}{m}}{m}\left(\frac{1}{m}-\frac{1}{m}\right)-1\right\}\left(\frac{1}{m}-\frac{1}{m}\right)$

 $(rr) - \frac{r_{b}}{r} \left(\frac{1}{r_{b}^{2}} + \frac{1}{r_{b}^{2}} \right) \left(\frac{1}{r_{b}^{2}} - \frac{1}{r_{b}^{2}} \right) \left(\frac{1}{r_{b}^{2}} - \frac{1}{r_{b}^{2}} \right) + \frac{r_{b}}{r_{b}^{2}} = \frac{1}{r_{b}^{2}} + \frac{1}{r_{b}^{2}}$

بونکہ علا ایک جمول مقدارہے اِس کیے اِس کے سرمیں ہم رخ کی بجائے (۵۳) خ لکوسکتے ہیں ۔ جراں خ مورے ساتھ ایک جھوٹا زاویہ بنانے والی شعاعوں کے

یے خیال کا فاصلہ ہے - بنا برین چونکہ رخ + اللہ = مرا اس سے مساوات (۲۳) پروائسگا:

 $(rr) \cdots \frac{r_{\alpha}}{\sqrt{r}} + \frac{r}{\sqrt{r}} = \frac{1}{r} + \frac{1}{r} + \frac{1}{r}$

اس مساوات سے ق کامحل ماصل ہوجا تاہے۔

شعاع ب فی کی ضلالت خ ۔خ مسادی ہے

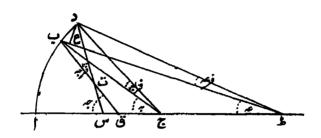
Z'iż (1/2)

 $\frac{r_{so}}{\sqrt{\sigma}} \cdot \frac{\left(\frac{1}{\sqrt{\sigma}} - \frac{1}{\sqrt{\sigma}}\right)}{\left(\frac{1}{\sqrt{\sigma}} - \frac{r}{\sqrt{\sigma}}\right)} =$

جَدَنَ = خَ كَمَا جَائِدِ. ابها مى انعراكسس مقعراً ئيينر بير: فرض كروكه به د

(ملکل عاه) ایک مقعرکروی آئینہ کے ایک چھو کے سے حصتہ کی تراسش سیے،

اس آئیسنکا مرکز انخناج ہے، اور منور نقط طسے اِس آئینہ پرواقع مونے ولی استا میں ایک بڑا زاویہ بنائی ہیں۔ شعاعیں ط ب اور ط د اِس آئینہ کے محدرے ساتھ ایک بڑا زاویہ بنائی ہیں۔



فسكل يوه

فرض کروکر شعاع طب انعکاس کے بعد ائینہ کے تورسے نقط فی برآ ملی
سے اور شعاع ط د، ب فی کو ت پر اور محرکوس پر قطع کرتی ہے۔
زاولوں ب ط ج ، ب ج فی اور ب فی اکو عہ ، به اور جدسے تبیر
کرواور فرمن کروکہ زاویے د ط ب ، د ج ب اور د ت ب بالٹرنیب
فرمہ فربر اور فرج ہیں۔ فرض کروکہ ب ط = ش ، ب ت = خ ،
ب فی = خ ، ج ب = ص اور نقط ب پرزاوید و تو عاور زاوید انعکاس فی
سے۔ بنا برین

۵ ق ب ط = ۵ ق ب ج + ۵ ج ب ط

جس سے ہمیں حاصل ہوگا:

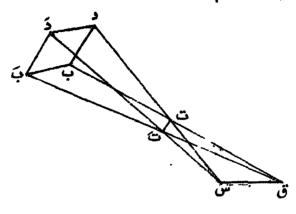
رخی ش جب ۱ فہ = خہم جب فہ بصش جب فہ جبکہ منترک جز ضربی ہے کو مذف کردیا جائے۔طرفین کوش خیص جب فہسے تقشیم کردسینے جم ہمیں ماسل ہوگا ؛

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

بس کو ب د جم فه په تنسیر کرنے ہے ہمیں ماسل ہوگا:

ش + غ = ص جم د

اب اس شکل کو اطرے گرد ایک جھوٹے سے زاور میں گھا و۔ بی تائی ہرآن کے محل کے لیے صادق آئینگے۔ ب در قبہ سے ایک ایسے کر اے کورشم کر گیا جس کی شکل تقریباً مستفیلی ہوگی۔ مثلث طوب د نقطہ طاسے متسع ہمدنے والی شفاعوں کا ایک مجبور منسل مرتسم کر ٹیگا۔ نقط مت ایک جبور اسا فط مرتسم کر گیا اور نعکس شاعیں اس خط اور محور میں سے گزری تھی۔ بہتام باتیں شکل ملا میں زیادہ واضح طور پر و کھلائی گئی ہیں جس میں ب د د ب' ب د کامرتسم کر وہ رقبہ ہے ، ت ت ، نقط، ت کا مرتسم کروہ خط ہے ، اور میں ق مورہے۔



لشكل عنظ

بین سی نقطہ ہے جسے ہوت والی شاعوں کی ایک ہیاں مقع آئیبنہ کے
ایک ٹکڑے پر مائل وضع میں منعکس ہونے کے بعد دو چیو لئے خطوط ہر
مستدق ہوتی ہے، جن میں سے ایک اس بیسل کے صدر شعاع اورآئینہ
کے مرکز انحنا دکو لیے ہوئے مستوی میں واقع ہوتا ہے اور دو سرا اس ستوی
کے مرکز انحنا دکو لیے ہوئے مستوی میں واقع ہوتا ہے اور دو سرا اس ستوی
کے ملی القوامے - اِن خطول کو ماسکی خطوط کہتے ہیں، ت ت بہا ماسکی خطوط کہتے ہیں، ت مت بہا ماسکی خطوط کہتے ہیں، ت مت بہا ماسکی خطوط کہتے ہیں، مت میں اوا توں
کہلاتا ہے، مس تی دو سرا ماسکی خط کہلاتا ہے اور اِن سے محل میا وا توں
(۲۲) اور (۲۵) سے مامل ہوتے ہیں ۔

اگرشعاعول کی میسل کے راست میں ایک ماسکی خطکے قریب ایک بردہ رکھا جائے۔ آریب ایک بردہ رکھا جائے۔ آریب کا یا تو بردہ رکھا جائے۔ آریب پردہ رکھا جائے۔ آریب بردہ ملول بید جبوٹا ہوگا یا عرض - تیکن اِن ماسکی خطوط سے درمیان ایک خاص مقام پر راسس دھت کے طول اور عرض اِنهم مساوی ہونے اِس مقام کو دائرہ اقل النیاس کتے ہیں کیونکہ عام صورت میں اس دھت کی دائرہ اقل النیاس کتے ہیں کیونکہ عام صورت میں اس دھت کی

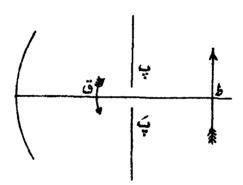
شکل تقریباً دائمری ہوجا تی ہے۔ اِس کو ہم نقطہ طرکا ایک منخ حیب ل سمجه سيكت بين عجم منعكس شعاعول سے بيدائي بهوم فيال كا تربيب ترين ب ہے۔ شکل نے میں دکھلائی ہوئی طبیعی منسل جوکسی مقام پر بھی ایک نقط میں (Astigmatic pencil) سَكِتَة بْنِ جُولُونًا فِي الفَاظِ عِهِ كُمِتِي نَهِينِ ، أوا (stigma) بمتی نقط کامشتق سیم - ماسکی خطوط سے درمیانی فاصلہ کو ا بها می فرق کها جا تا ہے۔ اور اس ی قیمت جلد ذیل سے حاصل ہوتی ہے: $(\frac{1}{2} - \frac{1}{2})_{+}\dot{z}_{+}\dot{z}_{-}\dot{z}_{-}\dot{z}_{-}\dot{z}_{+}$ (00) = 3, 5, (0, 5, 6, - 4, 5, 6) = عرف جب فدس فد یس یہ فرق زاویہ وقوع کے ساتھ بہت تیزی سے بڑھتا جا تاہے۔ النحنا الورسيخ: اب يك بم نقطي شخسول سے سجت كرتے رہے ابن شکل علا میں طریر کک طی تحص دکھلایا گیا ہے۔ اس سے ہراک نقط سے لیے شکل میں دکھلائے ہوئے مقعر ائٹینہ کی وجہ سے بینے والے خیال محالی ابندائ صابطرس محسوب كراميا جاعي تويه تمام خيال ق يردكها في بوي معکوس منحنی بیکان پر واقع یائے جاتے ہیں ،اگر ہ ٹیبنہ سنج مرکز انخاپرایک اليها يرده في أن ركه ديا جائع ص مي اكب جموط اسا ثقته بنا هوا مونو

طُک براکٹ نقطہ کا خیال صرف ایک مرکزی بادیک بنیال کی وجہ سے بنیگا

سے خیال کی تنویر گھٹ جائیگی۔ مصبیح مقام پر تربتیب دیے ہوئے ایک

اوركروي ضلالت اور ابها ميت مع نفائص كليت ساقط موجا ينظف الكن إس

روک (stop) کے افز کی آی دلیسپ مثال ہے۔ پوئکشفس کے تمام نقاط أينه سے أيب بى فاصلے بروا تع نہيں ہونے جب كر إن سے فاصلے مركز الخاليا



فتكل علا

سے گزرنے والے خطر سنتیم کی سیدھ میں نابے جائیں اس لیے شخص کے سول کی میروں کی سیمیر اس کے وسطی حصے کی توجیر سے مختلف ہوتی ہیں۔

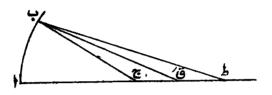
اس لیے اس صوات میں دونے نقایص بیدا ہوجائے ہیں جن کو خيال كا اسخنا اور مسح كيتي بي -

محدّب مروی آئینیا کے انعکاسسِ سے حاصل مہونے والے آتشی منحیٰ بید ہیں ہوئینہ کی صورت میں حاکمشیئی سنعاع کی ضلالت اور ایک اِراک بنیل سنے انبامی انعکاس بربالک اسی طرح غور کیا جاسکتا ہے جس طرح کہ او بر

مقعر آئیند کی متناظر صورت میں کیا گیا ہے۔ وسيع زاوبه والىمنيل كاانغطاف كروى سطح

أكر محدر سي ساخد وسيح زاويه والى شعاعون كى ايك منسل كسى نقط سع منسيع بوكراك كوى سطح برمنعطف بروجائ تويد شعاعيس انعطاف كيدرمساك العكاسس كى مائل صورت ميں برزا ہے ، ايك نقط بين سے نيس گرزنس بلك

اکی آتش سطے کومس کرتی ہیں جس کی نوک موریہ ہوتی ہے۔ جنا بخراس معورت ایس معورت ایس معورت ایس معورت ایس منطا ہر ماسل ہوتے ہیں۔
میں بھی ہمیں ضلالت اور دائرہ آفل التباکس کے وہی مطا ہر ماسل ہوتے ہیں۔
ایک حاشتی نتعاع اندطاف سے بعدمورسے جس نقط پر آملتی ہے ایس کا معلی معلوم کرنے کے لیے کل ملا پر آخر کرو۔ طب ایک الیسی شعاع ہے جو ہوا میں معلی معلوم کرنے کے لیے کل ملا پر آخر کرو۔ طب ایک الیسی شعاع ہے جو ہوا میں



شكل علا

انعطان نما مروالے داسط کی آب کروی سطح اب پرواقع ہوتی ہے۔ ج
اس سطح کا مرکز انخاہے۔ فرض کروکہ ط ب کے انعطان کے بعد اس کے
راسند کو بیجیے کی طرف بڑ ھانے پر یہ ب فق سے نقبہ ہوتا ہے اور فاصلہ
المب مساوی ہے ہے۔ جیسا کہ صفحہ مصفحہ پر بتایا گیا ہے مہ ایک ایسی
مقدار ہے کہ مص کے کسب ادر طبند ترقوتوں کو نظر انداز کر دیا جاسکتا ہے۔
فرض کروکہ المط = شن اق = خ اور اج = ص
چنا پی شنگ ب ج طیس ج طیس ج ط = جب ج ب ط
ور شکعت ب ج فی میں
اور شکعت ب ج فی میں
اور شکعت ب ج فی میں
اور شکعت ب ج ب ط = مدجب ج ب فی کے
الیکن جب ج ب ط = مدجب ج ب فی کے

بنابرس

سجق × طب = جط ×ق ب (۲۲)

بالا = بج + ج طا+ ، ب ج × ج ط جم اج ب

= ص + (ش -ص) + ۲ ص (ش -ص) جم ص

= ص ٔ + (ش ص) ٔ + ۲ می (ش -ص) (ا- اهم بر) مضسعره

تفرب کے رتبہ کک

 $\frac{r_{M}}{m} (m - m) - r_{M} = m$

یس اس امرکو ملحظ رکھتے ہوئے کہ دوا ایک بہت چھوٹی معتدار ہے ، ایس عمسل برمكل

 $\left\{\frac{r_{ab}}{r_{ab}}\left(\frac{1}{r_{ab}}-\frac{1}{r_{ab}}\right)-1\right\}\hat{\sigma}=\frac{1}{r_{ab}}$

 $\left\{\frac{r_{ob}}{r_{ob}^{2}} + \left(\frac{1}{r_{ob}^{2}} - \frac{1}{r_{ob}^{2}}\right) - 1\right\} \hat{z} = \hat{z} + \hat{z}$

مساوات (۲۷) میں قیمتیں درج کرنے سے حامل ہوگا :-

 $\left\{\frac{r_{D}}{\sigma}\left(\frac{1}{\sigma}-\frac{1}{\sigma}\right)-1\right\}\ddot{\sigma}\left(\sigma-\frac{\dot{\sigma}}{\sigma}\right)\sim 1$

 $= (\tilde{w} - w) \hat{S} \left\{ -\frac{1}{(w)} - \frac{1}{(w)} \right\} = 0$

 $\left\{\frac{1}{2} - \frac{1}{2}\right\} \left\{1 - \frac{1}{2} - \frac{1}{2}\right\}$ $\left\{\frac{r_{0}}{r_{0}^{2}r_{0}^{2}}\left(\frac{1}{r_{0}^{2}}-\frac{1}{r_{0}^{2}}\right)-1\right\}\left(\frac{1}{r_{0}^{2}}-\frac{1}{r_{0}^{2}}\right)=$

یا ہمہ - را = مہ - ا + (را - را) (را - را) (را - مہ) ہے ا چونکہ مدا ایک چیوٹی مقدار سے اس لیے مدا کے سرمیں خ کی بجائے خ درج کیا جاسکتا ہے جہاں خ خیال کا فاصلہ ہے اُن شعاعوں کی صورت میں ہو مور کے ساتھ ایک چھوٹے زاویہ پر مائل ہوں ، اور جس کی قیمت مساوات ذیل سے عاصل ہوگی:

 $\frac{n-1}{2} = \frac{1}{2} - \frac{n-1}{2}$

يس في كے محل كومتعين كرنے والى مساوات جوجائيگى:

 $\frac{\frac{r}{r}}{r} \left(\frac{1}{m} - \frac{1}{m} - \frac{1}{m} \right)^{r} \left(\frac{1}{m} - \frac{1}{m} \right)^{r} \left(\frac{1}{m} - \frac{1}{m} \right)^{r} = \frac{1}{m} - \frac{1}{m} \frac{1}$

 $(YA) - \frac{r_{20}}{r} \left(\frac{1+r_{1}}{\sigma} - \frac{1}{\sigma}\right) \left(\frac{1}{\sigma} - \frac{1}{\sigma}\right) \frac{1-r_{1}}{r_{20}} + \frac{1-r_{20}}{\sigma} =$

يتك عدسه كى كروى ضلالسد : اب قابل نظر انداد

دبازت والے ایک عدسہ کی دونوں سطوں برمساوات (۲۸) کا اطلاق کرنگے۔
دومرے باب کی ترقیم کے مطابق فرض کروکہ شخص کا فاصلہ عدسہ سے ش
ہے، پہلے اور دوسرے کُوں کے نصف قطرانی اص اور ص ہیں عدسہ
کے مادہ کا انوطا ن نما مہ ہے ، عدسہ سے اُس نقطہ کا فاصلہ جہاں بر
ماشنی شعاع کی سمت بہلے انعطان کے بعد تحور کو قطع کرتی ہے ف ہے
اور دوسرے انعطاف کے بعدمتنا ظرفاصلہ ع ہے ۔
یعنا پنے بہلے انعطاف کے بعدمتنا ظرفاصلہ ع ہے ۔

1 (1 - 1) (1 - 1) (1 - 1) (1 - 1) (1 - 1) (1 - 1)

اور دوسرے انعطاف سے لیے اس مفروضہ پر کد شعاع کی سمت اُلٹ اُلگ اُلگ ہے :

 $\frac{r_{2D}}{r} \left(\frac{1 + n}{2} - \frac{1}{n} \right)^{1} \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{n} \right) \frac{1 - n}{n} + \frac{1 - n}{n} = \frac{1}{2} - \frac{n}{2}$

مل تفرین سے :

 $\frac{1}{5} \left(\frac{1}{60} - \frac{1}{60} \right)^{1} \left(\frac{1}{60} - \frac{1}{60} - \frac{1}{60} \right)^{1} \left(\frac{1}{60} - \frac{1}{60} - \frac{1}{60} \right)^{1} \left(\frac{1}{60} - \frac{1}{60} - \frac{1}{60} - \frac{1}{60} \right)^{1} \left(\frac{1}{60} - \frac{1}{60}$

ھاسے سر ہیں خ کی بجائے توری سفاخوں کے ملیے اِس کی قیمت خ استنمال کی جاسکتی ہے ہو مساوات ذیل سے حاصل ہو تی ہے :

 $\left(\frac{1}{2} - \frac{1}{2}\right)(1 - n) = \frac{1}{2} - \frac{1}{2}$

لپس:

 $\frac{1}{3} \left(\frac{1}{\omega} - \frac{1}{\omega} \right) \left(\frac{1}{\omega} - \frac{1}{\omega} \right) + \frac{1}{\omega} + \left(\frac{1}{\omega} - \frac{1}{\omega} \right) \left(\frac{1}{\omega} - \frac{1}{\omega} \right) = \frac{1}{3} + \frac{1}{3} = \frac{1}{$

ماشنى شعاع كى ضلالت = خ -خ

 $= \frac{1}{(\frac{1}{5} - \frac{1}{5})} = \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}} \left\{ \frac{1}{\sqrt{9}} - \frac{1}{\sqrt{9}} \right\} \left\{ \frac{1}{\sqrt{9}} - \frac{1}{\sqrt{9}} \right\} = \frac{1}{\sqrt{9}} = \frac{1}$

بینیلیم عداسه کی گروی ضلالت حبکتخص لاتنامی بر ہو: ۔ میادات (۲۹) میں ش = ۵۵ اور ن = م درج کرنے پر یہ جملہ

ہویا نیکا : ہویا نیکا :

 $(P^{\bullet}) \cdots \frac{r_{p}}{r} \left\{ \left(\frac{1+n}{p} - \frac{1}{r^{\bullet}} \right)^{r} \left(\frac{1}{r} - \frac{1}{r^{\bullet}} \right) - \frac{1}{r^{\bullet}} \right\} \frac{1-n}{r^{\bullet}} - \frac{1}{r^{\bullet}}$

- ا = (مر-۱) (مر-۱) (مر-۱) = (مر-۱) (ا-صر) = (مر-۱) (ا-صر) مردا) (۱-صر) مردا) المردان مردان مرد

همین دامل زور ا

اُرور مدد دو الوزب یا دو مرامقعر بوتر مدمنفی بوتامه اگریم مخلب مقدر یا دو مرامقعر بوتر مدمنفی بوتامه اگریم مخلب مقدر یا مقدر این نوسین کے اندر کے جلم کو صد کا مد درجی تفاعل الدر کے جلم کو صد کا مد درجی تفاعل

مجهاجات توكرس المرز حسب فيل موكا:

(مدر رود مرا المرا) - مع مدا (۲-۲ مرا مرا مرا) - مدا (۱-۲ مر)

چونکہ مدکی تیمند علیہ ۱۹۵ اور ۲سے در میان ہی یا بی میا تی ہے اِس کیے یہ ہمیشہ منفی جو السب سال ایک اِس نفاعل سے صفر حیالی ہوئے ہیں اور صد سے تغییر سال سالہ رہی تفاعل کی علامت نہیں بدلتی ۔ سکین جب مه = . تو يرمنبت ہوتا ہے لہذا یہ ہمیشہ منبت ہوتا ہے اور اِس لیے نے ۔خ کی علامت وہی ہوتی ہے جو - م کی - پس انخائی نصف قطروں کی نسبت خوا ہ کھے ہی کیول نہ ہو حامضنی شعاعیں موری شعاعوں کے مقابلہ میں مدسہ سے قریب ترمقام پر اسکہ میں آتی ہیں۔ ایک واحدیثلے عدسہ کی صورت میں اِس ضلالت کو صفر تمبعی مندن کہا جا سکتا تیکن ایک محدب اور ایک مقعر عدسه كواس طرح تركيب ديا جاسكتا ہے كه إس مركب عدسه كى ضلالت

فرمن كروكره ، م اور مه كي قينين دي كئي بي اوريد دريافت كرا مطلوب ہے کہ صد کی کس قبلت کے لیے صلالت کی قبیت اقل ہوتی ہے۔ ساوات (۳۲) کو صدکے لحاظ سے تفرقا کر نتیج کو صفر سے مساوی رکھنے پر اس صل موكا:

(1+100)

(۹۹) إس سے صریحاً اقل قبیت ای حاصل ہوگی کیونکہ صرف یہی ایک مواد کی قیمت سے اور صد = اسے لیے یہ جلہ لا نتنا ہی ہوجا تا ہے ۔ اگر مساوات (۱۳۳) میں مدکی قیمت ۱۶۵ سے مساوی نکھی جائے تو صدکی قیمت ۔ ہا مرجاتی ہے اور مرکو اکے مساوی رکھا جائے تو صد + ا ہوجا تا ہے۔ ہردوصورتوں سین مساوات (۳۱) کی روسے ص کی علامت وہی ہونی جا ہے جو کہ م كى ، قى سے إس يع اگر مدب عدسه دركار موتو يبلي صورت مين إس كو دو ہرا میرسد ہونا چا ہیے اور نور میلے اس کے زیادہ منحنی رفخ پر وافع ہوتی چاہمیے ، اور دوسری صورت میں اس کو محدّب بلالی ہونا چاہمیے اور توریط اس کے زیادہ منی رفع پر واقع ہونی چا ہیے۔جس عدسے سے انخا ور کی نسبت اس طرح منتخب کی گئی ہوکہ اس کی کروی صلالت كي قبيت اقل موجاك اس كو متقاطع (erossed) عدسه كيت بي-اعداد مندر مندر مندول ولي جو در وديك سطم مناظران سي

ہے گئے ہیں یہ نہ
مے ما تھ ساتھ
نسف تطره كي

43.20		150=~		عدیسہ کی فشکل
مثلالت	صہ	خلالت	صہ	0 022
- ۲۶سمر	90	۵۶۳مم	0 0	سامنے کی سطح مستوی
0 15.	1-	# 1544	1-	متفاكل _
" 10.	-	11 15/4	٠	بیچه کی سلح سستری
۳ عام د	+	# 15.4	4-	وقل خلالت كي شكل

جدول بالاسے واضع ہوگا کہ سبستنوی محدّب عدستے مقابلہ میں شقاطع عدسہ میں کوئی نمایاں نہیں میں یائی جاتی اور نیز میا کہ انفطا ن نما کو بڑھانے سے ضلالت معتدر طور پر آریٹ جاتی ہے۔

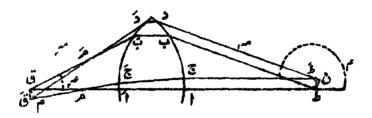
مین کی اثر پڑتا ہے۔ یہ یہ کو بلیط دینے سے اِس کی کروی مثلالت پر مین کی اثر پڑتا ہے۔ یہ یہ کو قع ابتدائی تصورات کی بناد پر می ہوستی ہیں جیا بی سیا ہی سی بیٹ ہوستی ہیں جیا ہے۔ یہ شعائی توقع ابتدائی تصورات کی بناد پر می ہوستی ہیں تو سان العد ن رس کی کروی شطع ہی پرعل میں آ ہے اسین میں ہوب یہ بیلے نوان کا اسطان دو نول دفول دفول کو درمیان منعشر ہو ہا اسے اور زاوب و قری کو بہت زیا وہ بڑا ہونا نہیں ورمیان منعشر ہو با اسے اور زاوب و قری کو بہت زیا وہ بڑا ہونا نہیں ہرا اسلامی بیائے فرمی کے بیت اور زاوب و قری کو بہت زیا وہ بڑا ہونا نہیں فرمی کرو ہم اِس کے بیسا اوک و درمی کے لیت ایس اول فرمی کرو ہم اِس کے بیسا اوک و درمی کے لیت ایس اول فرمی کرو ہم اِس کے بیسا اوک و درمی کے لیت ایس اول فرمی کرو ہم اِس کے بیسا اوک و درمی کے لیت ایس اول فرمی کرو ہم اِس کے بیسا اوک و درمی کے لیت ایس اول فرمی کرو ہم اِس کے بیسا اوک و درمی کے لیت ایس اول فرمی کرو ہم اِس کے بیسا اوک و درمی کے لیت ایس اول کے درمی کے لیت ایس اول کے درمی کے ایک کی جاتے ایس اول کی دو مرک کی جاتے ہیں اول کے درمی کے لیت ایس کے بیسا اوک کی دو میری رقم کو بھی کے لیت ایس اول کی دو میں کے لیت ایس کی بیا تقرب یعنی کو تی کے ایک کی دو میں کے کیمی کی جاتے ہیں اول کیت ہیں ۔ جنا بچہ بیلے تقرب یعنی کا دو میں کرو ہم ایس کے بیسا کو کی دو میں کے لیت ایس کی بیا کی دو میں کے کیک کو کا کھوں کی کی بیا کی کھوں کی کی بیا کی کھوں کی کو کی کھوں کو کی کو کی کی کھوں کی کھوں کی کھوں کی کھوں کی کھوں کو کی کھوں کو کھوں کی کھوں

(94)

ہے (قرا - طرا) کی عورت میں فد کو دُگنا کر دینے پر خالاء دُگن سے کہیں زیارہ ا

جمعی مستفرط: اگرکوئی عدسوی نظام اس طرح بھی ورد کیا جائے ہے استفال کیے بائے ہا کہ استفال کیے بائے ہا کہ استفال کیے بائے ہا کہ میں طاقت کے استفال کیے بائے ہا کہ مینے طاقت کے بنائے کہ استفال کیے بائے ہا کہ مینے طاقت کے بنائے کا استفام ان ہی جان ہے استفام کی جان ہے استفام کا داختے ہیں استفام کا داختے ہیں ہے کہ نقط اور اس کے خیال میں سے گزرنے والی مزدوج شعاموں کے اللائے کے زاویوں کے بیاری میں تعلق کا ہر کرتی ہے۔

فرض کروک فی فی ایک جھوٹے کے سے شخص ط طاکا ایک وانے طال سے جواکی دسیع زاویہ والی میسل کی وجہ سے بنتا ہے۔ نیز فرض کروکہ جس



فنكل عثلا

واسطین شخص واقع ہے اُس کا انعطاف نما مہدے اور ص واسطہ یں خیال دارتے ہے اُس کا انعطاف نما مرہبے۔

ط سے دوشعاعیں کھینو، ایک ط ام محد کی سیدہ میں اور دوسری ط بھ محد کی سیدہ میں اور دوسری ط محد کی سیدہ میں اور دوسری ط بھ ب جو محد کی مشبت سمت سے ساتھ ایک بڑا ذاویہ عمر بنائی ہے، فرش کروکہ یہ دونوں شعاعیں انسطان کے بعد فی پر ملتی میں ۔ اِسی طرح ط سیم میں دوشعاص کھینچ ؛ ایک ط ج جو محد کے متوازی جو اور دو مری ط ج

جوط ب سے متوازی ہو، فرض کروکہ یہ دونوں متعامیں انعطاف کے بعد ق بر طقی ہیں۔ شخص اور فیال اننے چھوٹے ہیں کہ ہم ق ب اورق کا کے متعلق ہیں کہ ہم ق ب اورق کا کے متعلق ہیں کہ ہم ق ب اورق کا کے متعلق ہیں سمجھ سکتے ہیں کہ یہ ق اس کے متعلق اور فی سے فی کہ پر عمود ق م کھینچو۔ ط سے ط د پر عمود ط ن کھینچو اور فی سے فی کہ پر عمود ق م کھینچو۔ چوکہ نتعاعول مل ہے اورط اکا ماسکہ حدیث اس لیے رائستہ ط ا ا حریک مساوی ہے ۔ چوکہ فی فی کھی اور پر راستہ ط ا ا کر کے مساوی ہے ۔ چوکہ فی فی کھی اور فی مناظری معدن تک فی حدیث مناظری معدن تک ق حدیث مناظری طور پر ۔

چونکہ فی خیال ہے طاکا، رس لیے مناظری طور پر طاکا اُمر فی = طاب ب مرف اور پر اور چونکہ فی خیال ہے طاکا رس لیے مناظری طور پر طاح ج مرف = طاح دکھر فی ۔

نیکن مناظری طور پر ط ۱۱ مرق = طکی ج مح مرق - بس منافری طور پر ط ب مرق = طک د د مرق

چونکه هر ماسکت مشاعوں طکد اور طلب کا اِس کیے راستے ن دد کھر اور طلب ک مر مناظری طور پر مساوی ہوتے ہیں۔
نیز چونکہ نی هم چھوٹا اور فی کہ پر عمود وارہے اِس کیے چھوٹی مقداروں
کے پہلے رتبہ کی صحت تک هر فی = هرم پس مناظری طور پر
ن دکھرم = طلب ب هر فی

إس نتيم كو بيلخ نتيم ك ساته الفس طُ دد مرق = ن دد مرم

مناظری طور پر۔ اِس لیے سروں *پرے حصے طُ*ن اور قُ کم ایک ہی مناظ^ن طول کے ہونے چاہیںیں : یعنی

> مر. طأن = مر، قام فض كروكه طط = ما، اور ق ق = ما، بنا برين طأن = طط ، جب طأطان = ماجب مم و ق م = ق ق ، جب ق ق م = ماجب مير المرد .

کیس:

مم ما جب عم = مم مارجب عم

اور بهی وه جیبی شد طه به اس کو اُو پرجس طریقه سے ثابت کیا گیاہے وہ هارگن گاہے - اگر زاویے جیولے ہول تو بیجیی شرط هم هوللز کے کلیّهٔ تکبیر سے متراد ف ہو جاتی ہے - نانی الذکر کا ثبوت صریحاً مرف جیولے زاویوں ہی کی صورت میں صادق آتا ہے ۔

ہی کی صورت میں صادق آ ناہے۔ جب ایک عدسہ سے محور پرسے کسی نقطہ سے منسع ہونے والی ایک باری منسل اس عدسہ کی سطے کے کسی حصہ پر مایل وضع میں واقع ہوتی ہے تو یہ عدسہ کی وجہ سے ابہامی طور پر منعطف ہوکر دو ماستی خطوط ببرا اس تی ہے ، جیسا کہ مقعر آئینہ کی متنا نمرصورت میں ہوتا ہے۔

لوفى صلالت: مدسون سے بحث كرتے وقت اب يك

ہم بیسلیم کرنے آئے ہیں کہ زر ایک لوئی ہے۔ نیکن تمام استیاکا انعطاف نما فررے رہاک یا طول موج کے ساتھ ساتھ بدلتا جاتا ہے۔ چنا نچہ جدولول میں عام طور پرکسی سفیشہ کے انعطاف نمائی ہر ایک فیمت کے ساتھ یہ بھی تنادیا جاتا ہے کہ بیٹمیت فرآن ھوفٹ کے کس خطے لیے ہے۔ مشلا

(41)

ذبياً آنسس كي شيشون مين سے دوك العطاف نما	جدول ذیل میں مسر
-	وبے کئے ہیں:

	/^_ /^ F は	7-~ D F	مر -مر D	D D	نام	كارظا شكانمبر
5-140°	ì	ł i	i	15014D 154716	. • /	4.0

مد کے ساتھ لکھے ہوئے اگریزی حروف فوان ھوفن کے خطوط کی تخفیص کرنے ہیں ۔ بیٹا بخیرمستعلہ خطوط کے رنگ اور طول موج حسب فیل ہیں:

طول موچ	_;;·	
۳۲۵۲ × ۱۰ همر	ئرخ	C
1 11 × 05 × 9 F	زرو	D
" " × "5 × 4"	سبووى	F
4 " × 75 F · A	بنغشهى	G
L		

تمام شیشوں سے انعطاف نما سرخ سے نبغشبی کی جانب بر سفتے جانے ہیں۔ اب سی پیلے عدسہ کا اسکی طول ضا بطہ ذیل سے حاصل ہوتا ہے:

$$(mr) \cdot \cdots \cdot \left(\frac{1}{r} - \frac{1}{r}\right) (1-r) = \frac{1}{r}$$

= (- - -) (- - -) = - (- - -) = - (- - -) - - (- -) = - (- -) - - (-) -

د بیسے و بیسے عدسہ کا ماسکی طول گھٹتا جا آسہے ۔ جنا بخہ اگر کسی سفند شخص کا ضال ماصل کرنے کے لیے ایک یتلے می سب عدست کام لیا جائے تو ہیں رعین خیالوں کا ایک سلسلہ حاصل ہوگا ۔ یہ خیال نسی تذریختلف فامتوں سے ہوئیگے اور عدسہ سے مخاعف فاصلول پر واقع رہینگے ، جنا بخہ عدسہ سے قریب ترن خیال تبغشہی ہوگا اور معہد ترین خیال مٹرخ ۔ چونکمہ طبیعت کا زر دی مایل سبز حصّه روسفن تزین ہوتا 🕟 س لیے جب سی پر رہ پر خیال کی نمسیک کی جاتی ہے تو ہم غیرارا دی طور پر اس زردی مایل سبز عیال ہی کو واسم لرکیتے ہیں ۔ دیگیر خیال اِس واضح خیال سے اوپر آ پرطستے ہیں اورسب *کے* سب سی قدر اسکہ سے اہر ہونے ہیں۔ اس کا عمومی اثر یہ ہوتاہے کہ ہیں ایک غرواضح سفید خیال دکھاتی وتناہے۔ خیال کی یہ عدم وضاحت جو مختلف رنگوں سے لیے الغطاف نما مختلف ہونے کی وجہ سے پیدا ہوئی ہے، او في ضلالت كهلاتي ہے۔

اگر برده کو ماسکه سے با ہر مدسه کی طرف بطایا جائے توخیال کاکنا رہا سرخی مایل نظر نا ہے ، اور اگر یردہ کو ماسکہ کے باہر ورسدسے دور سایا جائے تو خیال کا کنا رہ کبودی مایل ہوجا تاہے۔ اِس کی وجہ یہ ہے کہ (۹۲) پہلی صورت میں سُرخ خیا ل نسبتاً ما سکہ سے زیادہ باہر ہوتاہیے کیونکہ کنارہ یرکا برایک نقطه ایک ترخ قرص پیدا کرتاہے اور یہ قرصین کبوری نقطئ خیالوں سے آگے برامد جاتی ہیں۔ اِسی طرح دوسری صورت بس

بمبودى قرصول سے اس برطھ جلنے تى وجرسے خيال كائنارہ كبودى ال

نظر آ آہے۔ اور آ خطوط کے لیے ماسکی طول م اور م ہول تو ؛ $\left(\frac{1}{\omega_{i}} - \frac{1}{\omega_{i}}\right) \left(1 - \frac{1}{\omega_{i}}\right) = \frac{1}{\omega_{i}}$ $\left(\frac{1}{\varphi} - \frac{1}{\varphi}\right)(1 - \varphi) = \frac{1}{\varphi}$

اور تفریق سے

ا - ا = (مہ - مہ) (ا - را - ل - را) م آ م آ م اور ہے کہتے ہیں سے درج کرنے ہیں ا

 $\frac{c^{\alpha} - F^{\alpha}}{\rho (1 - \alpha)} = \frac{1}{c} - \frac{1}{F^{\alpha}}$

 $\frac{c^{\Lambda} - F^{\Lambda}}{\rho (1 - \Lambda)} = \frac{F^{\Lambda} - C^{\Lambda}}{\rho \rho}$

جہاں مہ اور م ، انعطاف ما اور اسکی طول کی کوئی متنا ظرفتیتیں ہیں۔ اب فرض کردکہ م کی قبیت م اور م سے درمیان واقع ہے بنابرین م م کی بجائے ہم تفرّب کے طور پر م کھھ سکتے ہیں۔ چنا پنچہ

(PA) Our - Fra = Frage

مسا المستخف لا تنابی پر برد تو دار می جانب کا جله سرخ اور کبودی خیالول کے درمیانی فاصلہ اور عدسہ کے، ماسکی طول کی نسبت کو تغییر کرتا ہے جس سعے بم لوتی ضلا لت کی مقدار کا اندازہ کرسکتے ہیں -

 $\frac{G^{N-1}}{\delta(G)} = \frac{N^{N-1}}{N^{N-1}}$

اس مقدار نہ کو خطوط F اور C کے لیے زیر بجٹ مشیشہ کی اُنٹش**اری طا** کتے ہیں۔

ور بیت میں میں میں میں میرخ خیال ہمیشہ واقع نورکی جانب میں میں ہیں ہیں ہیں ہیں ہیں ہوتے ہیں ہوتے ہیں ہوتے ہیں ا سے بعید تزین فاصلہ پر ہوتا ہے ، اور مقعر عدسہ کی صورت میں یہ واقع نورکی جانب سے ہمیشہ قریب ترین فاصلہ پر ہوتا ہے ۔ پس سوال پر پیدا ہوتا ہے کہ آیا ایک محذب اور ایک معمو عدسہ کر ہاہم اِس طرح نزکیب دیا جانے والی لوئی ضطافت و وسرے میں اِنے اِف والی لوئی ضطافت و وسرے میں اِنے اِف والی لوئی ضطافت و وسرے میں اِنے اِف والی لوئی ضطافت کی تعدیل کردے - اِس سوالی کا جواب نیوٹن نے انعمل فین میں دیا۔ اُس کا بیخیال تھا کہ شیشہ کے بیے مہر - مہ ہمیشہ رسس کی انعمل میں ایک اِن نظام جولوئی الله اِن میں دیا۔ اُس کا ہوئی مناسب ہوتا ہے اور اِس لیے کوئی نظام جولوئی الله اِن کہ اِن نظام جولوئی الله عنی کی طرح عل کر اِن اِن اِن اِن کہ کہ میں میں رخول والی محض ایک عمر عاص کو ایک اور منا وی عدسہ کے اس کو ایس کی اور اِن کی سورت میں اُس کو اِن سے میں اور اِن کی سورت میں اور کی مشاہدات کی روکسے یہ تنا ہے۔ یہ تقریباً ورست اِ اِن کی سورت میں اور کی میں رکھے اوک ہوئی ہوں ہوئی مول اور انتشاری طاقت ہالتر تیب میں اور د وسرے عدسہ کا اسکی طول اور انتشاری طاقت ہالتر تیب میں اور د وسرے عدسہ کا اسکی طول اور انتشاری طاقت م ادر د اس میں ۔ چنا یخ ک

اور F خط کے کیے

تغرين كرنے سعہ بمبن مامنل ہوگا

$$\frac{1}{CC} - \frac{1}{FC} + \frac{1}{CC} - \frac{1}{FC} = \frac{1}{CD} - \frac{1}{FD}$$

F/-c/+ F/-() = 10-00

جبکہ نسب نماؤں میں مہ مہ کی بجائے مرائم م کی بجائے ما اور مَن مَ کی بجائے مُا کھنا جا گئے۔ اِس مساوات کو مساوات (۳۵) سے مدد کے رہم صب ذیل شکل میں

 $\frac{x^2}{\sqrt{\rho}} + \frac{x^2}{\rho} = \frac{F^{\rho} - C^{\rho}}{\sqrt{\rho}}$

یں آگر دور جموں کے لیے رسشتہ

(F9)..... := \frac{72}{p} + \frac{2}{p}

معادق آشے تو اِن دونوں رنگوں کی شعاعوں سے بننے والے خیال قامت اورمحل میں باہم مُنطبق مر جا نینگے۔ اور ایسی صورت میں اِن دو لول

ومگوں سے لیے عدسول سے ان جماع کو عفر لولی کہا جا تا ہے۔

مساوات (۳۹) برایک مثال سے طور پر فرض کروکرد و اسیسے میشوں سے جن کے ایم مواد منفی سال پر دیا گیا ہے ہم سمر اسکی طول کا ایک مرب عدسہ بنا اے جو دو خلوط C اور الا کے لیے عید افاق ہو۔

چنا يخد اگرشعا عس دارني طرف سے آرہي موں تو ميں حسب ذيل ممزاد مساواتیں حاصل ہونگی:

> 1 + 1 = 1 mo m 5.4441 + 5.140p =.

جس کا حل ہے م = - ۱۰ وہماسمر اور م = ۱۲ و ۲۳ سمر اس لیے بیبہاع کراؤن سفیشہ کے ۱وہم اسمر ماسکی طول والے ایک مخترب عدسہ بر اور فلنٹ شیشہ ہے ، ۹۲ و ۲۳ سمر ماسکی طول والے ایک مفتر عدسہ برشنظ ہونا چاہیے۔ فلا ہر ہے کہ یہ اختماع نور کے سرزے ماس خطہ کے لیے غیرلونی ہوگا جس کے لیے اسے محسوب کیا گیاہے۔

(۱۹۱۱) أَمَا يُحَ مُصَلَ بِوسِكَ :-

مر	ŕ	م	
4 405.0	/ Y # 5 4 4 / Y # 5 1 6 / Y # 5 1 6 / Y # 5 4 9	n 1621. n 16341 n	Þ.

اِن اعداد سے طاہرہ کہ طول موج کے ساتھ ساتھ مرس اتنا تغیر نہیں ہونا جتنا کہ م یا م میں ہوتا ہے۔ اگر اس اجتماع سے معمولی تختیوں سے ساتھ عکا تنا میں کام لینا مقصور ہوتو اس کی تصبیح بنفشنی اور بالا بنبغشنی نور سے لیے کی جانی

چاہیے ۔ مذکورہ بالاغیرلونی مرتب عدسہ کی صورت میں اس کے ترکیبی عدسول ۔ مرف ماسکی طول منفخف سے گئے ہیں نہ کہ اِن کی سطول سے نصف قطر انخااہ ، اِس سے ہرایک عدسہ میں ایک تصف قطر انخا ہماد سے اختیار میں ہؤئے۔ جیبا کہ صفی مدن کہ بربتایا جا چکاہے کروی صلالت عدسہ کے دونوں بیرونی ڈنوں کے انخالی نصف قطروں کی نسبت پر منمصر ہوتی ہے ، چنا بخہ ہم اس نبت کو اِس طرح منتخب کرسکتے ہیں کہ کروی صلالت اقل ہو جائے۔ اسخا فی نصف قطرون کے درمیان جودوسرا رسشتہ باقی رہ جاتا ہے اُس سے دونوں عدسوں کے اندرونی انخاؤں کو مساوی کرنے میں کام بیاجاسکتا ہے۔ چھر اِن کو ایک ساخۃ ملاکر جوڑ دیا جا سکتا ہے تاکہ اِن کے در میان کوئی ہوائی فنسل، جس سے انعکاس کی وجہ سے نورکی مدّت تھے جاتی ہے، چھوٹے نہ جائے۔

اگر بذکورالصدر مرکب عدسه کا عدب جزمساوی التحدب بهوتواس کا
نصف قطراسخنا ۱۹ دم اسمر به قامید ، اور اگر مقعر جزمستوی مقعر جوتواس کا
نصف قطراسخنا بھی ۱۹ دم اسمر ہی بہوتاہے ۔ اِس طبع ید دونوں عدسے آیا
دوسرے میں شھیک بیٹھ جانے ہیں اور ایک مستوی محتب اجتماع بنائے
ہیں ۔ اِس فسکل کے عدسہ کی کروی ضلالت متوازی نورسے لیے بہت ہی کم
ہوتی ہے جدیا کہ پیلے دیجھا جا جا کا ہے ۔ چنا بچہ چھوٹی دور بینوں کے دہانہ
سخصیف اکثر کراؤن سفیشہ کے ایک مساوی التحدیب عدسہ کو فلندط شیشہ
کے ایک مستوی مقعر عدسہ سے ساتھ جوٹر کر بناتے ہیں اور اِس اجتماع کو
دور بین میں اِس طرح بھا یا جاتا ہے کہ نور پہلے کراؤن سفیشہ کے عدسہ یہ
وافع ہو۔

فرض کروکہ مذکورالصدر غرادی مرکب عدسہ کا قطرہ وہ سمرہے۔ اس کی کروی ضلالت صفی ۱۰۰ پردی ہوئی قبمتوں کو (۱۳۴۵) ۱۳۵ یعنی ۸۸۰ وسے ضرب دے کر محسوب کرلی جاسکتی ہے۔ جنانجہ انعطاف کا ۱۵ء کے لیے اِس کی قیمت ۱۶ ممر اور انعطاف نما ۲ کے لیے اِس کی میث

م وممر حاصل ہوتی ہے۔

اگر نخلف آنتفاری طاقتول والے شیشول سے بنے ہوئے تین بیتلے عدسوں کو ایک ساتھ جواکر ایک واحد عدسہ بنالیا جائے تو تین نخلف دگل سے بننے والے خیالوں کو بھی ایک دو سرے پر منطبق کیا جاسکتا ہے۔ بنانچہ آسی طریقہ عل کی پیروی سے جو صفحہ مالا پر اختیار کہا گیا بے میں حسب ذیل مساوات حاصل ہوگی:

 $\frac{\alpha_0 - \alpha_0}{\alpha_0} = \frac{\alpha_0}{\gamma} + \frac{\alpha_0^2}{\gamma} + \frac{\alpha_0^2}{$

ے یے انتظاری طاقتیں ہیں ۔ اِسی طرح اگر خطوط F اور G سے لیے انتشاری طاقتی سه، سه اور سهٔ بهول تو بهین حاصل بوگا:

اور آگرم م م اور م اس طرح نتخب کیے جائیں کہ یہ ذیل کی مساوا آول کو اور م اس طرح نتخب کیے جائیں کہ یہ ذیل کی مساوا آول کو الم

 $\frac{1}{\sqrt{p}} + \frac{1}{\sqrt{p}} + \frac{1}{\sqrt{p}} = \frac{1}{\sqrt{p}}$

توظام رہے کہ اِن مینوں بیلے مدسول سے ل کر بنا زوا مرکب عدمہ خطوط F + C ور G سے بیم غیر رونی ہوگا۔ مساواتوں (۱۷۷) کی شکل باشہ ایسی

ہے کہ اِن سے م' مر اور م کے لیے ہمیشہ حقیقی فیمنیں ہی ماسل ہوتی ہیں۔ خیال کو دو رنگوں سے لیے نیم اونی کر لینے سے بعد اِس میں جو اونی

خطا باتی رہ جاتی ہے اس کو اکثر او تا نوی طیف " کہتے ہیں۔ اِس کی قیمت کو مقام جنینا میں بنے ہوئے بعض نیئے شاشوں کے استعمال سے قابل لحاظ طور پر

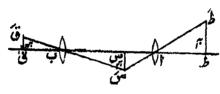
ممثا اجاسكان بير و محاكما كه يه شيش ان كى تيارى مين رقبي بيش كرف ك علاوه زيا ده يأندار نهين موتني ـ

> Jena 1 Secondary spectrum a

لو فی ضلالت دو ایسے بنا عدسول کی حق درمیال ایک می و دفعل مهو: فض کرد که ان دونوں عدول اسکی طوار م دور م ہیں دور ان کا درمیانی فاصلات پیست جیسا کہ صفر ہے بسکی طوار م دور م ہیں دور ان کا درمیانی فاصلات پیست جیسا کہ صفر ہے پربتایا جا چکا ہے ، اِس ا جَمَاع کا معادل ماسکی طول هر ضابطہ ذیل سے حاصل ہونا ہے :

$$\frac{1}{\sqrt{a}} = \frac{a + a^2 + c^2}{a^2}$$

مر مم مم می بر محل کے لیے اِس نظام کو دور نگوں کے لیے غیر بونی بنانے کے لیے م شخص کے مرف یہ صروری ہے کہ ان دونوں رنگوں کے لیے هر کی قیمت آیک ہی رکھی جانے بلکہ ان دونوں رنگوں کے لیے معادل مستولوں سے محل بھی ایک ہی ہیں ہی موادل مستولوں سے محل بھی ایک ہی ہی ہوں ۔ یہ نامکن ہے ۔ بلکہ شخص کے ایک واحد محل سے لیے بھی اِس نظام کم بیٹے رہی بنانا نامکن ہے ۔



شکل س<u>م بر</u>

چانچه فرض کره که عدسول ۱ اورب کی وجه سے طط کا خیال ق ق کی بنتا ہے اور س مل وہ درمیانی خیال ب جو صرف مدسم ای وجہ سے بنتا ہے ۔ فرض کرد کہ طط کا = بها مس س = به اور ف ق ع برہ اور فی ق ع برہ نیز فرض کرد کہ اطعان اس = خ ، ب س فی الله ق عرف سبنا بری، نیز فرض کرد کہ اطعان اس = خ ، ب س فی الله ق عرف سبنا بری، نیز فرض کرد کہ اطعان اس = خ ، بس وی فی الله ق عرف سبنا بری، الله وی سے فرک سبنا بری، الله وی سبنا بری، ال

ا كروونوں رنگوں سے بننے والے خیال محل اور قامت كے لاؤ

سے منطبتی ہوجائیں تو اِن دونوں رمگوں کے لیے ش 'خ اور سے ایک ہے۔ (۹۹) موسطے۔ لندائے اِن دونوں رمگوں کے لیے ایک ہی ہوگا۔لیکن فاصلہ میں ا

معتین ہے۔ اِس لیے دو نوں رنگوں سے لیے نقطر میں ایک ہی ہوگا ، بالفاظ ریگر

عدسے † اور ب نور غیر اوئی ہونے چا ہیں ۔ فرض کروکہ اِس اجتماع کے معادل ماستی طول C اور F خطوط کے ليه هر اور هر مين مين وينانيد:

(FF-FCC+FCC-CCC)=

 $\left(\frac{1}{c} - \frac{1}{r}\right)\frac{\dot{c}}{\dot{c}} + \left(\frac{1}{r} - \frac{1}{r}\right)\frac{\dot{c}}{r} = \frac{\dot{c}}{r}$

يس أسى طريقه سے جوسفہ الله يرد اختيار كيا كيا كيا ہے

هرا اب فرض کروکه دونوں مدسے ایک ہی سنیشہ کے بنے جھیلے ہیں اور بیر کہ نہ = نۂ - بنا برین

 $(\dot{\upsilon} + \dot{\gamma} + \dot{\gamma} + \dot{\gamma}) = \frac{\dot{\upsilon}}{2} = \frac{F^{\alpha - c}}{r_{\alpha}}$

یعنی اگر م + م + ۲ ف = . تو اس نظام کا معاول اسکی طول ستقل بہا بعد ، نہ کی قیمیت چاہے کچھ ہی کیوں نہ ہو۔

یس اگریسی نظام میں ایک ہی سنیشہ سے بنے ہوئے دو یتلے عدسے ہم محور طور پر اس طسر ح ترتیب دیے ہوئے مہوں کہ اِن کا درمیاتی فاصلہ مدواً اِن کے ماسکی طول نظر مدواً اِن کے ماسکی طول نظر

دور مراس کے لیے باکہ امام ریکوں کے لیے ایک ہی ہوتا ہے۔

مثالين

(۱) نور کی متوازی شعاعیں ایب معمر کردی آئینہ پرواقع ہیں - اسس کا

أتشى متحنى كلفينيو -

سطح سے ۱۰سمر براکیا نقطی شخص واقع ہے۔ اُن شعا حول کے کیے جوآئینہ کی سطح بر محور سے ۲٬۷۱ وور ۸ سمرسے فاصلے پرواقع ہوئی ہیں ضلالت محسوب کرو۔

(١١) محدّب آئينه كي صورت من ابهاى انعكاس كي تحقيق اسى طرح كروس

طرح كداس برياب فداين مقعرآئين كي صورت سي بحث كي كئ م -

(م) ایک مقد آئینہ کا نصف قطرانخان سم ہے اور اِس کے کنا دے کا قطر دسم ہے جواں سے ، دسمرے فاصلہ ہر ایک نقطی شخص ایسے سمت میں واقع ہے جو ائینہ کے اور ہا تھ دم کا زادیہ بنائی ہے ۔ اسکی خطوط سے مل معلوم کرو اور

(*4)

إن كے ملول (تعینی شكل منله میں خطوط میں تی اور ت ت سے طول) محسوب كرو-

(ھ) انعطاف تمامہ والیے واسطہ کے اندراک نقطے سے متعاعول کی ایک

بارك منيل متسع بروتى ہد ، جو اس واسطه كى مستدى سطح ير الى سمت ميں واقع ہوكر ہوا میں وافل ہوجاتی ہے۔ نابت کروکہ بینس سے واسطہ میں کے وہ باسمی خطوط

عد جونقط انسطا ف سع فاصلول خ اور خ بروا تع بين منتم موتى نظراتى ب جال في ادرن كيتين حسب ذي بن ا

عُ، ﷺ ، خُ ، مَد جُمَّا مَدَ اِن جَلُول مِين شُ نَفَطَىُ شَمْعَ کا فاصلہ ہے نقطۂ انعطا من سے ، مہ زا ویہ دتوج ہے ، اورطه زاويه انعطاف ے۔

(اس صورت میں دولوں ماسکی خطوط مجازی ہوئے میں اس لیے إن كوسى

یر دہ بیر ماصل نہیں ^کیا جاسکتا ۔ نسکین حقیقی حیال حاصل کرنے کی عزز اسے آگر ایک محدّب عدسه سے کام نیاجا نے تو اِن کا وجود بڑی صفائی سے دکھلا یا جا سکتا ہے۔

إن كو مامل كرينه كا 'بهترين طريقة به بهوكا كه شيشه كى ايك السيى ستى لى جائے عبيري

انعطات برا بتدائی تجربوں میں استعال ہوتی ہے بعنی جس کے ابعاد تقریباً ما ×ساً بیا

ہوں' اور کیس کے ایک سرے کے قریب ترتیب دی ہوئی کسی دھا تی تختی میں پنے بعث أيب باركب سودارخ معد عب سرء هبن تيجيد أكيب برقى ليميب ركا مو، لقطلي مبدادكا

كام ليا جائے -سلى كو إس طرح ترتيب، ديا جا أبے كم إس ميں شعا عول كا راست

جہاں تک ہوسکے لا نبا ہو سبتی میں سے با ہر آنے کے بعد اِن شعاعوں کو ایک محتب

ماسم مدوت ما من كركم اكيد ايرد عبر ان كي تميك كي جاتي هي ميد يدخيال كي فومستقيم بواب يردك كوبتائ يراكب دوسرا خاستقيم اسكيس اجاتاب

جوييني خط لرعمود وار بوناس)

(٩) نابت كروكر مساوات (٢٨) مساوات (١٨) مين تول موجاتي ع

جكرمدكى بھائے۔ اورن كيا جائے -كياكروى سطح يرك إنعكاسس ك تمام منافط اس تفورك تحت افذيك جاسكة إي كم انعكاس أسى سطح برك

انعطاف كى ايك خاص صورت سے ؟

(2) دو ایسے شیشل سے جن کے لیے مواد منفی مطال پر دیا گیاہے ، مم

ے ماسکی طول کا ایک محدّب عدسہ بنا اسبے جر خطوط D اور F سے لیے چرانی موج طول اسکی طول معلوم کرو اور محسوب کروکہ ان کا اجتماع موجی طول

c اور 6 کے بیے کس رمذیک لونی ہوناہے۔

(٨) الك نقطه ستد متنع بوف والا فور الكي مستوى سطح يرمنعطف بوقا

ہے۔ نابت کردکر سس کا آتشی منحی ایک قطع زاید کا بربیجیر (vointe) ہوتا ہے اگر نقطه کمتر ساظری کتافت والے واسطہ میں دافع ہؤاورایک قطع ناقص کا بربیجیہ

بوتليئ أكرنقط زياده مناظري لأافت والع واسطرمين واقع برو

(٩) ایک بینے محدب عدسہ کی دو فرن سطون سے انتمانی نفسف قطراک می

میں اور یہ عدسہ انعطاف نما ۱۶۵۶ دالے سشیشہ کا بنا ہوا ہے - اِس کی کروی ضلا^{نت} کے لیے ایک جا_د افذ کر و جبکہ شخص کا فاصلہ عدسے سے ماسکی طول کا وگٹا ہوا ور اِس

ئى تىكىر بىر يىسى كەنوب ئى تىكىسى يىق ئىچرىم بىسى كەنوب كىلىسى ئىلىلى ئىلىلى ئىلىلى ئالىلىلى ئالىلىلى ئىلىلى ئىلىلى ئالىلىلى ئالىلىلى ئىلىلى ئالىلىلى ئالىلىلى ئالىلى

(۱۰) اس کتاب کے ہو بیں متعدد مناظری شیشوں کے انعطاف نمائل کیا مرکز میں میں میں میرک وہشعشہ اسے وسیدی سیرطون کے C

ایک جدول دی گئی ہے۔ اِن میں سے کن دوشیشوں سے عدسوں سے طیف کے ایک دور اِن کے مدسول سے طیف کے اِن میں اور اِن کے درمیاتی اطراع بات بہترین غیراوی مرکب عدسہ بن سکیکا او جب باقی تمام باتیں و ہی راین ایمیں جان تک اور سکے ایسے سٹیٹے استعال مذکر نا چاہیے

تمام ہامیں و ہی رئیں ہمیں جہاں تک ہموسطے آیسے تصفیصے انستھال نہ کر ما جانکے جن سے م کی چھوتی قیمتیں جانسل ہوتی ہموں اور بنا ہریں کروی ضلالت کے لیے چڑھتے ہوئے منحنی حاصل ہوتے ہوں ۔ یہ فرض کرتے ہوئے کہ مرکب مدسمہ کا ماسکی طیل

برے ہوت میں ما ان ہوت ہوں ۔ بیرس موت ہوت ۔ . اسمر رکھنا مقصد دہے اپنے نتائج کی تونیح اعدادسے کرو۔

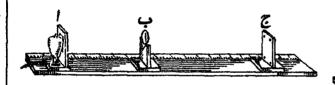
بانجوال باب ائینوں اور عرسوں کے ساتھلات کا یک

تخت مِنا طر: عدسوں کے اسکی طولوں کی تعتین کے نیے الطبیعاتی

(44)

یں جس آلہ سے اکثر کام لیا جا آہے وہ تخت مناظرے ۔ مناظری تختوں کو دو جاعتوں میں ان کے قاعدے اور جاعتوں میں ان کے قاعدے اور استان ہے وہ جس میں ان کے قاعدے اور استان ہے فاطن کے ہوتے ہیں اور دومرے وہ جس میں ان کے قاعدے اور استان ہے دعات کے ہوتے ہیں ۔ آخر الذکر نسبتاً بہت زیادہ قیمتی اور عمواً بہت ہوئے ہیں کیونکہ ان کی ساخت برصحت اور محنت غیر فروری بہت ہوتے ہیں کیونکہ ان کی ساخت برصحت اور محنت غیر فروری طور پر منابع کی جاتی ہے۔ آگر جبکہ یہ تعفی اغراض کے لیے ناگز بر مہوت ہیں عام ہستھال کے لیے ان کی سفار شس نہیں کی جاسکتی ۔ مام ہستال کے لیے ان کی سفار شس نہیں کی جاسکتی ۔ فیصل مقال میں ساگوان کی کاری کا ایک بہت کار آمد اور سیدھا سا دہ تخت اور اِس کے استادے و کھلائے گئے ہیں ۔ اِس تخت کے کنارہ بر

استادوں سے محل پڑھنے کے لیے دومیتر لمبا ایک پیماینہ لگا ہوتا ہے۔ استادہ ایک برقی لیمپ کا حامل ہے جس سے سامنے کلڑی کا ایک پردہ ہے ہاں۔ ایک مستطیلی سوراخ بنا ہوتا ہے جس کے سامنے صلیبی تاریخے ہوئے سوتے ہیں۔
یوسلیبی تاریخی کاکام دیتے ہیں اور اِس شخص کے لیے ایک ہمواد لیں منظر مہیا
کریا نیکی غرض سے بہتر ہوگا کہ سوراخ اور لیمیپ کے درمیان ایک باریک سا
کا نیز چیپاں کر دیا جائے۔ استادہ ب آئینہ یا عدسہ کو سہار نے کے لیے ہے،
راس کا اویری حصد انگریزی حرف ۷ کی شکل کا ہوتا ہے اور اِسس میں
ایک نالی کھائی ہوتی ہے۔ ج ، خیال حاصل کرنے کے لیے ایک انتصابی بردہ





فشكل عقب

(49)

•

محدب عدسه كا ماسكي طول بسي محدب عدسه كا اسكي طول

معلوم کرنے نے لیے اِس کو است ادہ ب پر بٹھاکر ملیسی تاروں کا خیال بردہ پر حاصل کیا جاتا ہے۔ بھر مدسے سے صلیبی تاروں اور بردہ کے فاصلے نش اورخ 'اپ لیے جانتے ہیں اور م کی قیمت ضا بطہ

 $\frac{1}{\rho} = \frac{1}{2} - \frac{1}{2}$

سے محسوب کرتی جاتی ہے۔ اِس کے سائق سائف صلید ہے تاروز میں سے کسی ایک کاطول اور اِس سے خیال کا طول بھی سرل چا پ کی مدوسے نا پ کیا جاسکتا ہے اور

اِن سے خطی کبیر معلوم کر لی جا سکتی ہے ۔ ظل ہرہے کہ اِس کو منی کے ساوی

ہونا چاہیے۔

ایک اور طریقہ بہ ہے کہ عدسہ کو گئت کا ایک اور طریقہ بہ ہے کہ عدسہ کو گئت کے وسط میں رکھ کر صلیبی تاروں اور بردہ کو اِس سے مساوی فاصلول برر

ترتیب دیاجائے۔ آلیسی صورت میں عائم طور برکوئی خیال حامل نہ ہوگا۔ آب اگر عدسے سے صلیبی تاروں اور پر دہ کے فاصلے بتدریج اِس طرح برطعائے یا

اگر عدمتے مسے میلی تاروں اور ہر دہ نے قاطبے بندریج ایس طرح بر مفاتے یا گھٹائے جائیں کہ اِن کی قبین آئیس میں ہمیشہ ایک دوسرے کیے مساوی رمیں تو

تفعنا منظی کی کہ بان کی جب آب کی جمعیت ایک و فرنسرے سے مساوی دیں و ہمیں ہالا خرا یسے محل حاصل ہو جائمیں گئے جن میں بردہ بیر ایک و اصبح خیال منگا۔

اس صورت میں ش عدداً مساوی ہو گاخ کے اور اِن میں سے ہرا کیے مسادی ہوگا م م کئے ۔ اگر صلیبی ناروں اور بردہ کا در میانی فاصلہ نت ہوتو م عدداً

مساوی ہوگا نے۔

اگرف عدوا چھوٹا ہو ہم م سے تو کوئی محتیقی خیال نہ بنیگا ۔اگرف عدداً بڑا ہو ہم م سے نوصلیبی تاروں اور پردہ سے ہڑا کی محل سے مائل عدسے سے لیے دو محل ایسے معلوم سے جاسکینگے جن میں وہ ایک حقیقی خیال بناتا ہے۔ یہ بات ضابطوں کی نوعیت مصصاف ظاہرہ کیؤکدان کوسابی طور پر حسب ذیل شکل سی کھاجا سکتاہے:

ن = ف الله عن الله عن

ا قد اِن کی شکل میں ' ش کی بجائے شخ اور خ کی بجائے مٹن تکھے سے کوئی فرق نہیں آ آ مشطَ اگر ابتدا ش عوا سمر اور خ = ھاسمر ہوا فرر اگر صلیبی تاروں کو اپنی مجگہ قائم رکھ کر عدسہ کو اور ہ سمر آئے بڑھایا جائے تو ش' ھاسمر اور خ ، ، اسمر ہوجائیگا اور اِسس صورت بیں بھی پر دہ پر خیالی کرر بنیگا۔ایک

صورت میں علیم ووسری صورت میں عمبیری فعلوب موتی ہے۔ اگر عدسے دولوں محلول کا درمیانی فاصلہ او موتو او = خ - ش

سكن ف = خ بش ، إس مي مع مع عد من بدالو اهر من عدف مد وي

ŗ

بیں اگر ف اور و ناپ لیے جائیں توم محسوب کر نیا جا سکنا ہے۔ یہ طریق دوہرے محل کا طریقہ کہلا تا ہے۔

ایک چوتفا طریقة محض یر بهد که حدسته سند ایک لیمپ کے خیال کا فاصلہ فاب دیاجائے جب کہ بر میمپ عدسہ کے داسکی طول کے مقابلہ میں ایک بہت بڑے فاصلہ برواقع مبو۔

مقعر عدسه كا ماسكي طول : الشخص طنيتي بونومتعروس (٠٠

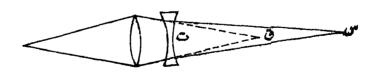
کی و به سے بننے والا خیال به بیشه مجازی بر تاہد، اور اگر خیال حقیقی بروورال کا شخص بهبیشه مجازی بروتاہے۔ بنا بریں کسی مقعر عدسہ کا ماسکی طول صوف اس کو تخت مناظر پر قایم کریے تہیں معلوم کیا جا سکتا ' اِس کے لیے ایک امدا دی مخدّب عدسہ سے کام لینا پڑتا ہے ۔

منفعر عدسہ کے ماسکی طول کی تعیین سے دوآسان طریقے ہیں۔ پہلے طریقہ کے کے ایمان طریقے ہیں۔ پہلے طریقہ کے بیاد کے لیے پر مفروری جو ایمان کر ایدادی محدّب عدسہ زیادہ طاقتور ہوبین یہ کہ اسکی طول سے جھوٹا ہو۔ دوسرے طریقہ سے لیے کوئی بھی محدّب عدسہ کام دے سکتا ہے۔

بہلے طریقہ میں مقعر عدسہ اور امدادی محدب عدسہ دونوں کو ایک جری اس کے ساخف استادہ ب پر چڑھا یا جا تا ہے۔ چونکہ یہ اجتماع ایک محدس عدس کی طرح علی کرتا ہے وہ اس کا ماسکی طول حرحسب معمول دریا فت کرلیا جانا ہے۔ اِس کے بعد صرف محدب عدسہ کا ماسکی طول م علی دہ معلوم کرلیا جانا ہے۔ اِس کے بعد صرف محدب عدسہ کا ماسکی طول م علی م خواہے : پس مقعر عدسہ کا ماسکی طول م ذیل کے جبری ضا بط سے حاصل ہوتا ہے :

مر = مر + مر اورم کی علامت سے مختلف میں ہتی ہے۔ مم کی علامت هراورم کی علامت سے مختلف میں ہتی ہے۔

دومرے طریقہ میں بیہلے صرف محدّب عدسہ کو استُعال کریے ملیبی ارول کا خیال فی پردہ پر حاصل کیا جا تاہے ۔ اِس کے بعد مقعر عدسہ کو جب جیسے کیا ماثل استا دہ پر بٹھا کر محد ب عدسہ اور پر دہ کے درمیان مست بحد کھ دیاجا تاہے



تنسكل مهي

اِس میں سے گزر سے کے بعد شعاعیں کم مستدق ہوجاتی ہیں اور خیال کو مکرر ماسکہ میں ملے آنے کے لیے بروہ کو میں بک میٹا ٹا پراتا ہے ۔ پس ماسکی طول کی تیمت ذبل سے جری صابط سے دریا فت کی جاتی ہے

 $\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$ بہاں ت س ےخ اور ت ق ہش

رِس صورت میں شخص مجازی ہے اور خیال حقیقی ۔

مقعر آئيبنه كا ماسكي طول بمقعرة ئينه كا مسى مول ضابط ذيل

سے تعبیر الاقا ہے

 $\frac{1}{2} + \frac{1}{1} = \frac{1}{1} = \frac{1}{1}$

بس کروبت بیما کی مدد سے ص کی قیمت معلوم کرے اسس کو ۲ سے نفسیم کردینیم م کی قیمت ماسل ہوجاتی ہے۔

اس کی قیمت تخت مناظر پرمعلوم کرنے کے لیے سوراخ دار پردہ د ستعال کیا جاتاہے۔ اِس پردہ کو آئینہ اورصلیبی تاروں سے در میان رکھ دیتے

ہیں صلیبی تاروں سے آنے والی شعاعیں پر دے میں سنے ہوئے سوراخ میں سے

لزركر الينه پرواقع بهوني بي اور إس سعمنعكس بهوكر بروه برخيال بيداكرتي بين - آئينه كو ذرا سا بازوگها ديا جا اسے ور نه خيال خود شوراخ پروافع بوگا- (١١

يس اكرسن اورخ ناب ليے جائيں تو م ى تبيت تحدوب كرنى جاسكتى ہے۔ اگرلیمی کو بہت ہی دور سٹا دیاجائے توخ صریحاً مے مساوی

ہوجا ناہے۔

ایک اورطریقه هسب ذیل ہے۔استادہ دیمستطیلی سوراخیں جان مک ہوسکے پردہ ہی سے مستدی میں ایک بن لگادی جاتی ہے اور استنادہ او کو اِس سے پیچھے ترتیب دیا جانا ہے ۔ ایس اگر اِس بن کا خیال مردہ ہی پر حاسل ہوتوش = خ = ص اورم پردہ اور ہونینہ کے درسیانی فاصلکا

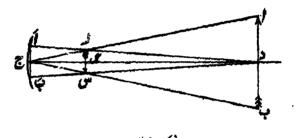
نصف ہونا ہے۔

مسى كروى آئيينه كا ماسكى طول بسي مترروى آئينه

اسکی طول یا نصف قطر انخاصب ذیل طریقه سے بھی معلوم کیا جاسکتا ہے - برطریقه رس لیے خاص طور بر دلجیب ہے کہ یہ سابقہ و فعدے طریفوں سے برفلان مقتب

سُرُوی آئیینہ کی صورت میں بعنی اختیار کیا جاسکتا ہے۔

تقریباً ، هسمرطول والے کا غذائے ایک بیمائے کو کلڑی کی بٹی پرچیکا کر مقعر آئینہ کے سلسنے دویا تین میتر کے فاصلہ پر اُفقی وضع میں اِسس طرح قایم میاجا یا ہے کدمیزسے اِس کی اور آئینہ کی بلندی ایک ہی رہے ۔ اِس بیانے پر



أكينون اورعدسول كمستقلات كأتيا

ترتیب دیاجا تا ہے کہ خیال و مس ایس پیانے کے نشا نوں کی ایک سے تعدادیر شْلاً ل سمر بيمنطبق نظر آئے - فرض کروکہ آئينه کا نصف قطر انخنا = ص ،

اب = ط اورج د = ن ، چنا نجه ؛ ص = بل ف م = ما مال

أكر المئينه محدّب بيونو:

ص = ا را ن

یہ ایک محدب آئبند سے نصف فطرانخاکی تعین سے تمام طربقوں میں سب سے زياده آسان طريفت - يه امرواضح رسي كه چموا بيانه اور بلك بيمان كاخيال (٤٢) وونوں بیک وقت ماسکہ میں ہونے چامبیں ، چنا پنے ف مقابلہ ص سے بہت

بڑا ہونا چاہیے ۔ مقعر آئینہ کی صورت میں ضابطۂ بالا کو ثابت کرنے کے بیعے فرض کروکہ ایک مثلان کی

ج کے وخ ال صریحاً اکب کے مساوی ہے۔ چنا پنے مشا بہ مثلثوں کی

اس کیے ؛

 $\frac{r}{\psi} = \frac{1}{\dot{\phi}} + \frac{1}{\dot{\psi}}$

 $(44) \cdots (44)$

بس ساواتوں (۳۸) اور (۳۹) میں فنے کو ساقط کردیے سے ہیں طال : 82

 $\frac{\dot{\sigma}r}{\partial r} = \frac{b}{U} + r$ $\frac{\dot{\sigma}r}{\partial r} = \frac{b}{U} + r$ $\frac{\dot{\sigma}r}{\partial r} = \frac{b}{U} + r$

بومطلوب إست ترسيء

اسطوانی عدسه : زن كروكه شینه كه ایک بتلے سے كارے كی

سطیں ایسے اسطوانے ہیں جن سے محاور منوازی ہیں۔ سشینہ سے ایسے کراے کو اسطوانی مدسہ کینے ہیں۔ اسطوانی مدسہ کیتے ہیں۔

اگرائیس کی ایس تراش اگی ایسے مستوی سے حاصل کی جائے جودونوں محود وار مبونواس کی ایسے مستوی سے حاصل کی جائے جودونوں محوروں پر عمود وار مبونواس تراش کی شکل کر دی سطوں والے ایک عدسہ کی متراش کے مشابہ ہوئی ۔ بنا بریں اس مستوی میں کسی نقط سے متسع ہونے والی شعاعوں کی کوئی بین اعدسہ کی وجرسے ماسکہ بین آجائیگی ۔ برخلا ف اس کی اگر آگ تراش متوان کی مینوازی ہوتو یہ تراش متوازی بہاوگ والی ایک بیلی سی متی کی تراش سے مشابہ ہوگی اس لیے اس مستوی میں واقع ہونے والی شعاعوں کی بینسل عدسہ کی وجرسے اس میسہ کی وجرسے

غیرمتاثر رَہیگی ۔ یس ایک اسطوانی عدسہ صرف ایسے خطوط کے خیال بنا گاہہ جو اس کی سطوں نے محدوں سے متوازی ہوں ۔ اگراستے ایک مدسہ کو تخت مناظر پر اس طرح قایم کیا جائے کہ بسس کی سطوں سے محاوضلہی تاروں ہیں سے ایک شم متوازی رہیں تو یہ عدسہ انس خاص تار کا نو واضح خیال بنائیگائشکین دوسر تار کا کوئی خیال نہ جائیگا۔ جہاں بنک کہ اِس دوسرسے تار کا تعلق ہے پیشائس محفن ایک مستنوی متوافری تختی کی طرح عمل کر بیگا ۔

یس اس تحدید کے ساتھ انسطوانی عدسوں اور آئینوں سے ماسکی ٹول تخت مناظر پر اسی طرح معلوم کیے جاسکتے ہیں جس طرح کہ کروی عاموں اور

ا منوں سے ماسکی طول -

ماسکی طولول کی تعبین کے لیے کبیبری طریقیے : عدّب

عدسول کے ماسکی طونوں کی تعیتی کے جوطر یقے اب کک بیان ہو چکے ہیں وہ صرف یتلے عدسوں سے لیے موزوں ہیں ۔حسبِ ذیل تمین طریقے موٹے عدسول یا عدسوی

نظاموں کے لیے بھی موزوں ہیں۔

(۱) بچنت مناظر پرشخص کا ایک خیال حاصل کرو- فرمن کرو که اسس می عميسر بنن ہيئے شخص اور خيال کے پر دوں کو فايم رکھ کر عدسہ کو بقلد فاصلہ ف سے اتنا بطاؤ کہ ایک واضح خیال کرر حاصل ہوجائے۔ فرض مرد کم سس صورت میں کمبیرت ہے ۔ تب

م = ن

(r) ایکے محاطریقہ - پہلی تکبیرت کو اکا نئے سے مساوی یا اِس سے ا رکھو۔ عدسہ کو اپنی جگہ فاہم رکھ کر خیال سے بیردہ کو عدسہ سے بغدر فاصلہ

ف دور بطاؤ اوتر خص كو آنى احركت دوكه إسس كى تسيك برده بر كم مروجات

فرض کروکہ دومری صورت میں کبیر ت ہے ۔ شب

م - این دان ا

(س) يرطريقة بهي طريقة بالا (م) بي كم مشابه ب ، ابت إس صورت يس ف شخف کو رسایا ہوا فاصلہ ہے۔ نب

م = <u>ن</u> الم المالية

Abbe

ان طریقول کی ایک خاص خوبی بیسے که اِن میں جس طول ف کی ا بیات مطلوب ہوتی ہے وہ سرصورت میں دو استا دوں کا درسیانی اہل نہیں کیکہ ایک میں استادہ مے سٹاؤ کو فاصلہ ہوتا ہے جس کی بیالیں ہوتا نہادہ

صحبت کے ساتھ برسکتی ہے۔

اکو پرسے تینوں صا بطوں کو خاہت کرنے سے لیے فرص کروکہ ہم صورت میں مشخص اور خاہت کرنے سے لیے فرص کروکہ ہم صورت می شخص اور خیال سے فاصلے اپنے اپنے صدر ستوبوں سے سم مطاق سے بیجے ش اور غ غ میں اور میما فرائد صدش در بنے

تنب برصورت من أين وصل بموكا

يبلى الده وسرى صورتول مي ميس ماسل بوكا

ن ﷺ رُخ ہم (۱- ت) - م (۱- ت) = م (ت- ت) معنی م ہے ت ن است ت

تبسري صورت يتهاا

 $\dot{\mathbf{u}} = \dot{\mathbf{u}} - \dot{\mathbf{u}} = (1 - \frac{1}{2}) - \alpha \left(\frac{1}{2} - 1 \right) = \alpha \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{2} \right)$ $\dot{\mathbf{u}} = \dot{\mathbf{u}} - \dot{\mathbf{u}} = 0$ $\dot{\mathbf{u}} = 0$ $\dot{\mathbf{u}} = 0$

عقدی مرک والآلہ: عدسوں کے سی نظام سے

ماسکی ستوی بآیانی اسس حرح معلوم کر لیے جاسکتے ہیں کہ پیلے اس کی ایک جانب سے تعلی اس کی دوسری جانب سے متوازی شعاعوں کو واقع ہونے کا موقعہ دیا یہ ہی اور ہر دوصور توں میں خیال کے عل کا مشاہدہ کراریا جائے۔

عقدی نقطوں کی یاسہ ، نامتن کا بھی ایک اچھا طریقیہ ہے ۔ منعقم ادیا د ہوگا کہ همقدی نفطوں کی خاصتیت یہ بتانی گئی تھی **کہ اگر**

نور کی کوئی شعاع آیا۔ مندی نقطہ میں سے گزرے تو اس کی مزدوج شعلیٰ دوسرے عقد بی نقطہ میں سے گزرتی ہے اور واقع شعات کے متوازی ہوتی ہے۔ اب ذمن کرو کہ منوازی شعاعیں اِس نظام پر خطائشخص میں واقع ہورہی

اب بین روز کا مواری معالی اس مقام پر کفت میں یا واج ہوری میں اور بیکہ یہ نظام چل دار موتا ہے تاکہ یہ خطۂ خیال سے عقدی نقطہیں سے گزرے والے ایک انتصابی محورے گروگر کشش کرسکے ۔ اِس گردش سے دوران

میں خطار شخص کا عقدی نقطہ ایک جیمونی سی قوس مرتسم کرتاہے اور اِس میں سے

سيح بعد ديكيب فتلف شعاعيس گزرني جاتي بين ولين مراتع شعاميس سب كي ، با ہم منوازی ہیں اور اِس لیے خطائشخص کے عقدی نقط میں سے گزرنے والی شیاع کی سمت ہمیشہ ایک ہی رہتی ہے۔ بنا برین خطا خیال سے عقدی نقل میں سے گزرنے والی شعاع تی سمت جمیشہ ایک ہی رہتی ہے اور اگر خیال کو اک بروہ برحاصل کمیا جائے تو بہ بنیال نظام کو گھانے برساکن رمہناہے ۔ ہِسس یرده اور گردینی مورکا درمیانی فاصله صرایماً نظام سے اسکی طول کو تجهر کرا رِس طریقبہ کو علی صورت دینے کے لیے عدسونی نظام کو ایک اسٹا ڈہ نیر تا یم کیا جا تا ہے جس کو ایک گردشی میز بر رکھ دیتے ہیں - رس مبزکے ایک با زو استادہ کامل بڑھنے کے لیے ایک بیان لگا ہوتا ہے۔ یہ آ اوعقدی سرک والا آل بلانا ہے۔ استنادہ کو بیمانے کے مختلف مقامات پر ترتیب دیے کر مرا کیب رُّتُ سے جواب میں گردشی سرکو گھمایا جا تا ہے ۔" و قتیکہ گردشش کا محدر خطرُ خال کے عقدی نقطہ میں سے نہ گزرے خیال پر ، پر حرکت کی جا ہے۔ تھیک محل سے آگے براحہ جانے پر خیال کی حرکت کی سمت کی شود جاتی ہے۔ میں ماسکی طول عام طور پر عدد ی نتاج کے خاطر معلوم نہیں کیے جاتے بکا طلبا کو علم منا ظرمے اصول سمجھانے کی غرض سے ۔ جن عدسوں سے اسکی طولوں کی یں کی جاتی ہے وہ عام طور پر عینک سے مدسے موتے ہیں اور ان کے کی طول ۲۰ یا ۳۰ سمر بهونتے بین آکیونکه ایسے عدسے دو مینزطول والے ناظر کے لیے بہت موزوں ہوتے ہیں - محدّب عدسے سے لیے صفی مال ير جوطريقے بيان كيے كئے ميں ان كے واحد نتائج سے ابسے عدسوں كے ماس طول قربیب تربن تی مینر کی صحت مک حاصل ہوتے ہیں لیکن صفحہ <u>۱۳۵</u> بربیان کیے ہوئے تکبیری طریقوں سے اس قداد محریح نتایج مامل نہیں ہوتے ۔ اگراس سے زیا دِ مسحت کی واقعی ضرورت مهویا اگر ایک ایسا طریقه شطلوب مهوجس سے مثلاً ایک دوربین کے چیٹمہ کا معادل ماسکی طول بھی معلوم کیا جا سے تو بگ کے عداسون امنحان کیے فقت جیسے کسی صاس آلے سے کام لیا جاسکتا ہے۔ بہرمال یہ بتا وینا ضروری - نہ کہ کسریبانی طرد بین کی مدوسے جو تقریباً برحل میں پائی جاتی ہے ماسکی طوروں کی الیسی میں بنا کا کی جاسکتی بیں جوکسی اور طریفندسے حاصل مشدہ قبتوں کے سائفہ بخ بی جائی مقابلہ ہوتی ہیں -اس طرائے یہ ودر پر کی کسی شخص سے بہائی خیال کی خیال کی خیال کی جانی

رس معنی میں میں میں ہوئر بیات وہ ان کے بہتی میں ای میں ان کے بیان میں ہوئے میں میں ہوئے میں میں ہوئے میں میں ا کیم ان انتقالی بیانے سے شخص کا کام لیا ۔ اسس کو ایک برقی لیمی سے ملکہ

سر، مرکی روشی ۔ سے منوبی ایا تھا۔ خرد بنی د ہا نوں سے لیے یہ فاصلا سبتاً (هه)

بہت البوا اجا اینے سربالی خرد بن میں اُنقی اور استعابی دونوں حرکتیں

ہونی چاکمییں ۔ مدسر کو اسس سے سائے ایک استادہ پر قام کرنے خیال کا ول اماب لیاجا تا ہے۔ اگر اِس کی تکبیرت اور شخص کا فاصلہ خیال سے ف ہو اور اگریش اور خ کی محض صالی قیمتوں کا لی ظ کہا جائے تو:

ت = ف ، ف = ش + ف = ش (١+ ت)

 $\frac{\ddot{\psi}}{\dot{\psi}} = \frac{\ddot{\psi}}{\dot{\psi}} = \frac{\ddot{\psi}}{1 + \ddot{\psi}} = \frac{\ddot{\psi}}{1 + \ddot{\psi}} = \frac{\ddot{\psi}}{1 + \ddot{\psi}}$

اس میں ت عام طور نیز انٹریجوٹا ہوتا ہے کہ نشب نماکو اسے مساوی سمجھا جا سکتا ہے -

اس طریفندی آیہ مونی پیسے کہ اسس میں پیایش کی فی مدی خطا شخص اور خیال سے طولوں نے لیے اور فاصلہ ٹ سے لیے آیہ ہی ہوتی ہے۔ سر میں میں میں میں میں میں اس فاصلہ کا اسم

اب بی بسدر من یوں سے درسانی فاصلہ کو نظر انداز کیا گیا ہے الکین م کی بیلی میں میں ہوسکتی ہے اس سے لیے ہوائی خیال سکین م کی بیلی قیمت سے اس کی تخین ہوسکتی ہے۔ اِس سے لیے ہوائی خیال سے فاصلہ م ناپ کر عدمہ کے ڈھا تجے یہ آبیہ نشان کر لیا جانا ہے چھرعدسکر

Beck Lens Testing Bench -

بلط کراسی مل کو و مہراتے ہیں میددونوں نشان صدر ستو یوں سے محلون کو تعبیر کرتے میں کیونکہ ف بہت ہی بڑا ہے۔ اس فاصلہ کو ف بیں سے تفریق کرمے نیادہ صیح متیب محسوب کرلیا جا سکتا ہے۔ ف اتنا بڑا ہوتا ہے کہ اسس سے بہت زیادہ صحت سے ساتھ جاننے کی ضرورت نہیں پڑتی۔

اِس طریعہ کا اطلاق طویل ماسکی طواں والے عدسوں بربھی 'وسکاہے۔ اِس کے لیے دوبعید شخصوں کولئے کر آلۂ سفدس کی مددسے اِن کے درمیانی ناکا کی یمانیش کرنی جاتی ہے۔ چنا بخہ اگر خیال کا طول لی اور زاویہ ۲ نمہ ایو تو

م مساوی ہوگامض بمس عمر

عدسه كى ضلالتول كى تقيق بسى عديسوى نظام كى وج

سے بننے والے خیال اور شخص کے محاول کے درمیان ربط دکھانے والے نہابط کو افذکرتے وقت یہ بان ایا گیا تھا کہ ہر ایک شعاع مور سے ساتھ ایک ایسا چھوٹا زا ویہ بناتی ہے۔ کہ رس کے جیب کو اس کے مسادی اور اس کے حبیب التمام کراکائی ہے۔ کہ رس کے جیب کو اس کے مسادی اور اس کے حبیب التمام کراکائی ہے۔ کہ اس کے جیب کو اس کے حبیب التمام کراکائی ہے بھا وُل میں دوسری رقبول کا بھی افا کیسا جبوب اور جیوب التمام میں سے متعامول کے گزر بر ایک عام نقطہ نظرت فور کرسکتے ہیں۔ جن بچہ اس تقطہ نظرت فور کرسکتے ہیں۔ جن بچہ اس تقطہ تی جانب نہیں بلکہ ایک جیوبے سے رقبہ کی خطار خیال میں شعاعیں ایک نقطہ تی جانب نہیں بلکہ ایک جیوبے سے رقبہ کی جانب مستدق ہوت اور جیوب اور جیوب التمام سے بھیلا وُل میں صرف اور فرول کا جین کا وی محدہ طریقہ نہیں ہے۔ ہول کہ ایک جیوب اور جیوب التمام سے بھیلا وُل میں صرف اور فرول کا میں ضورت کی تحقیق کا تو کی محدہ طریقہ نہیں ہے۔ اس صورت میں خطار خیال میں شعاعوں سے راستے علم مثلث سے طول اولی والی میں میں میں مراتے ہیں۔

أكرشعاعيل مورت ساته جيموف زاوي مذبنائين توخيال سخ ببوتا

ہے یا کس میں نقابص بائے جانے ہیں یعفن فاص صورتوں میں یہ نقایص امتبازی شکلیں اختیار کرفتی میں ۔ مثلاً کروی صلالت ، کولا ، ابہامیت م سطح کا انخا ، مشخ ۔ جن میں سے ہرایک ریاضیا تی نظریہ کے ایک فامن تنقل پر منحصر ہوتا ہے۔ بیس عام نظر بہ میں یول سمجھا جا سکتا ہے کہ یہ یا نیخول نقای*ص* فیرتا بع طریفنہ پر اور ایک متغیر صدیک یا سے جا سنتے نیں۔ یہ اس ے لیے شخص کے ایک میں معل سے لیے آیا۔ اختصاصی حیثیت رکھتے ہیں۔ سی سے کسی ایک تقص سے لیے اس سے نتنا المستقل کی قیمت کوصفر سے (44) ساوی بناکر نظام کی تصحیح کرنی جاسکتی ہے اور اِن میں سے ہرایک کے لیے نظام کا علیدہ علیٰدہ امتحان کرہے اِس سے خیال بنانے والے حواص کی تخ *کی طالعتی ہے ۔ تکی*ن یہ بیان کر دینا ضروری ہے کہ فی زمانہ ان نقائ**یں ک**ی جاني يا قدرى بهايش ك كونى عام مُستمه طريق نهين مي -بلاستبه تذكوره بالانقايص كے علاقہ عدسول كى سطى سلم بيح ندبو کی وجہ سے یا اِن کے مختلف ا جزا دیے مرکز ایک سیدھ میں نہ ہونے کی دھ سے بھی، دیگر نقابص یائے جاسکتے ہیں۔ اِن کے سوالونی ضلالت تھی ہے۔ چونکہ ایک سے تحاف سے خوبی اکثراوقا ت کسی دو *مسرے سے تحافا*سے خامی بیدا کرکے حاصل کی جاسکتی ہے اِس لیے عدسوں کا امتحان صریحاً اُن خاص حالات سے تخت کمزنا پرٹر تا ہے جس میں کہ یہ استعمال ہونے والے ہوں اور ائن نقا لیس سے لیے جو اِن خاص حالات میں اہم ہوں ۔ عدسول کی صلالتوں کی صحیح بیالیش سے لیے بلک کے تخت امتحال جبيها آله ناگزير مهوتا ہے۔ بهرحال ذيل ميں دو آسان طريقے بيان سيے جانے ہیں جو ضلالتیں بڑی ہونے کی صورت میں کھ حد تک مفید تا بت ہوسکتے ہیں۔ يبلے طريقي ميں اك ايسے كسر بياني كُو خرُد بين كى ضرورت يراتى ب جس کو ایسس سے طول کی سمت میں آگے کی طرف دت بیٹی کی مدد سے سرکایا ماسکتا کہو۔ اگر اس سے طول سے علی القوائم انتضابی حرکت اور اُفقی حرکت کا بھی انتظام ہوزئو بڑی سہولت ہوگی سکین یہ ناگزیر نہیں ہیں۔ الومینیم سے

Distortion _

ایک بیلے بترے میں ہے ہوئے ایک مرفطر کے ایک دائری سوراخ سے مباد ایک بیب باد ایک بیب ایک بیب کا کام لیا جا تا ہے۔ اس کو خرف بین سے تقریباً ۱۲ میتر کے فاصلہ پر ایک لیمب کے سامنے قایم کر دیا جا تا ہے۔ زیر امتحان عدسہ اِس متور سوراخ کا ایک بوائی خیال بناتا ہے جس کا مشاہدہ خرد بین کی مدوسے کیا جا تاہے۔

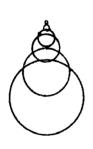
میل بناتا ہے جس کا رہائی کی جائی ہے یہ سوراخ سے بیچے مٹرخ سے شیشہ کو مٹاکراں کی بھار اور کھ کر خیال کی تسایک کر بی جاتی ہے۔ بھر اسسی نظری سنیشہ کو مٹاکراں کی بجائے ایک بیائے ملائر کے دیا جاتا ہے جس سے تقریباً بیک لوئی سبر روستی حاصل ہوتی ہے فردین کو آگے سرکا کر خیال کی مرد تسیک کر لی جاتی ہے۔ اِن دونوں خیالوں سے درمیا نی فاصلہ ل کو عدیدے ماسکی طول پر تقسیم کرنے سے لوئی ضلالات کی درمیا نی فاصلہ ل کو عدیدے کے ماسکی طول پر تقسیم کرنے سے لوئی ضلالات کی

ہوتا ہے۔ ابہامیت کی بیایش کے لیے عدسہ کو اسس طرق مکھا جا گاہے کہ آل کا مور خرد مین اور مبداء کو طانے والے خطے ساتھ تقریباً ، ا کا ایک زاویہ طم بنائے۔ چنا پخہ اس صورت میں ایک نقطی خیال کی بجامے دوعسی القواہم خطی خیال دکھا کی دیتے ہیں جن کے درمیان خرد مین کے محور کی سم ت ہیں ایک ناصدل با یا جاتا ہے۔ البتہ إن بر و گیر نقالیس کی وجہ سے پردہ پڑسکا ہے۔ اِن خطی خیالوں کا درمیانی فاصلہ طرکی چھوٹی فیمتوں کے لیے طام سے

تناسب مرنا چاہیے ۔ اس ابہامیت کی تقریبی بیانی ل سے برکتی ہے۔

اگرکسی عدسہ کی مددسے ایک ایسے نقطی مبداء کا خیال حاصل کیاجائے جو اسس سے عود پر واقع نہ ہوتو عدسہ کے مرکزی منطقۂ کی وجہسے تو ایک تفلی ا بشکا سکین دیگر منطقۂ ن کی وجہ سے علقئی خیال من سکتے ہیں جن کے قطر عدسے کے

مرکزت منطقہ کے فانس کے ساتھ ساتھ ساتھ بوست جانتے ہیں۔ یہ صورت اس وقت علی بیدا موسکتی ہے جگہ عدسہ کی تصحیح کروی ضلالت کے لیے کرلی گئی ہو۔ یہ صلح ہم مرکز نہیں بلکہ شکل مالاے مطابق



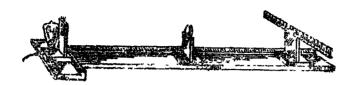
سے اس سے مرکزے فاصد کا نسمت ہونا ہے۔
بنا بریں روشنی کا بیمنوی شکل کا ایک دھتہ
ماصل ہوقا ہے جس کا تنگ سرا دو سرے
سرے سے بہت دیا دہ متور ہوتا ہے۔
اسس نقص موسمو یا کہتے ہیں اور یہ نقص
اس وقت فا نب ہوجاتا ہے جیکہ عدی نظام

جیبی مشرط کی مطابقت کہنے ۔

موتني بن اور برعلقه كالصف فطرنقط خال

فكل مهر

مینگ کے عدسہ کی حصی بفتے والے خیال کے انحا اور مسخ کی بیایش شکل عالم میں دکھلا کے جوئے آدر کی مدد سے بخربی کی حاسکتی ہے - یہ آلہ ایک شخت مناظر میشتل مہوتا ہے جس کے ایک سرے پر ایک آٹر اسخت ملی رہتا ہے - اِس کے کنارہ سے لگ کر ایک استفادہ حرکت کرسکتا ہے جس پیم لیمپ سے متورکرد وصلیبی تاریکے ہوئے ہیں ۔ خیال حاصل کرنے کے لیے حمولاً استعال ہونے والے بردہ کی بجائے ایک لانے سفید بیلی نے سے کام لیا جاتا ہے ۔ یہ بیاید اور عدسہ کا استادہ دونوں خود تحت پر حرکمت کرتے ہیں ۔ اسلی تخت اور الرساخت دونی پرنی میترون کے بیانے لگے اور تارین اس



49 JEE

میب کو پہلے اسس طرح مرکھا جاتا ہے کہ تعنص اور خیان کو طانے والا خط تخت کے مورک کلیک متواذی رہے۔ اب آگر بیب کو آرا کے معنف پر بغدر فاصلہ او مٹایا جائے تو خیال پہانے پر بغدر فاصلہ ب سکہ است جاتا ہے اور اس سے سانھ ساتھ کر رہتیک واسل کرنے کے سلے تانی الذکر کو تخت پر بغدر فاصلہ جے مٹانا پڑتا ہے۔ مسنح کی بیالیش ہو۔ اور و سکھ تنا سب یں یائے جانے والے الخواف سے کی جاتی ہے اور المحن سب

مثامر

 ماسکہ میں نہیں آتے ۔ چنا بخد اگر بیلے انتھائی تارکو ماسکہ میں لایا گیا ہوتو اُفقی تارکو ماسکہ میں لے آنے کے لیے خیال سے بردہ کو بقدر ایک جھوٹے سے فاصلے سے مٹانا ہوتا ہے۔ تجوبی طور پرمعلوم کروکہ یہ مڑاؤ عدسہ اور تخت سے محوروں سے درمیانی زاوایہ سے ساتھ موس طرح بداتا جا تا ہے ۔ زاویہ کی بیالیش جا ندہ کی مددسے بخوبی ہوسکتی ہے۔

(س) ایک طالب علی کو ایک مختب عدسہ اور ایک مقعر عدسہ دے کراس سے این کے ماسکی طول سلوم کر ہے کہ ماسکی طول سلوم کر ایک مختب اور ایک مقعر عدسہ دے کراس سے لیان مقعر عدسہ کا کہو حدت ، شاید کوس سے ساتی مول باسانی معلوم کر لیا گیا اور بر سم ہوسم واسل ہوا ہوا ہے ۔ مختب عدسہ سے زیادہ طاقتور معلوم ہور ہا تھا اس لیے مقعر عدس سے ماسکی طول کی تعین سے بہتے طریقہ سے کام لیا گیا ۔ لیکن شعلم کویہ دیکھ کر تعب ہوتا ہے کہ ماسکی طول کی تعین سے بہتے طریقہ سے کام لیا گیا ۔ لیکن شعلم کویہ دیکھ کر تعب ہوتا ہے کہ مور اس مرکب بوتا ہے ادر دوسرا منور اور عدسوں سے دور ۔ اگر بڑھم خیال سے دور کام لیا جائے کے تو اِس مرکب نظام کا ماسکی طول سادی م سمرحانسل ہوتا ہے ، وراگر ایا ورائی مرکب نظام کا ماسکی طول سادی م سمرحانسل ہوتا ہے ، وراگر کیا میا کیا ماسکی طول سادی م سمرحانسل ہوتا ہے ، وراگر کیا میا کا ماسکی طول سادی م سمرحانسل ہوتا ہے ، وراگر کیا کہ کیا کیا کہ کیا کہ کیا کہ کیا کو کا ماسکی طول سادی م سمرحانسل ہوتا ہے ، وراگر کیا کہ کام کیا کہ کیا کیا کہ کو کیا کہ کیا کہ کو کو کیا کہ کیا کہ کیا کہ کیا کہ کیا کہ کیا کہ کور کیا کہ کور کیا کہ کور کیا کہ کیا کیا کہ کیا کہ کیا کہ کور کیا کہ کور کیا کیا کہ کور کیا کہ کیا کہ کیا کہ کور کیا کر کور کیا کیا کہ کور کیا کر کیا کہ کیا کہ کور کیا کہ کیا کہ کور کیا کہ کور کیا کہ کیا کر کیا کہ کور کیا کر کیا کہ کور کیا کہ کور کیا کہ کر کیا کہ کور کر کر کیا کہ کیا کہ کر کیا کہ کور کر کر

ں م بیا جات و ہوں رہب مصام ہو ہوں موں ۱۹۸۴ رہ کا رہا ہا۔ روشن خیال سے کام لیا جائے تو یہ ماسکی طول ۶۶۸۳ سمر حاصل ہوتا ہے۔اُسے کس خیال سے کام لینا چاہیے اور کیول ہ

(مم) ایک منفعرنو نینه کا ماستی طول ش اورخ کی پیچایش سے حسب معمدال علی

کرلیا جا آئے اِس نجرب میں شامیں خیال سے پردہ میں جنتے ہوئے ایک بڑے سوکران میں سے گزر کر آئینہ پر واقع ہونی ہیں۔ اور اِس آئینہ کو ایک انتصابی مور سے گرد کسی قدر گھا کر رکھن پڑتا ہے تا کہ خیال خود سوران ہی پر واقع نہ ہو۔ اِسس کی وجہ سے بچر ہیں پائے جانے والی خطا کی قدر پر مقعر آئینہ برکے اہما می انعکال کے نظریہ کی روسے بحث کروا ورکسی حقیقی صورت کے لیے اعداد میش کرو۔

عے تطریبی کو و علی بیت کرو اور می سیمی مسورت سے سے معداد بیل مرود۔
(۵) ایک مقعر آئینہ کا ماسکی طول معلوم کرنے کی فرض سے کئی میتر کے فاصلاً کے موٹ کے بیٹر کے فاصلاً کی موٹ کے بیٹر کے فاصلا ہو اور سے مربال حاصل کیا جاتا ہے ہے۔
اس نتیج کے مرمز کا میسم مونے کے لیے نیمپ کو کتینے فاصلہ پر ہونا چاہیے ہو اسے ہے۔
(۱) ۲۲سمر ماسکی طول کا ایک محدّب کردی مدمد ایک اُسطوانی عدسے ساتھ

تماسس میں رکھا ہواہے اور اس اجماع سے متور صلیبی تاروں کا ، جو انتصابا "اور افقاً واقع ہیں ایک خیال حاصل کیا جاتا ہے۔ انسطوانی عدسہ کا ایک و خیاستوی ہے اور انسطوانی سطح کا محررا نتصابی ہے۔ اگر شخص ہس انسطوانی عدسے سے ، دسمر کے فاصلہ پر واقع ہو اور یہ انسطوانی عدسہ (و) ، مہسمر ماسکی طول کا ایک محدب عدسہ ہو ، تو دریا فت کروکہ ہرایک صلیبی تارکا خال کہاں بنتاہے۔

(٤) كُرُوى آنينه كے نفسف قطرانخا سے ليے صفحہ ساتا پر اخذيكے ہوئے ضابط

بهت زیاده آسان موجاتے ہیں اگرل کو ط سے مقابلہ میں نظر انداز کیا جاسکے۔ ثابت کردکہ یمفروضہ بنزلا یہ فرض کرنے سے سے کہ جھوٹا بیانہ خیال ہی سے مستوی میں واقع ہے۔ نیز ایس مفروضہ کی بنا پر ابتدائی امولوں سے محولاً بالا آسان ضابط افذکرو۔

(۱) دو اُسطوانی عدسے جن میں سے ہراکیہ کا ایک رائے مسنوی ہے ایک دوسرے کے ساتھ تماسس میں رکھے ہوے ہیں ، اِن کی مددسے ، سرمرے فاصلے یہ سکھ ہوئے منو رصلیبی تاروں کا ایک حقیقی خیال حاصل کیا جا اہے ۔ اُسطوانی سول کیا جا اہم ہوئے ہیں اور اِن میں سے ہراکی محور ایک مصلیبی تاریح متوازی ہے ۔ سلیبی تا روں سے خیال اِس مرکب نظام سے بالتر تیب مسلیبی تاروں سے خیال اِس مرکب نظام سے بالتر تیب مہم اور ۱۰ سمرے فاصلول پر حاصل ہوتے ہیں ۔ اِن عدسوں کے ماسی طول کیا ہیں ہوئے تو اِس کا خیال کہاں بنتا ہ

(۹) ایک محدّب عدسہ کو شخت مناظر پر چڑھا کر ہس سے ایک پر دہ پر خیال مامل کیا جاتا ہے جب کے بردہ پر خیال مامل کیا جاتا ہے جب کی تکبیرا ۲ ہو ۔ پھر شخص اور خیال کے پر دوں کو اپنی جب سے ایک اپنی جب کے جس سے ایک واضح خیال کی طرف اسمر میٹایا جاتا ہے جس سے ایک واضح خیال کمرر حاصل ہموتا ہے ۔ اگر آپس صورت میں تکبیر ھاسم ی ہموتو عدسہ کا اسکی طول محدوب مرو۔

(۱۰) باب نہائے پہلے طریقہ سے ایک پیلے محدب عدسے کا ماسکی طول ن متر

(بالفرض ٨ يا ١٠ مرتبه) معلوم كرو - إن سب نتايج كا اوسط لو، سس اوسط قيت ا سے ہراکی بیج کا فرق محسوب کرو ، إن سے مربع كر إن مربول كا حاصل حمع معلوم کرو ، إس ماصل مع کو ن (ن -١) برتسيم كرے فارج قسمت كا جندر نكالو له إسس مُذركو آخري نتيجه كي دو اومسط خطآا" كينة بين - اس اوسط خطا الو (44) یا سے (بلکہ ترجیحاً م ، ۶۹۷ سے) منرب دینے پر آخری نتیجہ کی در افلب خطا" حاصل ہوگی۔ آخری نتیجہ کی اوسط خطا اور اغلب خطا کو تغدا دمشا ہوات سے جذرسے ضرب دینے پر انفرا دی مشاہرات کی اوسط خطا اور افلی خطاع ال ہموتی ہے۔ فرق (فه) او د 19سمر - سمم ۲۷ 5-090° 5 . . 6 . 4 5-1864 1104+ 3.7 علاجم=۲۸ سم ۱۱۴ 1000=7011.7 نتیج کی اوسط خطاء = م <u>silary</u> = ۲۵ سرو نتيجه كى اغلب خطاء = به × ١٣٥٧ ، و= ٢٠٣٠ و ٠ ٢٠

ا کمب واحدمثیا بره کی اوسط خطاء = ۲۰۳۸ × ۱۰۰۰ = ۱۱۱۳

ایک واحدمشایده کی اغلی خطاء = ۲۳ × ۶۰۲ تا ۲۰ = ۶۰۹۰۶

نتا بج بالاكو حاصل كرف كابير طريقة نظرية ظن يرمنى بعد - برنتايج مرت

اسی صورت میں درست ہوتے ہیں جب کہ انفرادی مشاہدات مصح قیمت کے گھالگ

معض سلمدانفاق کے تحت سجھرے ہوئے ہوں ۔ اِن نتایج میں یک طرفہ خطاف کا کوئی نعاظ تنبس ہونا مثلاً جو خطائیں ایس مفروضہ کی وجہ سیے بیدیا ہوتی ہیں کہ

ستعلم عدسہ نہایت ہی بتلاہے اور یہ کہ اس سے صدر نقاط با ممنط تر ہوتے من الله سے إل نتائج ألى الى سروكار نہيں -

سی واحد مشامده کی افلب خطاء ایک اسی مقدار کوظام کرتی سے

جس کے اُورِ اور نیچے بروٹ نظریہ نہ کی قیمتوں کی ایک مساوی تعداد یا تی مانی جاسیعے ۔مثال بالا میں فہ کی چار میتیں نینی تہم م ۲۶ مر۸ ۶۰۰ ۱۱۱ و اور ۲ ۱۵۱۶ اوسط اغلب خطاء وم ٤٠٠ وسيم بري بن اور باقمتس لعني مهم وي ١٠٠٠،

ساری ۱۹۰۷ ماری اور ۲۹۰۷ اسسے چھولی۔



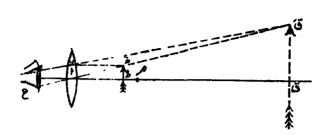
Theory of Probability

چھٹا باب مناظری آلات

ی سخیشه با ساده خرد بین :مبی آنکه ی است

بہترین تمسیک ایک ایسے خص پر ہوسکتی ہے جو اِس سے ۱۰ یا ۱۲ ایج سے فاصلہ پرواقع ہو۔ بنا بریں اِس فاصلے کو روبیت واضح کا فاصلہ کہتے ہیں۔ اگر ہم شخص کو قریب تر لاکر اِس کی مزید تفصیلات کا مشاہدہ کرنا چاہیں تو اس کو وضاحت سے دیکھنے کے لیے ہمیں آنکھ پر بار ڈالنا پڑتا ہے۔ پس اسی خص کی تفصیلات کے دیکھنے سے لیے واضح روبیت کا فاصلہ ہی بہترین کسمام ہوتا ہے۔ مقام ہوتا ہے۔

سر سر رو رو رو ہا ہے بینوے ، می سون ۱۹ بیک فارب فارسہ ہے ، و ع بر کی آنکھ سے سامنے رکھا ہے ۔ فرض کرو کہ اِس عدسہ کا ماسکہ ہرہے اور ایک شخص ط ط اِس سے ماسکی طول سے اندرواقع ہے ۔ چنا نجہ عام ترسمی طریقہ سے خیال کامحل ق فی بر حاصل ہوگا۔ یعنی ط ط سے محل کر ہم بھی سے داخل ہونے والی تمام شعاعیں عدسہ کی وجہ سے منعطف ہونے سے بعسہ ق ق کے سے آتی ہوئی معلوم ہونگی۔



ہیں معلوم ہے کہ . $\frac{\dot{5}}{4} = \frac{\dot{5}}{3} = 1 - \frac{\dot{5}}{1}$

جاں ا، خیال کی قامت ہے اور اشتفس کی قامت ۔ اب فرض کرو کہ یہ خیال روبیت واضح کے فاصلہ پر واقع ہے۔ اِسس فاصلہ کو ف سے تعبیر کرد یے نکہ آ کھ عدسہ سے بہت قریب ہوتی ہے اِس لیے ہم خ کو ف کے مساوی

سم سکتے ہیں۔ بنابریں ما = ما (۱- ف) یا تعریباً - ماف سے

کیونکہ م، ف کے مقابلہ میں چھوٹا ہوتا ہے۔ اسی شخص کی ظاہری قامت اس زراویہ پر منحصر ہوتی ہے جو آس ند، رکسی شخص کی ظاہری قامت اس خواجہ کا رہ ہوتی سے میں میں شخص کے محاذی آنکھ یر بنتاہے ، سکن اگر شخص ط ط کا آنکھ سے راست امتحان مقصود ہو تو اِس نمو ق پر ر کھنا پڑ یکا ۔ اِس بیے عدسہ سے بغیر*اور ملا* بيساته د كهاني دين والى طامرى قامتون مين ومي نسبت ياني جاميكي ا٨) حرشخف اور فيال تے قطی ابعا ديس ياني جاني ہے بشرطبيکه يہ جھونے ہول -

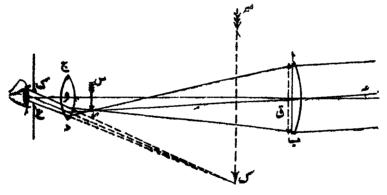
یں اس عدسہ کی وجہسے بیدا ہونے والی مجیر ف ہوگی جبکہ اس کی علامت كونظراندازكرديا جاك -

جب ایک واحد محدّب عدسه کو طریقة بالاکے مطابق استعال کیا جا آ بے تو اس کو بعض اوقات ساوہ خردین کہتے ہیں ۔

ایک واحد عدسه کی بجائے بیتلے عدسوں کا ایک اجماع بھی استعال کمیا جا سخا ہے بھی استعال کمیا جا سخا ہے بھی استعال کمیا جا سکتا ہے مثلاً فلنط مشیشہ کے دو مقعر عدسوں سے درمیان کراؤن شیشہ کا ایک دو ہرا محدّب عدسہ دے کر ایس مرکب عدسہ سے ایک سادہ خرد مین کا کا م لیا جا سکتا ہے ۔ ایسے اجتماع کو لوئی ضلالت ، ابہا میتت اور مسخ کے لیے درمیت کیا جا سکتا ہے ۔

فلکی رور بیری: نکی دوربین کامن طری نظام دو عدسوں پر مشتل ہوتا ہے: ایک عدسہ جود انگراتا ہے دور سے کسی شخص کا ایک جمتی خیال پیدا کرتا ہے اور دوسرا عدسہ جوج شمہ کہلاتا ہے چیئے حیال کا ایک مجسر مجازی خیال پیدا کرتا ہے ۔

یں ہی وضاحت شکل ملک میں کی گئی ہے۔ 1 ب د إ زہے ص کا



شكل علك

قطرق اور ہاسکی طول هرہ - ج د جیشہ ہے جس کا ماسکی طول م ہے - م م ب این اسکی صنوی می شخص کا ایک حقیقی اور اُنٹا خیال در میں جاتاہے

یہ خیال ج دے اسکہ کے عین اندر ہوماہے جس سے یہ عدسہ ایک تکبسری سشیشہ کی طرح عل کرتے ہوئے گ ھ پر و س کا ایک مجازی کبر خیال بیڈاکر ناہے گ 🚜 پر کایسی وہ خیال ہے جوع کے پرکی آنکھ کو دکھائی دیتاہے۔ كرسس ألكى مكبير معلوم كرفيق في بم حسب ذيل طريقه افتتيار كرمكت میں ۔ فرمن کرو کہ دور کے شخص سے محاذی ہ نکھ پرزاویہ عمد بنتاہے ۔ چونکہ تعنعس بہت دورو اقع ہوتاہے اِس سے محاذی د بانہ پرسٹنے والا زاویہ بھی ٧ عه مي ہوگا - بنا بريں خبال رس كاطول ١ عه هر ہوگا- چو كه رس علام ج دسے مین فاصلہ م پرواقع ہے اس لیے اس کے محاذی و بربنے والا زاور ممم مر بوگا - چونکاگ بہت دورواقع ہے اس کیے ور عملاً متوازی ہو گا دیگ ہے۔ یہ بات کی کیسین سے ترسیمی طریقے سے بخ بی واضع ہوجائیگی ۔ بنا بریں آخری خیال سک کے محاذی آنکھ برینے والا زاویہ بھی موسم می ہوگا - اِس میے آخری خیال کے محاذی یننے والے زاویہ کوشخص کے محاذی بننے والے زاویہ پرتفشیم کرنے پر ہمیں تکبیرکی قيمت هم عاصل بوگي ـ

رم بہت ہے ہے ہی فارق کے اور یہ دہا نہ سے بھی حاسل کیا جاسکتا ہے ۔ فرض کو اللہ میں کا طول لی ہے اور یہ دہا نہ سے فاصلہ ش پر واقع ہے ۔ چونکہ ش بہت بڑھے وال زاویہ لی ہوگا۔

بہت بڑھے وال لی نے خص کے محاذی آنکھ پر بننے والا زاویہ لی ہوگا۔

پونکہ خیال اور شخص میں وہی نبت یائی جاتی ہے جوان کے فاصلوں میں ایس ہے دس سے ہوئی کا خاصلہ و سے ف ہے۔

اسس ہے دس ہی دس کے اسمال کے خاذی آنکہ کی کا خاصلہ و سے ف ہے۔

تب اس کی وسے کی دوسے کی کا ہے کہ کے خاذی آنکہ کے اور اس کے محاذی آنکہ کی اور اس کے محاذی آنکہ کے اور اس کے محاذی آنکہ کے اور اس کے محاذی آنکہ کے اور اس کے محاذی آنکہ کی اور اس کے محاذی آنکہ کے اور اس کے محاذی آنکہ کے اور اس کے محاذی آنکہ کی اس کے محاذی آنکہ کے اور اس کے محاذی آنکہ کی اس کی محادی آنکہ کی دوسے کے دور اس کے محاذی آنکہ کی دوسے کے دور اس کے محاذی آنکہ کی دوسے کے دور اس کی دوسے کی دوسے کی دوسے کے دور اس کی دوسے کے دوسے کی دوسے

بین دالا زاویہ تقریباً کی هم ہوگا۔ اِس کو تخص کے محاذی بننے والے اصلی زاویہ پر تقسیم کرنے سے ہیں تکبیر کے لیے پھر وہی قیمت هم حاصل ہوتی ہے۔ فرض کر وکہ نقاط ع اور کی چیٹمہ کی وجہ سے نقطول \ اور ب کے خیال ہیں ۔ فرض کروکہ کس ع کا فاصلہ وسے خ ہے۔ تب خیال ہیں ۔ فرض کروکہ کس ع کا فاصلہ وسے خ ہے۔ تب $\frac{1}{3}$ + $\frac{1}{3}$ + $\frac{1}{3}$ + $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$ ہم خ ، هر اور م کی ملامتوں کا کھانگی کریں تو $\frac{1}{3}$ ہم خ ، هر اور م کی ملامتوں کا کھانگی کریں تو $\frac{1}{3}$ $\frac{1$

شعاع المو شعطف ہونے کے بعد نقطہ ع میں سے گزرتی ہے ۔ وہ مام شعاعیں جو دونوں عدسوں میں سے گزرتی ہیں گ اور ع سے درمیان میں سے گزرتی ہیں گ اور ع سے درمیان میں سے گزرتی ہیں گ اور ع سے درمیان میں سے گزرتی ہیں اور اگر وہاں ایک بر دہ رکھا جائے تو اس پر ایک روشن دائری قرص دکھا کی دیگی ۔ یہ قرص بوبیض او قات حلقہ جیشت کہلاتی ہے اسلاح ہیں آپ آلہ کی لکاس متلی ہوتی ہے ۔ ک ع کے لیے اوپر حاصل شدہ جلاسے نلا ہرہ کہ دیا نہے قطر اور حلقہ جیشم کے قطر کی نبیت تکبیرے مساوی ہوتی ہے ۔ والے معد حلقہ وجیشم پر ایک مشعاعیں اس آلہ میں سے با ہر شکلنے کے بعد حلقہ وجیشم پر ایک دور رے ہیں آئمہ کے لیے مناسب ترین اور یہی آئمہ کے لیے مناسب ترین

Exit-pupil al

Eye-ring o-

مقام ہوتا ہے۔ یہ الد عام طور پر اسس طرح دضع کیا جاتا ہے کہ اسس کا علقہ جیٹم آنکھ کی تیلی سے جھوٹا رہے تاکہ د ہانہ سے آنے والی ساری رکوشنی آنکھ یں داخل ہوجائے ۔ نیکن شکل مائے کی وضاحت سے لیے اس میں طقہ دجیٹم کو بڑا دکھلایا گیا ہے۔

شکل ملئے کی غرض صرف یہ ہے کہ فلی دور بین کے نظریہ کی توشیح ہو لیکن علی طور پر دوا نہ ایک واصد عدسہ کی بجائے اوئی ضلالت کے سیلے مسجوج سند و آیک مرکب عدسہ پرشتی ہوتا ہے۔ چھو فی دور بینوں کی صورت میں منطا جیسی کہ طیف بیماؤں میں ہستمال کی جاتی ہیں ، دا نہ اکثر صفر عالیہ پر سیان کی ہوئی فنکل کا ہوتا ہے تینی یہ کراؤن سفیشہ سے آیک ایمیساوی التی ایساوی التی عدسہ پرشتی ہوتا ہے جس سے بیھے فلنٹ شیشہ کا آیک مستوی مقدم عدسہ ایسال رمہناہے ۔ اسی طرح چشمہ تھی آیک واحد تیکمبری سنیشہ پرشتی ہونے مسال رمہناہے ۔ اسی طرح چشمہ تھی آیک واحد تیکمبری سنیشہ پرشتی ہونے

بسیاں رہتاہے۔ اِسی طرح چٹمہ بھی آبیہ واحد تکبیری شیشہ پرشتل ہونے کی بجائے دھیسٹ کن یا ہو مگینس سے مرکب خیٹمہ برمشتمل ہوتاہے۔ دبیسٹ ن کا چٹمہ دومسا وی مستوی محدب عدسوں پرمشتل ہوا

سے جن سے منحنی رُخ بالمقابل ہوتے ہیں اور جن کا درمیانی فاصلہ کسی ایک عدسہ کے ماسکی طول کا دو تهائی ہوتا ہے ۔ هو مگینس کا چشہ مجی دو محدب عدسوں پرشتمل ہوتا ہے ماسکی طول عدسہ کا ماسکی طول

روسرے عدسہ کے ماسکی طول سے بڑا اور عام طور سر تین گنا ہوتاہے اور اسس سے دونوں عدسوں کا درمیانی فاصلہ چھوٹے ماشکی طول کا دُگنا ہوتاہے۔

اِن دونوں میٹمول میں آئکدے متصلہ عدسہ کو جیٹم کی عدستہ اور دوسرے عدمہ کو میں میدانی عدستہ اور دوسرے عدمہ کو میدانی عدسہ کے اسکی طول کو م سے اور شم کی عدمہ

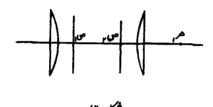
(۸۳) کے اسکی طول کو م سع تعبر کریل تواس اجماع الماسکی طول (دیکہ میں فودھ م حسب ویل ہوگا رجیست ن سے چینمہ کا مسلی طول

Field lens d

Eye lens a

مدسی سر اور هو مگینس کے بیشہ کا ماسکی طول سے م

ان دونوں حیثموں کے لیے مدسول ، صدرمستولیں اور خطار سخف سے ماسنی مستولیوں کے محل اضکال علی اور ملک میں دکھلائے گئے ہیں - مصدر سوی





متقاطع ہوتے ہیں۔ واضح رہے کہ هو مگینس کے جیٹمہ کا ماسکہ رعیسٹان والے چشمہ کے ماسکہ کے برخلاف اس کے دونوں عدسوں سے درمیان واقع رہماہے، بنابرس ریمسٹ ن کے عیثمہ کومٹبت یشمہ اور هو تلینس کے حیثمہ کو منفی حیثمہ کتے ہیں ۔ یس جس طرح رحمید لان سے جیشمر کی تسیک ملیبی ادول یر کرنی ماستی ہے اُس طرح موقلیانس سے جشمہ کی شیک اِن پر بہت كى جاسكتى - هو تكينس كاجشمه كروي صلالت ك اثرات كوحتى الامكان كھ الدينے كى غرص سے دصع كما كياہے۔

ایک واحد کبیری سنیشه کی بجائے دو عدسوں والاجتنب استعال

کرنے کا مقصد یہ ہوتاہے کہ خیال کی لونی ضلالت اور اس سے دیگر نقایص حتی الامکان رفع ہوجائیں۔ یہ نقایص، انغطان سے دوگی بجائے چار طول بر منقسم ہوجانے سے باعث یوں بھی کمی کی طرف مائل رہتے ہیں۔ یہ سشرط کہ چشمہ کا معادل ماسکی طول تمام رنگوں سے لیے ایک ہی ہونا چاہیے (دکھومنی الله علی منسل کے چشمہ کی صورت میں اچھی طرح اور دھیسٹ ن سے چشمہ کی صورت میں اچھی طرح اور دھیسٹ ن سے چشمہ کی صورت میں ایکھی طرح اور دھیسٹ ن سے چشمہ کی صورت میں ایکھی طرح اور دھیسٹ ن سے چشمہ کی صورت میں آت ہے۔

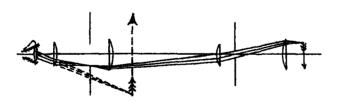
صورت میں تقریباً یوری ہوتی ہے ۔ خینموں کا عمل ہِس لیے بھی بہتر ہوجا ناہے کہ اِن میں سے روشنی

یہموں ہس اسے دوی ہے۔ ہمر ہوب اسے ماری کے دوی کی باریمنیلیں ہی گزرتی ہیں ۔ چنانجہ شکل مائے میں می سے تشع ہونے والی بینس باریک ہوتی ہے کیونکہ اسس کو دور بین سے دیا نہ میں سے گزر کر آنا پڑا

ہے اورنسیت میں عام طور پر الے سے بڑی نہیں ہوتی - من س سے

دگیرنقطوں سے تسکی ہونے والی شعاعوں کا بھی ہی مال ہے۔ فلکی دوربین میں ایک ماست گرجیشہ بٹھا کر اسس کو ارضی شخصول

ملکی دوربین بیں ایک ماست کر جیمت بنفا کر ایس کو ارتضی محصول سے لیے مجی موزوں بنایا جا سکتا ہے۔ جنا بخہ جس قسم کا راست گرحیتمہ اکثر



عشكل يميمك

استعمال کیاجا آہے اُس کی وضع شکل سہے میں دکھلائی گئی ہے۔ بیچارعد سول مشتل ہوتا ہے اور اِسس میں شکل میں دکھلائے ہوئے مقانات پر دو حجا کیے گئے ہوئے ہیں۔ د وربین کی نگبیراورتحلیلی طاقت : «ربین کائبیر<u>م</u>

سے تعبیر ہوتی ہے۔ حیثمنی حقہ کا قطر <mark>م تن با</mark> ہر کی طرف ہے سے بڑا نہ ہو تا چاہیے ور نہ ساری روشنی آئکھ میں دہل نہ ہو گی۔اگر ھر ، م اور ق کے درمیاں دروز سیٹر کا میں میں جا کر سرتہ میں بین کرنکا سے اور کا رمیون

درمیان صرف بر شرط پوری ہوجائے تو دور بین کی تکبیرے لیے کوئی صرمعین نوی ہوتی الکین ہم دیکھتے ہیں کہ ایک حدسے آگے بمیرسے برطاعلے میں کوئی

خاتس فائدہ نہیں ہاوتا کا بول تو خیال بڑا نہوجا تاہے کیکن مزید تفصیلات کا ایک زنہ نہیں ہوتا ۔ یہ عمل بجنسہ ولیسا ہی ہے جب کہ ایک پیچکدار چا در کوجس پر میں در نہیں میں ایک میں ہوتا ہے۔

کوئی منسویر بنی ہوگھینچا جائے ۔ اگر دور بن کی تنسیکہ کسی منوّر نقطہ یر ، مثلاً کسی ستارہ ی*ر ، کر*لی جائے

ہر معابی کی وجہ سے بننے والا خیال ایک نقطہ نہیں ہوتا بکہ ایک چوٹی سی قرص پرشتل ہوتا ہے اس سے اردگرد ایک یا دومدھم متر اکز علقے ہوتے ہیں ۔ اِس کی وجہ اسے عیل کر انکسار سے باب بیس بیان کی کھائیگی ، یباں اس

بن مرسی کا در تعدیک ملور پر کیا جائیگا جو سیاہ حلقہ قرص کو قریب ترین فکر محفی ایک واقعہ کے انس کا مضعف قطر طور پر کھیراہوا ہوتا ہے انس کا مضعف قطر

عرار <u>حرار</u>

ہوتا ہے جہاں استعلد روشنی کا طول موج ہے۔ اگر ق کو برط صائے بغیر هرکو برط مایا جائے تو قرص کی جسامت بھی بڑھتی جاتی ہے شخص کا ہر ایک نقطہ ابنا ایک ذاتی قرص بیداکرتا ہے اور اِس طرح خیال کی تفصیل بڑھتی جاتی ہے۔ قریب ترین فاصلہ پر دوستا رہے صرف اُس وقت علیمہ علی اللہ دوکھائی دیتے ہیں جب کہ ایک کی قرص کا مرکز دوسرے کے سب سے اندرونی حلقہ پر ا واقع ہو جائے ، یعنی جبکہ ویا نہ کے ماسی مستوی میں بننے والے خیا لول کا درمیانی

فاصله كم سيم م ١٥٢٦ مرك مويا جب كه إن ستارون كا درمياني زاويه

کم سے کم مرد اللہ مور رسس زاوید کو دور بین کی تحلیل طاقت کے نام سے موسوم کما جا آہیے۔ اگر دیانہ کے قطر کی پیمایش انچوں میں کی جائے اور واقع روشنی کے طول موج کو ۱۰×۱ مانی مان لیا جائے تو تحلیلی طافت علیہ قرار پاتی ہے۔ سکین فککیات کے اہر ڈوا وس نے اپنے تجربہ کی بناویر تحلیل طاقت کا هويم مونا بيان كياسيه-فلكي مشا مدات كريي اب ك استعال تده تمام دوريبول مين ﴿ رَكُمْ اللَّهُ كِي وَوَرِ بِنِ سِي سِي زِيا وَهُ طَا فَتُورَ ٱلدِّبِي – إِسْ كُي وَ لِإِنْهُ كَا قَطْرِ ٣٠ أَنْجُ اور ماسکی طول ۹۵ ندشے ہے۔ بنا بریں اِسس کی محلیلی طافت نقر بیا ً بے نا نی قرار یاتی ہے۔ اِس دہا نہ کو تھسنے ا در صبقل کرنے میں بڑی احتیاط برتنی پڑی اور بهت سا وقت سرف ہوا ۔ نیز بطور کا فی متجانس سشبیشہ کو سب قدر بڑی متیال مال كرنا بھى بے حد شكل بے اور برمكن بے كه أكر د إنه إس سے بھى برا بو تو اس میں غود اس کے وزن کی وجہ سے فساد بیدا ہوجائے ۔ اِس کیے بہراجانگا ہے کہ وہ رسنبوں ہیں تحلیلی طاقت کی انتہا غالباً قریب قریب حاصل ہو تکی ہے۔ جب تن ، هر، اور هیمئی علقه کا اعظم قطر د بے جائیں توم کی اعظم فتیت معين ہو جاتی ہے - نیزجب نیٹنمٹی ملقہ کا قطر کیا سے جیموٹا ہو ا ہے توروکیت میں قابل تھاظ فرق بیدا ہوجا ^ہہے ، جنا بنجہ م' کی ایک اقل قیمت بھی ہوتی ہے بورس کی اعظم قبرت کا تغریباً ہے ہوئی ہے۔ انسانی آنکھ کی تخلیلی طاقت، هلم هولٹز محمطابق ، ایک اور یہ و دقیقول کے درمیان ہوتی ہے۔ جنا بخہ ارکس سے دیانہ کی صورت می تخص كى سارى تفعسل واضع بوجائے كے ليے تعربياً ١٠ كى كليروركار بوتى بيد إس صورت مين ندكوره بالا اعظم اور اقل تكبيرين بالترتيب ١٢٠٠ اور ٢٠٠ برق مين -

ہوئی ہیں۔

بڑے طیف پیاؤں ہیں عام طور پرج دوربین گی ہوتی ہے اس کے دہانہ کا قطر ہے اپنے اور اِسس کا ماسکی طول ہما لیخ ہوتاہے۔ اِس دوربین یں رحمیسٹ ن والاجشمہ لگا ہوتاہے۔ بنا بریں اسس کی تکبیری طاقت ما ایخ ہوتاہے۔ بنا بریں اسس کی تکبیری طاقت ما اور اِس کی نظری تحلیلی طاقت ہم تا نیہ ہوتی ہے۔

اسکی طول تقریباً ہے اور اِس کی نظری تحلیلی طاقت ہم تا نیہ ہوتی ہے۔

اس لیے اِس کا چشمہ شایدہی اِس قابل ہوتا ہے کہ دہانہ کی حقیقی تحلیلی طاقت سے لیے قبلی طاقت سے کیے فلم کی اور والے تکویکہ دہانہ کی حقیقی تحلیلی طاقت سے لیے فلم ہوتا ہے کو کہ دہانہ کی حقیقی تحلیلی طاقت سے لیے فلم ہوتی ہوتا ہے کو کہ دہانہ کی حقیقی تحلیلی طاقت سے لیے فلم ہوتا ہے کو کہ دہانہ کی حقیقی تحلیلی طاقت سے لیے فلم ہوتا ہے ہو کہ خاہری زاویئی قطر بالترتیب الاتا فرہم کا بہت کا نی ہوتا ہے کو کہ دہانہ کا ایم کی زاویئی قطر بالترتیب الاتا دہانی ہوتا ہو ایس ایس کے دہانہ کی دور میں اس کے ہیں اِس کیے دہانہ کی در اور میں اس کیے دہانہ کی در اور میں اس کیے در ایک کی در اور میں اس کی در اور کی در اور میں اس کی در اور کی در کی در اور کی در اور کی در ک

۱۹۶ تا نیم، ۳۴ تا ۵۰ ثانید اور ۱۳ تا ۴۰ تا نید تک بر گنتے جاتے ہیں اس عظم ایسی دور بین سے اِن کی شکل واضح مہرجانی چاہیے سیف ایسی دور بین سے اِن کی شکل واضح مہرجانی چاہیے سیف

عدسوں سے ماسکی طولوں کی حقیقی بیایش سے بغیر بھی کسی دور بین کی

یجیر حسب ذیل دو طریقوں سے بآسانی معلوم کرلی جاسکتی ہے : - پہلے طریقہ میں دیانہ کوکسی لیمیپ کی مدوسے منور کرکے ہسس کے اس خیال کو جوشِنمہ کی وجہ سے بنتا ہے بینی خشیم کی طلقہ کو گھسے ہوئے سنیشہ کے ایک پر دہ بر حاصل کیا جا تا ہے - پھر اس خیال کے قطر کو تا ہے کر اسس کو دیا نہ نمے قطر پر تقسیم کر دینے سے دور بین کی سکمیری طاقت عاصل ہوجاتی دیا نہ نمے قطر پر تقسیم کر دینے سے دور بین کی سکمیری طاقت عاصل ہوجاتی ہے - بہر حال اسس امر کا پورا اطمینان کر لینا جا ہے کہ جو خیال حاصل ہوتا ہے وہ در اصل دیا نہ کے کنارہ ہی کا خیال ہے نہ کرتسی ایسے جا ب کا جو

ا Saturn سے Jupiter سے Venus اور کی ایک دور بین میں شتری سے چاہ اور سے جاہ اور سے معانی کی ہستعمال کی ہوئی ایک دور بین میں شتری سے چاہ اور از ہر و کی جمیسی و معانی دیتی میں سیسکن زحل سے حلقوں کاکوئی بیتہ نہیں جاتا۔

آلد کے اندر داقع ہو۔ اگر اکس خصوص میں کو فئ مشبہ ہوتو دیا نہ کے سامنے اور إس سي حتى الامكان قربيب الي مستطيلي سبوه والأ يرده ركه كربيرد كمعا جا سكتا بهي كدا إحنيال عبي ستطيعي موناسه يا نهين - إس سے نشبه رقع بوجا سُيكا اور فلطي ما مكان ما في مندر منكا-

دوسرے طریقہ یں ایک سفید بیانے کو دور بین سے بہت دور فایم لرکے ہسس بہانہ پر ایک متحرک نیابیٰدہ بٹھا دیا جاتا ہے ۔ پھر دور مبین کی تمسیک اِس پمانہ پر کی جاکہ اسس کو ایک آنکھ سے دور بین بیں سے اور دورسری آنکھ ے راتست دیکھا جاتا ہے یہ دونوں خیال ایک دو سرے پرواقع نظر آیگے۔ (١٩٨) پيمريا ينده كو بيانه پرسراكرابب اسي عكه ركه ديا ما تاسيخمه دورين مين ت د كائ دين والي إلى حضة كاطول داست دكهائي دين واليساري يمان

کے طول سے مساوی نظر آنے گئے۔ چنا بجد سارے پیچا نہ کے طول کو دور بین سے اسکی ستوی میں وکھانی دینے والے حاتہ کے طول پرتفت مرکر دینے سے آل دورتین کی مکیری طاقت مال ہو لیا ہے۔

تمسى ووربين كي تحليل طاقت كي تبيين كا آسان تربن طريقة حسب ذيل ہے۔تارکی جانی کے آیک مکر شے سے ایک یتلا سا کا فلا حسیاں کرمے اِن کو دوربین کے سامنے قام کردو بھر اسس جانی کوئسی لیمیب کی مرد سے منور کرکے

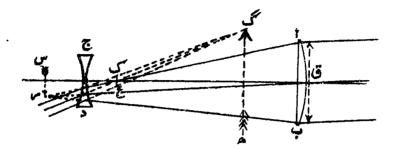
دورمین کو مما مرا کر وہ برسے سے بڑا فاصلہ معلوم کر وجس پر دور مین میں سے د کھنے پر جالی کے تارعالحدہ علمحدہ نظر استے ہیں ۔ اِس سے وہ زا ویہ جود ماندیر

تاروں سے درمیانی فاسلہ کے محاذی بنتا ہے باسانی محسوب کررہیا جا سکتا

ملوگی وور بین : فلی دوربین کی تجریز سب سے پیط بَلَيْهُ فِي النَّالِيُّ مِينَ بِينَ كِي تَقِي - رُسس سے ایک یا دو سال بینے گلیلیونے تَنكُلُ ذَيلِ مِينَ وَكُفُلُا نُيُ بِهُونُيُ قَسَم كَى أَيكُ دُور بِينَ بنا فِي اور التَعَالَ كَي نَفَى -

> Galileo 🚣 Kepler a Tissue paper - .

دور کے شخص سے آنے والی شعاعیں دیا نہ میں سے گزرنے کے بعد ایک حقیقی معکوس خیال رس کی جانب مستدق ہوتی ہیں لیکن جب یہ مقعر عدسہ



فكل عف

خیال جومجازی ہوتاہے کے عربر واقع ہوتا۔ ہے۔ اس خیال کی قامت م تق بروتی ہے اور خارجہ شعاعیں ک عے ہی پر ایک دوسرے سے هر ترین ہوجاتی ہیں ۔ شعاعوں کی اِس سنسل کی تراسض اُس مقام بر جہاں ہمکھ میں داخل ہوتی ہے نسبتاً بہت بڑی ہوتی ہے۔ اس کیے اِس اِ

نسنتاً بہت تنگ ہوتا ہے اور ہمس میں خیال کی تنویر کنارے کی جانب گھٹتی جائی ہے۔

چونکہ ہس کاچشہ مقدر ہوتا ہے اس لیے اسسے دوانہ کی لونی صلالت

ى جزوى صيح كأكام أيا جاسكنا ہے-

معمونی منظر بلی و وگلباری دور بینول بیشتل ہوتے ہیں جو بیہاد بہانیا ترتیب دیے ہوئے ہیں اور جن کی تسیک آیک ہی بیچ کی و دسے کی جاشتی ہے۔ اِن دور بینوں کا مناظری نظام عام طور پر پیلے کراؤن اور فلنٹ عدموں ا ملاکر بنائے ہوئے ایک دہانہ پر اور ایک واحد مقعر عدسہ والے حیثمہ بر مشتل ہوتا ہے ۔ یا یہ دہانہ اور حیثمہ ایک ساتھ جڑے ہوئے تین مین عدمول پر بھی شتمل ہوسکتے ہیں کہ اِن میں سے ہر ایک اجتماع بجائے خود غیر لونی

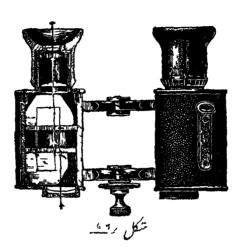
منشور ی وور بین ؛ دوساده فکی دور بیول کو اِن سے

طول اور اُسط خیال کے تر نظر منظر بین کی طرح ایک ہی ڈھا نجہ میں بہلو مہلو ترتیب دینا مناسب نہیں ہوتا سط شیاد میں مسس نہ نہ آب نے اپنی منشوری دور میں بیش تیے ہیں ہیں دوقا ہم الزاویہ منشوروں یم استعال سے یہ دولوں نقالیس بیک وقت رہے کر دیے گئے تھے۔ منشوری دور بین کا

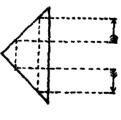
لم

ین حامے۔

اسول تصداء میں تو رو کے وہن میں آچکا تھالیکن اس وقت اُن کو جشیشہ دستیا ب ہوسکتا تھا اس میں مکسانیت نہ ہونے کی وجسے اُن کو اُس وقت



کا میابی عامل ند ہوئی تھی۔ اِسس دور بین کی ساخت شکل مائے میں دکھلائی گئی ہے۔ واقع شعا میں دکھلائی گئی ہے۔ واقع شعا میں دیا نہ میں سے گزرنے کے بعد سِس آلدے طول کو ایک مرتبہ طیح کرتی ہیں ، بجسرایک آل یہ از او یہ منشور کی وجہ سے جو خیب ل کو دایاں بایاں اُلگ دیا ہے منعکس ہوکر دو سرے منشور کی طرف وایس جاتی مدین ہوکر دو سرے منشور کی طرف وایس جاتی میں میں ایک کا دو سرے منشور کی طرف وایس جاتی میں میں کا کہ دو سرے منشور کی طرف وایس جاتی میں میں میں کا کہ دو سرے منشور کی طرف وایس جاتی میں میں میں میں کا کہ دو سرے منشور کی طرف وایس جاتی میں میں میں کا کہ دو سرے منشور کی طرف وایس جاتی کا دو سرے منشور کی طرف وایس جاتی کی میں کا کہ دو سرے منشور کی طرف وایس جاتی کا دو سرے میں کا کہ دو سرے میں کی دو سرے کی دو سرے میں کا کہ دو سرے میں کا کہ دو سرے میں کا کہ دو سرے میں کا سے کا کہ دو سرے میں کی دو سرے کی دو سے کی دو سرے کی دو سے کرنے کی دو سے کی دو سرے کی دو سرے کی دو سے کرنے کی دو سے کی دو سے کرنے کی دو سے کرنے کی دو سے کرنے کی دو سے کی دو



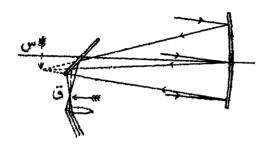
فشكل عك

ہیں ہو خیال کو کمرر انسٹ کران بنی ہو خیال کو کمرر انسٹ کران نتھا عول کو جینہ کی سیدھ میں مکس کر دیتا ہے۔ اِس طرح یہ شعامیں الد کا طول تین مرتب طبئے کرتی ہیں۔ فالم الزا دیہ منشور کی دہ سے خیال کے اللے بانے کی عمراحت شکل گئے۔ سرائیں بانے کی عمراحت شکل گئے۔

میں کی گئی ہے۔

تریم نظر بینوں سے مقابلہ میں منشوری دور بین کی امتیانی خونی (۸۸)

يرب كراس كالميدان نظر نسبتا وسيع نز بوتاب -



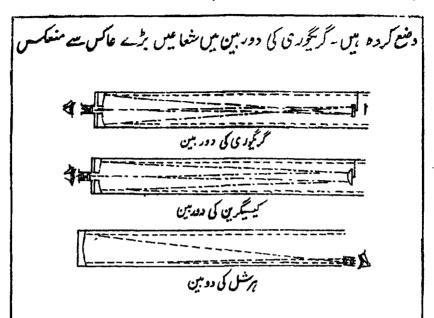
فشكل ١٥٠

العكاسى دوربين: نيولن في الين الحثاف ليف يم

نیچہ کے طور بر لونی ضلالت کی وجہ بہجان کی اور دیما کہ اُس کے زمانہ گا دور بینوں میں یہ نفض کروی ضلالت سے نفض سے کبیں زیا دہ سنگین تھا پوکلہ وہ ایک غیر لونی عدسوی اجتاع کا بتانا نامکن خیال کرتا تھا اس لیے اُس نے ایک السی دور بین ایجا دکی اور بنائی جس بیں دہا نہ کی بجائے ایک مقعر کروی آئینہ ہونا تھا اسس کا آلہ اُسول شکل یری کے مطالعہ سے واضح ہوجائیگا۔ دور سے شخص سے آنے والی شعاعیں مفعر آئینہ پر منعکس ہوکر ایک مغیقی خیال میں بنانے کی طرف مال ہوتی ہیں لیکن بان کو ایک قائم الزادیہ منشوریا آئینہ کی عدد سے منعکس کرتے خیال فی پر حاصل کی با اہم اور

اس کا معانینہ چنتہ کی مددسے کرتے ہیں۔ شکل ذیل میں تین اور انعکاشی دور بینوں کے طریق عمل کی توصیح کی گئی ہے۔ یہ دور بینیں بالترتیب گر مگورشی اسسیگڑین سے هرشش کی

Herschel L Cassegrain L Gregory L



شكل 294

ہونے کے بعد داہنی جانب دکھلائے ہوئے مقعرآ ئینہ پر واقع ہوگر ایک حقیقی خیال بیدا کرتی ہیں جس کا معائینہ جیٹمہ کی مددسے بڑے عاکس میں بنے ہوئے ایک سوراخ میں سے کیا جا اسے۔ کیسیگرین کی دور بین اور کرکھوری کی دور بین میں مرف یہ فرق ہے کہ اول الذکر میں اور مقعراً ئینہ کو باک ایک محترب آئینہ ہوتا ہے۔ ہرشل کی دور بین میں بڑا آئینہ ہوتا ہے۔ ہرشل کی دور بین میں بڑا آئینہ ہوتا ہے اپنی فید مائی وضع میں ہوتا ہے ، نانوی آئینہ موجود نہیں ہوتا ، اور شاہد بہنی فیشت شخص کی جانب کیے ہوئے کھڑا رہتا ہے۔ اس کا سربلا سنبہ روضی کی جانب کیے ہوئے کھڑا رہتا ہے۔ اس کا سربلا سنبہ برائے بڑے بڑے بڑے ہوئے کھڑا استا ہے۔ اس کا سربلا سنبہ برائے مائی مورت ہی میں کام دے سکتا ہے۔

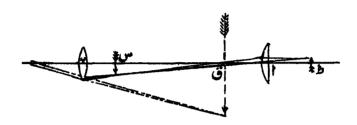
روسی کے راستہ میں جزا مائی ہوتا ہے اور اس لیے یہ انتظام صرف بڑے بڑے بڑے ہوئے کہ استاء بنائے بیکوئی دھا ت سے بنائے مائے نے ج و تانبے ، ور تلعی کی کسی قدر پھوٹک بھرت ہوتی ہے۔جب ان کی مسلمیں نے اور ہوجانی تھیں تو اِن کو کمر رصیفل کرنا پڑتا تھا اور اس فی مسلمیں نے آب دو ہوجانی تھیں تو اِن کو کمر رصیفل کرنا پڑتا تھا اور اس فی

ان کی ساخت سے مشکل ترین اور نازک ترین حصے کو د پرانے کی ضرورت ہیشہ بٹی ہوا کرتی تھی ۔ یہ آئینے آج کل شیشہ سے بنا کر اِن پر جاندی پڑھادیتے ہیں ، ورجب یہ جاندی کی تہہ پرانی ہوجاتی ہے نو اِس کی بجائے جاندی کی بٹی تنبہ چڑھا دینا بہت اسان ہوتا ہے۔

بڑی انعکاشی دور بینیں اسی طاقت کی انعطافی آلوں کی برنسبت
سستی ہوئی ہیں لیکن اِن کی طاقت مستقل نہیں رہتی اور اِن کی داشت
میں بڑی احتیاط کرنی بڑتی ہے ۔ اس لیے آج کل انعطافی دور بین ہی کو
بہتر آلہ سمجھا جا آئے ہے اگر چکد نیوٹن کے بعد تقریباً دیڑھ صدی تک انوکائی
دور بین کی فوقیت سلمہ باور کی جاتی تھی ۔

خور و بين : اگريسي ساده كبيري سشيشه كي تكبيري طاقت

 وجسے بنتاہے۔ فرمن کروکہ دہانہ اور چشمہ کے ماسکی طولوں کی عددی قیمتیں بالترتیب هراورم ہیں۔ فرض کروکہ خیال فی آنکھ سے بینی تفریباً چشمہ ب سے روبیت واضح کے فاصلہ ف پر واقع ہے۔ فرض کروکہ میں کا فاصلہ عدسہ اسے خیب اور شخص کی قامت ل ہے۔



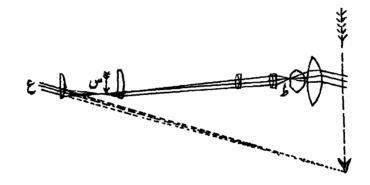
فشكل عند

چونکشخص اے ماسکہ سے میں باہر واقعہ ہوس سے میں کی قات تقریباً خ ل ہونی ہے۔ چونکہ میں ، ب کے ماسکہ کے ہین اندر واقع ہو اِس لیے ف کی قاست تقریباً (خ ل ف) ہوتی ہے۔ ہیں: سے اِس لیے ف کی قاست تقریباً (خ ف ف مرم م)

خرد بینی ، علی طبیعیات کی محض ایب شاخ نہیں بلکہ بجائے خودایک علی ہ علم ہے۔ خرد بیٹیں طب و حیا تباتی علم میں اور نیز جیا نول کی تراشوں کے امتحان کے لیے علم مجر تا ہے میں بھڑت استعال ہوتی ہیں۔ شخص خریرامتحان کوسٹیٹہ کی ایک مختی پر رکھ کمہ اِس میں سے گزار نے والی

Petrology

روشنی کی مددسے منزر کیا جاتاہے۔جب غیرشفا مشخصوں کا امتحان مقصود ہوتا ہے تو اِن کی ایسی تنی نزائشیں کی جاتی ہیں کہ یہ نیم شفیا ت ہوجائیں۔ اِس آلد کے تخت فظرکے نیچے شخص کو منور کرنے کی عرض سے مکتفذ نامی آ۔۔۔ عدستی نظام ہوتا ہے۔نشکل ملک میں ایک ایسی منتیلی منسرد بین سنے



نسكل عنث

مناظری نظام کا خاکہ دکھلایا گیا ہے جس میں ایک پست طافت کا دیا ہہ لگا ہواہے ۔ روشی دامنی جانب کے کسی ما خذسے مثلاً کسی شعلہ ہے آگر کم افذیسے مثلاً کسی شعلہ ہے آگر مستدق ہوجا نی ہے۔ پھریہ شعاعیں طرسے متسع ہو کر دہا نہ کے دو لوں مستدق ہوجا نی ہے ۔ پھریہ شعاعیں طرسے متسع ہو کر دہا نہ کے دو لوں غیر لوئی عدسول میں سے گزرنے کے بہر میں جا کہ میدانی عدسوں میں سے گزرکر میں پراکی حقیقی خیال پیدا کرتی ہیں ۔ پھر پیشیمئی عدسوں میں سے گزرکر معلوم ہوتی ہیں۔ شعل میں وضاحت کی خاطر شخص سے صرف ایک نقط سے معلوم ہوتی ہیں۔ شعل میں داخل میں وضاحت کی خاطر شخص سے صرف ایک نقط سے متسع ہونے دالی شعاعیں دکھلائی گئی ہیں۔

خرد بینول میں دم طور پر ہو بیکنس کا چشہ لگا ہو تاہے اور میں پر میدانِ نظر کو محدود کر دینے کی غرض سے ایک دیا مزغمہ ہو تاہے۔ آنکھ کو

چشمی حات نید رکھا جا آہے جا ل شعاعیں ایک دوسر سے قریب ترین ہوائی ہں۔ دیا نہ کی تصبیح اونی ضلالت اور کروی ضلالت سے لیے کی جانی جاہد اور برس کرجیبی مقرط کا بھی یا بند ہونا چاہیے۔ اِس آخری مقرط کی اہمیت نظری طور پر سب سے بیلے ایج نے معلوم کی تھی لین اِس سے پیشتر بھتے ا مجھے د باے " نائے گئے تھے "ان سب میں اس شرط کی یا بندی یا فی جاتی تھی۔ خر دبین کے دہانے کی تحلیلی مل قت معلوم کرنے کے لیے ہم دورہیں کا د إنه كى صورت ميں حاصل شده نتيجه كى طرف عود كريتے ميں - عالى الذكردإنه متوازی ما ول کو حاصل کرے اینے ماسکی مستوی میں خیال بیداکراہے۔ (۹۱) خرد مبنی دہ نہ کی صورت بیں حالات اکٹ جاتے ہیں یعنی شخص اس سے ماسکی مستوی سے قریب ہوتا ہے اور شعاعیں اِس دہانہ میں سے گزرنے سے بعد تقريباً متورى موجاتے ہن -

المرسى دوربيني دانه كى وجهس بنن والع خيال مين دونقط عللحده

علیدہ عین اُس وقت نظراً تے ہیں جبکہ اِن کا درمیانی فاصلہ ۲۲<u>۱۶۱۹ امرلہ</u>

ہو۔ اگر دیا نہ کے کسی قطر کے محا ڈی خیال سے مقام پر بننے والا زاویہ ۲ عہ ہوتومس مد = ف منابری خیال سے ایسے دو نقطوں کے درمیانی فاصبلهكو

سے تعبیر کیا جا سکیگا ، اور آگریے نقاط خیال پرنہیں بلکہ شخص پر واقع ہوں توسم يه توقع كرسكة بن كه خردبين كا دمانه إن مي تخليل كرد ميا - بس ممله بالا دوالسے خطوط سے درمیان قریب ترین فاصلہ کو تقریباً تعبیر کراہے جن کو خورد بيني والنعين علىده علىده كرسكمات

بایں ہمہ خورد بین کی صورت میں زاویہ مہ اتنا بڑا ہوتا ہے کہ

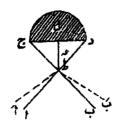
خور دبین کی تحلیلی طاقت سے اخذنہیں کی جاسکتی۔ نیریمسٹلہ اس امر کی وج سے بھی مزید ہمیدہ ہوجا ا ہے کہ جن نقطول کی تحلیل خور د بین کی وجہ سے عمل میں آنی ہے وہ باہم غرتا کع اور خود منور شخص نہیں ہوتے۔ اِن دونون كو مكتف شعلى ايب بلى حقته سے متوركرات اور رسس يے إن سے فلصل تنویر کی صورت پر تھی یعنی ائس صورت میں بھی جب کہ منتعلہ کاخیال مکثّفه کی مددسے شخف پر والا جائے ' یہ خیال مھی اتنا واضح نہیں ہوتا کہ ایسے قریب سے دو نقطول میں سے ان الی روشنی کی موجیں ایک دوسرے

مے بالکل غیرتا بع ہوں۔

اِسَ امر کا نظری محاظ کر تحییلی مشدنی نقاط خود منور نہیں ہونے بسيل أية في كما فقاجس في اس اتركو لعض الي عربول كى مرد سے واضح کیا۔ این تحقیق سے رہ بالآخر اسس نیج یہ بہنیا کہ دو ایسے نقاط کا قريب ترين فاصله جو ايك خرد مين ميس علمحده على و الما في ديستك من

ہم اسب جاں مہ سخص اور دیا نہ سے درمیانی واسط کا انعطاف ناہے۔ مُنحض عنے آنے مالی روسفنی صریحاً د ہانہ کی ساری سطح پر واقع ہونی حاہیے بهرمال رئسس جله کی عددی قیمت سابقه جله کی عددی فیمت سے بہت زیا دہ مختلفت نہیں ہے۔ حاصل ضرب مہ جب عہ کا نام ایتے نے مددی مہو^ت

الرُستَّغُون ط جو اور مكتفدت إس بروا قع بهونے والی روشنی كا مزوط اطب مرتوط إس الساعي مخروط سي انكساري شكلي بيدا ترسی اور خرد بین میں نظر آنے والی تفصیل اِن هنکوں کی اسس تعداد بیر تخصر ہمونی ہے جو دہا نہ ک میں واخل ہو تی ہے ، بینی ریتفضیل • ناصيه موج كے سہوه پر شخصر ہونى ہے۔ اگرط اور دبانه کی درسیانی فصف و



ہوئی ہونو شعاعوں کے انعطان کی وجہ

سے مخروط ج ط د اس روستنی سے بحرجا نيكا بوابتداء مخروط أط ب

انعطاف نامه والع تيلس بحرى

میں سماتی تھی۔ چنا پنچہ اِس صورت میں ایک نسبتاً برے مہدہ وائے وا نع

ناصيدموج سے كام ليا جاسكتاہے اور بنا بریں اسس صورت میں تحلیل طاقت نسبتا ریادہ ہوتی ہے۔ ایسے غرقی نظام کی صورت میں جزا روستی کے وسیع تر محروطسے کام لیے جانے (۹۲)

کی وجسے اور جزا انعکاسی نقصانات کے ساقط ہوجانے کی وجاسے تنویر میں بھی اضافہ یا یا جا تاہے۔ عددی سہوہ کی بڑی سے بڑی قیمت

جومملاً عاصل کی جاسکتی ہے تقریباً ۶واہے - چنانچہ اگر لہ کو ساوھ × آھم مان لیا جائے توخر دبینی تحلیل کی انتہائی حد

الم حس عد = الع لا 10 × 15 ٤ = 1 × 15 ٤ = م

قرار پائی ہے - اِس میں بلاسشہ یہ مفروضہ مضم ہے کہ مناظری نفام کافی طور يرنكا بل م يعنى يدكه برك سهوه كى وجدس تقفيل مي جواضاف بوتا ہے اُس کا نقصان لونی ضلالت یا کروی ضلالت و غیرہ کی وجسے ، ہونا

طبعی آنکه صرف ایسے دو نقطول کو علنحدہ علنحدہ دیمیسکنی ہے جن کا

درمیانی زاو به کم سے کم ایا ۲ د فیقه یا اوسطاً ۱۶۵ د قیقه ہو۔ رومی^ت واضح کے فاصلہ ۲۵ سمر پر یہ روویہ ۱۶۱ ×۱۰ سمرے محاذی بنتاہے - پس

مذکورہ بالاتحلیلی طاقت کے لیے ضروری مکبیر

۱۹۱×۱۶۱ = ۱۵۰ (تقریب ً)

قرار یا تی ہے۔ اگر تحبیر کو اس سے بھی آگے بڑھا یا جائے نو تفصیل میں کوئی مزید اضافہ نہ ہوگا۔ خرد بینوں کی تحلیلی طاقت سے امتحان کے لیے جالیوں سے بعض سٹ استعمال کیے جاتے ہیں جن پر کھینچی ہوئی کیروں سے در میاتی

فصل درجہ بدرجہ بڑے ہیں۔ کسی خرد بین کی بجبیری طافت کی بیمالیش کے لیے اس کے تخت پر معلوم طول کے نشانوں والا ایک باریک بیما نہ ترنتیب دے کر آنکود کی تسبیک اِس بیانے پر اور روبیت واضح کے فاصلہ پر تخرد بین کے باہر ترتیب دیے ہوئے ایک دو سے پیانے بر بیک وقت کرلی جانی ہے۔

اِس شیک کے عمل میں لانے کا آسان ترین طریقہ یہ ہے کہ جیشمہ کے عین اور مہم کے زاویہ پر صاف سفیل ایک چھوٹا سائلوا اِس طرح ترتیب دا حیث دا حیث دا حیث

گزر عائیں اور دو سرے پیانے سے آنے والی شعاعیں اس سے منعکس ہوجائیں۔ اسس طرح دونوں بہانے ایک دو سرے پر واقع دکھائی دینگے اور پہلے بیمانے سے نشانوں سی بحبیر آسانی معلوم کرلی جاسکیگی۔

خرد مین کے ساتھ بہت سے دیگر امدا دی آلات ابھی استعمال کیے ا جاتے ہیں۔مثلاً عکسالۂ منورہ ایک ایسا آلہ ہے جس کا اصول وہی ہے جو

خرد بینی عظمی میں نعنی کسی خرد بین سے حاصل شدہ کمبر خیال کی تصویر لیتے وقت خرد بین کی تو گئیسیک تصویر لیتے وقت خرد بین کی تو گئیسیک کے لیے مکسالہ کے طویل تو سیع کی ضرورت ہوتی ہے۔ تعلیلی کام میں بھی

خرد بین کی نلی کو اُفقی وضع ہی میں ترتیب دیا جاتا ہے۔ خرد بین کی نلی کو اُفقی وضع ہی میں ترتیب دیا جاتا ہے۔

جب متوازی شعاعوں کی ایک بہت باریک اور حدید مٹیسل تعفل منابع میں مقاعوں کی ایک بہت باریک اور حدید مٹیسل تعفل

سونتی معلو ہوں میں اُفقی سمت میں داخل کی جاتی ہے توان محلول کے وہ ذری است میں داخل کی جاتی ہے توان محلول کے وہ فرریت فرریس است میں حائل ہوتے ہیں روشنی کو کمھیر دیتے ہیں اور اگر کسی انتہا بی خرد بین کی تربیک اوبر سے اِن ذروں پر کرلی جائے تو مجھری ہوئی ۔ وشنی کی مدرسے اِن کو دیکھا جا سکتا ہے اس قسم کے انتظام کو بالآخر دبین کہتے ہیں ۔ اِس انتظام سے ایسے ایسے چھوٹے فرزے کی فرزے می فرزے می نظر آجائے ہیں جو تنویر سے سعوئی طریقوں سے دکھا کی نہیں دیتے میں جن سے تھوٹے میں موری کے قطر است ہیں جن سے قطر میں موج سے با ویں صفے سے اسلام کے رتنہ کے بعنی سوڈ بم فور کے طول موج سے با ویں صفے سے رسم کے موں است اردل کی ظرح اِن کے زاویئی ابعا دائنے چھوٹے ہوئے رسم کے رون کی اندازہ نہیں ہوسکتا ؛ یہ روضنی کے محف نقطئ مبدأ میں کہ اِن کی قدر کا کوئی اندازہ نہیں ہوسکتا ؛ یہ روضنی کے محف نقطئ مبدأ

Photomicrography at Crystallography a Ultramicroscope at

ہوتے ہیں -

عكساله ؛ مكساله بالانتزام أكيمتنطيلي كبس پرشتل مؤاسب

م\ ٨ بر كام كرية والے عدسد ميں سے م\ ٢٦ بر كام كرية والے عدسه كي بدنسبت تقريباً أن عُلَّم كما روشني وافل ہوگی -وتراسم كرامع له خيري مختي است بريد دورات ميرون الم

عتکاسی کی معمولی خشک شختی له = ۲۶۲ اور له = ۴۶۰ ۱۰۰ سمر سے در میان حسّاس ہوتی ہے نیکن عدسہ کا سشیشہ لہ = ۲۶۲ اور لہ = ۳۶۳ مرسی

کرر مثیان مشاں ہوئی ہے کی عدمتہ کا تصفیعہ کہ کا ہوہ اور کہ کے ساتھ ہوں۔ تسمر کی تمام درمیانی روشنی کو گزرنے نہیں دیتا۔ بیٹختی تبفینہی روشنی کے لیے مسب سے زیادہ مساس ہونی ہے۔ اِس لیے عدسوں کو موجی طوبوں سے اِس خطے

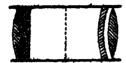
مے لیے غیرلوٹی بنالبنا جا ہیے ۔' کہ نظری شنعال سے لیے۔ سی سے بیار میں سے ایک کی سیار کی سیار کی ہوتا ہے گئا

عکسالہ سے عدسہ کو عام طور بر ایک چیٹی سطح پر حاصل کی ہوئی تفویر ایک وسیع زاویہ نظر شامل کر لینا بڑتا ہے ۔ بنا بریں اس صورت میں دور مین اور خرد بین کے مفابلہ میں ابیامیت ' انخنا اور مسیح کے نقالیس زیادہ اہم

ہو جانے ہیں ۔ عدسہ کا ثعتبہ کم کرنے سے خیال کی تنویر نو گھٹ جا کینگی کیکن سنے سے سوا با بی تمام نقایص بڑی حد نک رفع ہوجاتے ہیں ۔

شکل سبک میں عدسوں کی دومشہور شمیں دکھلائی گئی ہیں ؛ پاٹنوال کا

تصویدی علسلی، اور زود علمستقیمی عدستا - پیروال کاتصرین عدسه بهت بی زیاده زود عمل موتاسه کیونکه به م م بر بروی کام کرسکتا





شكل علا

جے۔ اس سے جا نمار شخصول کی نفویر سینے کے علادہ واسے مناظری قندیل میں تظلیلی عدر سہ سے طور پر عبی استعال کیا جا اس کا جاب اِس کے وسط میں ہو اِسے ۔ اِس سے سامنے کا مرکب عدسہ دو ایک ساتھ کجڑے ہوئے عدسول سے آیے فیرلونی بوٹ سے پرشتمل ہوتا ہے ، اور اِس کے پیچے والے مرکب عدسہ کے دونوں عدسول سے درمیان ایک جیوٹا سافعیل جیوڑ دیا (۹۴)

مرتب عدسہ سے دونوں عدسوں سے درمبان ایک بیسونا ساسس بھور دیا **جا آہے۔** ہمر حان اس می شنح کا نقص باقی رہتا ہے اور تصویر کی تنویر تختی **سے کنا** روں کی جانب محشق جاتی ہے۔

، ما رون ی جانب منتی جای ہے۔ زوء ول منتقبی ورسہ منتف کلاوہ دو بغیر رونی اجزاء پر شنتیل ہوناہے۔

ان من سے مراکب بھر آرا کون سے شہرے ایک فقدب عدسہ کوفلنط شیشہ سے ایک مقعر اُالی مدسر سے ساتھ طاکر بنایا جا تاہدے - مجاب اِن دونوں اجزاد

کے درمیان ہتا ایہ - یہ عدسہ فیرسنی مہوتا ہے کیونکہ اس کا ایب ، حز کسی مربع کے درمیان ہتا ہے ۔ یہ عدسہ فیرسنی م کسی مربع کے خیال مے ضلعوں کو باہر کی طرف مخذب کردیتا ہے اور اس کا دوسرا جزاس فیلے اور اس طیح اور اس طیح

يه دونون مسخ أكب دوسرے كى تعديل كر ديتے ہيں۔

1

للقيت

Rapid rectifineariens 4 Petzval portrait lens
Orthoscopic

ہوتے ہیں -

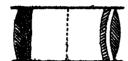
م\ م پر کام کرنے والے عدسہ میں سے م \ ۲۲ پر کام کرنے والے عدسہ کی برنسبت تقریب ہوگ ۔ بوشنی وافل ہوگ ۔ میں تقریب ہے گھ گن روشنی ختی الم = ۲۶ اور الم = ۵۶۰ مرکے عکاسی کی معمولی خشک مختی الم = ۲۶۰ اور الم = ۵۶۰ مرک

رمیاں حتیاں ہونی ہے نسکین عدمہ کا سشیشہ لہ = ۲۶۲ اور لہ = ۱۰×۳۰ م سمر کی تمام درمیانی روسشنی کو گزرنے نہیں دیتا۔ بیٹختی بنفشہی روشنی کے لیے سمب سے زیادہ صاس ہونی ہے۔ اِس لیے عدسوں کو موجی طولوں کے اِس خطے

کے لیے غیرلولی بن لبنا چاہیے ن^کد نظری سنعال سے لیے۔ کسی کارسا میں معط سطی

عکی الدسے عدمہ کو عام طور بر ایک چینی سطح پر حاصل کی ہو اُن نفریل ایک وسینے زاویہ نظر شامل کر بینا بڑتا ہے۔ بنا بریں اس صورت ہیں دو بین اور خرد بین کے مقابلہ ہیں ا بہامیت انخا اور مسخ کے نقابیس زیادہ اہم ہو جانے ہیں۔ عدمہ کا ثعتہ کم کرنے سے خیال کی تنویر تو گھٹ جا لیکی لیکن سنخ کے سوا باقی تمام نقابیس بڑی حد تک رفع ہوجانے ہیں ۔ شکل بیٹ میں عدسوں کی دومشہور شمیں دکھلائی گئی ہیں ایش دال کا

تصویدی عد سلم، اور زود علمستقیمی عد سلم بیروال *کاتصویری* عدسه بهیت ہی زیادہ زودعمل ہوتاہے کیونکہ یہ م\م پربخوبی کام کرسکتا





شكل علك

ہے۔ اسس سے جا تمار شخصوں کی تصویر سینے کے علاوہ ، اِسے مناظری تندیل من تظلیلی عدید سے طور پر مجی استعال کیا جا آ اسے - اس کا جاب اس کے وسط میں ہو اسے - اس کے سامنے کا مرکب عدسہ دو ایک ساتھ مجلے ہوئے عدسوں کے ہیں۔ غیرلونی بوڑے برشتل ہوتا ہے، اور اِس کے بیچے والے مركب عدسدك دونول عدسول ك درميان اك جيوانا سافعسل كيور وا (١٩٢)

جالت - برمان المي سخ كانقص باقى رستام اورتصويركى تنوير

نختی **سر کنا** روں کی جانب صلتی جاتی ہے۔

زوء على تنقيري مرسه منتف كل اوده وغير لوني اجزاء پرستنل مؤناه، إن من سع مراكي جزار أون سنجيشه مح ايب محدب عدسه كوفلنط شيشه ئے آیک مقعر فی کی مدرسے ساتھ ملاکر بنایا جاتاہ ۔ حجاب اِن دونوں اجراد ك درميان متاليه - يو عدسه فيرسخي واب كيونكه إس كا اكب عن

می مربع کے خیال تے ضلعوں کو باہر کی طرف محدّب کردیتا ہے اور اس کا دوسرا جزاس في ل ك ضعول كو با برى طرف مقعر كرديباب اوداس في يه دونول منخ اكيه دوسرے كى تعدل كر ديتے اين -

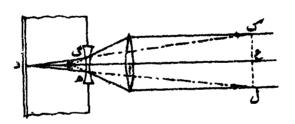
> Rapid rectilinearlens 4 Petzval portrait lens

Orthoscopic

سي

زود ممل تقیمی مدسول کو ایک عرصه تک بهت ہی مقبولین ماصل ری ایک عرصه تک بهت ہی مقبولین ماصل ری ایک عدسول کی وجدسے یہ مقروک ہیں۔

بعيد من اظر كي عظامتي : دوركي سي خيال ي فات



هنكل عنكث

و کھلا فی گئی ہے۔ عکسالہ کے عدسہ کو اِس میں سے بکال لیا جا تاہے ہگ کا مقدم عدسہ اور اِ محدّب عدسہ نور کی متوازی متعامیں اِ پرواقع دکھلائی

Tel-photography

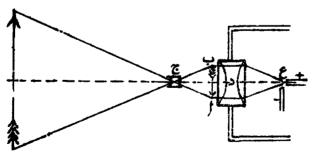
al Anastigmat

4

گئی میں - اگر مقعر عدسہ نہ ہوتا تو بہ متوازی شعاعیں ج پر ماسکہ میں **آجات**یں فیکن ید مقعر عدسہ اِن کو کم مستدق بناکر اِن کو دیر ما سکہ میں اے آتا ہے۔ شعاعول دگ اور د ها کو پیچیے کی طرف بہاں تک برهاف سے که یه اینی اصلی سمتوں کو ک اور ل بیر قطع کریں ایس معلوم ہوگا کہ مک ل خطہ خیال کا صدرسنوی ہے اور د ع اس آلد کا معادل اسکی طول سنے ۔ عدسوں کے درمیانی فاصلے کو گھٹانے سے صدرمستوی اور آگے برمعا ماتا ہے جس سے تکبیرا ورہزوہ جاتی ہے۔

مناظري فندمل اشقات تصويرون كي تعليل مين جس

قذیل سے کام لیا با اے اُس کامناظری نظام فیل مقد میں دکھلایا گیا ہے ۔ اب شفاف تصویر کو تبیر کرتا ہے جس کو اُلٹا رکھا جاتا ہے ۔ ج دائنہ یا تظلیلی مدسدے جو پردہ پرشفاف نفویر کا سیدھا خیال بیدا کرتا ہے اور اِس عدسہ کی تمیاب سے پردہ کے مختلف محلول سے یہ خیال مو واضح كرايا جا سكتا ہے بداء نورع ايك برقى توس يرشتل يوتا بي حس كے تتبت (٩٥) كاربن كو افقى وضع مين اور منفى كاربن كو انتصابي وضع مين ترتيب وياجا با



ہے۔اس انظام سے توس سے آنے والی ساری روشنی مکفند د پر واقع موتی ہے۔ یہ منتفہ عام طور پر دومستوی محدب عدسوں پرسنتل ہوتا ہے

جن کے مستوی رُخ باہر کی طرف رکھے جانے ہیں۔ اِس کا مصرف یہ ہوتا ہے کہ تھ ویر میں سے جہاں مک ہوسکے روضنی کی زیا دہ سے زیا وہ تقالر ایک البی سمت میں گزارے کہ یہ دیانے میں سے بھی گزر جائے ۔ برتی قول کو ایک دعواتی کیس کے اندر بند کر دیا جا تا ہے تاکہ پر دہ یر خیال بنانے والی روفنی کے سواکوئی اور روشنی باہر نہ آنے یائے۔ برتی قوس کی بھائے آتا کل اِس فرمن کے لیے خاص طور پر بنائے ہوئے گیس بحری سے ول سے بھی کام کام لیا جاسکتا ہے لیکن قوس دیارہ مور اور سہولت بخش ہوتا ہے، اور اگر

دستیاب م*ہوسکے تو اس کو ہمیشہ ترجیح د*ی جانی جاسیے۔ غیشن دوشین کے تظام کسی کہ ہوگا

غیر شفا ف شخصوں تی تظلیل کے لیے آج کُل تظلیل تنا کے نام سے مختلف آلات فروخت ہوتے ہیں ۔ اِن سب بیب لوشنی ہے، نہایت طاتور

معلق الآن مروعت ہوتی ہے۔ شکل مائٹ میں یہ دکھلا یا گیا ہے کہ ایک مبداؤں کی ضرورت ہوتی ہے۔شکل مائٹ میں یہ دکھلا یا گیا ہے کہ ایک معمہ لی نظلملی فندی سے سرکا مرکبونکر

شكل يلاپ

معمولی تطلیلی قندیل سے یہ کام کیونگر لیا جاسکتا ہے۔ ہم، ورن دو آئینے ہیں۔ مکتفہ سے آنے والی روسشنی آئیینہ ہم سے منعکس موکر غیر شفان شخص اب پر واقع ہوتی ہے جس سے یہ ایک نئے مبداء کے طور پر عمل سے یہ ایک نئے راس سے تعلے والی

شعاعیں آئیندن برمنعکس ہونے کے بعد عدسہ سم کی مدوستے بروہ پر ماسکہ میں آجاتی ہیں۔تظلیل نما کی صورت میں شخص اور آئینوں کا اتھی طح بندر ہمنا بہت ضروری موتاہے کیو کمہ اسس مورت میں خیال شفاف شخص کے نظلیلی فیال کے مقابلہ میں کم روشن ہوتاہے اور اِس لیے منتشہ روشی سے اِس کی وضاحت میں بہت کچھ فرق آجا الہے۔

Epidiascopes __

Sextent

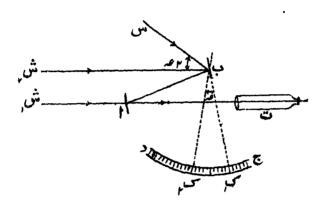
aĽ.

مضبکیہ پر جو بصری نقو مش مرتسم ہوتے ہیں وہ مخرک کے دورہوجانے سے بعد مجی ان نیریک فایم رہتے ہیں۔ اس گرکسی متحرک جسم کی تعمور س اسی سرح سے بی جایں جو اللہ فی نائیہ سے کم مذہر اور پھر إن تقويروں كو اسى سنرح سے بر دسے بر ڈالا جائے تو يہ جدا جدانصويريں گداز جو جاتی ہن للسل حركت ٥٠ احساس بيدا كرديتي بن سنيمو لو گراف كا اصول بن یمی ہے۔ یہ تصویری تعلیلی قندیل سے سلائیڈسس سے چھوٹی ہوتی ہیں اور دستوریے تحت ان کی قامت اُ × سے ہے۔اِن کی تطلیب تقریباً سے ہے۔ کے معادل ماسکی طول دالے ایک عدسہ سنے کی جانی سے - یہ تصویر مان سكو لائيدًا إسى نسم يح سمي اور ما ده كي حقق له يرجها لي جاتي بهن - به حقق دو چرخیوں پر جرط می ہوتی ہے اور جب ایک پرسسے تعلقی ہے تو دوسری برسٹتی جاتی ہے۔ ان یہ ایک ایسا انتظام ہوناہے جس سے جھتی کو ایک جشكا بهنجتا ہے۔ اس سے جملی بقدر ایک تصویر کے ایک چرخی بدے کال كر مری پرلیٹ جانی ہے اور در میان میں تصویر عدست ماسکی مستوی میں آجاتی ہے جس سے لیے ایک نماص دریجی بنی ہوتی ہے۔ مرتصویر اِس وریجی مے سامنے تفور ی دبیے سے تھیرتی ہے اسس وقت پر دے پر اِس کی تظلیل ہوتی ہے ، اس کے بعد اس کو جھٹکا بہنچیا ہے اور وہ آئے بڑھ جاتی (۹۹) مے اور ایک دوسر کی جسریر اس کی حکرمے بنتی ہے ، لیکن بہلی تصویرے آتے بڑھتے اور دوسری کے جگہ لینے کے درمیان میں ایک قطعہ عدسہ کے سامن الروشني كرروك ديناهي - حقلي اتني تومضبوط بوتي سے كم إس *لثاکش کو برد*اشت کرسکے کئین ساتھ ہی وہ بہت استعبال یذیر بھی ہوتی ہے۔ بینا بنچہ آگر برتی قوس کا خیال ذراسی دیرتے لیے بھی اِسن پرواقع ہوجا سٹے ؛ پلے یہ تنایا جاچکاہے کہ جب ایک آئیینہ کو

Film

Cinematograph

گھمایا جاتاہے تومنعکس شعاع آئینہ کی گردش سے زاویہ کے دگئے زاویہ میں گھوم جاتی ہے۔ آلد سدس، جو اس انصول پر مبنی ہے، ایک آلدہ جو دور کے دو شخصوں کے محاذی مشاہر بیسننے والے زاویہ کی پیایش کے لیے استعال کیا جاتا ہے۔ یہ ایک دور بین مت پرشتل ہوتا ہے جو آئید، آئینہ آئی سمت میں ہوتی ہے۔ اِس آئینہ کے صرف آ دھے تھتے پر چاندی چڑھی ہوئی ہوتی ہ



شکل پیش

اور اس کا باقی نصف صه شفاف ہوتا ہے۔ ب ایک دوسرا آئیدہ ہے جس کو ایک دوسرا آئیدہ ہے جس کو ایک دوسرا آئیدہ ہے جس کو ایک خورے کرد گھایا جا سکتا ہے۔ اسس آئیدہ سے ساتھ ایک نمایندہ نگا ہوتا ہے۔ ب جو درجہ داردا بُرہ ج دیر جرکت کرتا ہے۔

فرض کروکہ ایک شخص ایک ایسے فاصلہ پر واقع ہے کہ اِسس سے اور جب پرواقع ہے کہ اِسس سے اور جب پرواقع ہونے والی شعاعیں ش اور بش یا ہم متوازی ہیں بشعاع مش آئینہ اکے شفاف حصے میں سے گزر کر دور بین میں راست وہن ہوجاتی ہے۔ فرض کرآئینہ جب کی وضع ایسی ہے کہ شعاع مش آئینہ ں جب اور ایک منعکس ہونے کے بدہ دور بین کے اندر شعاع مثن کی سمت میں واقع دکھائی دیگئے ہے۔ اِس طرح شخص کے یہ دونوں خیال ایک دوسرے پر واقع دکھائی دیگئے

ب كى اس وضي سد من المناه كى غوائد كى كوصفر مان لياجا تام و فرض كروك إِسْ صَفِر سَعِي مِنْهُ وَرِيَّ أَرِيدٌ ، ﴿ وَرَبِينَ كُو أَبِي شَخْصَ كَي سَمْتُ مِينٌ نَرْ نَتِيبُ ويعن ير دونول شخصول کے نیالس کو انطباق بیں اے آنے کے لیے آئینہ ب کو زاویہ عد میں گھھا نا پٹر آ ہے۔ بیٹ پٹر البینی معرت میں آئکھ پر ان وو نوں شخصول کھے ورميان بننے والا - رم ١٠٠ مروكا - بيميانے ج د ير زاويوں كى اصلى قيتول ی و گنتی تمیتیں کندم میں ہے۔ اس ہے نما بیندہ کی خور ندگی ک کی ہے تريمه پريننے والا مر سه حاصل موجا ما ہے۔

ہ انہ سدس ، زیورج کے زاویہ قراز کی پیمایش سے لیے استعال ہوتا ہے۔ اِس سے این بر بر برطریفظل عام طور بیر فتیا رکیا جا آ ہے اسس کا

موے اِس ما تھ کی ؛ آء اپنے گھٹنے پر ٹیک کر یارہ کی ایک طشتری کے

سامنے أبي ما ناس . . بين كو ياره ميں دكھلائي دينے والےسورج كے (٩٤) خال می سمت میں ۔ آر شایندہ کو درجہ وار دائرہ پریہاں مک مطالع جانا

ہے کہ سورج کا ود سبال بو ما بندہ سے ملکے ہوئے آئینہ برانعکاس کی وجسے

يبدا ہوتاب سلے فيزارسے ساتھ منطبق ہوجائے۔ یا بہ یمانی اس خواندگی سے زامہ عمال مہوجا تاسیے اور چوٹا ہانہ اور ج د متوازی ہیں ار بیسورج كاارتفاع عدمونا -- البينسدكي

بجانے پارہ کی سط اس نیے استعال کی جاتی ہے کہ بیسطے عملِ جا ذہ سے تحت

غُود بخود افقی وضع کیں آجا تی ہے۔ سمندر پر سورج اور افقی سطح کا درمیانی زاویہ ناپ لیا جاتا ہے۔ ایک شکل کی مدد سے بیر با سانی ٹابت کیا جاسکتا ہے کہ ووہر کے وقت سورج کے ارتفاع کی تعبین سے عرض مبد کی قبیت اخذ کر لی جاسکتی ہے کیونک

فکی اجسام میں سگورج کا محل معلوم ہے ۔ اگر سورج کے بلند ترین ارتفاع کاؤنت ایک ایسے وفت بیما کی مدوسے جو گرینو چے تھے وفت کے ساتھ مطابقت رکھتا ہو، معلوم کرلیا جائے توسورج گرینو چے برنصف النہار کے اور آجائے کے بعد سے لے کر زمین کی گردش کی مذت معلوم ہوجانی ہے اور اِس سے طول بلدکی تعیین ہوسکتی ہے۔

مثاليل

(۱) اگرا کے الیبی دور مین سے دہانہ کا تضف حلتہ جو چاند کی سمت میں ا ترتیب دی ہم نی ہے، و ملک دیا جائے تو اس دور بین میں دکھلانی دسینے دالے چاند کی شاہر سے دالے جائے کہ کہا ہے کہ س

(۲) ایک دوربین میں جس سے دلانہ کا نظر ۹ اپنے ہے دوستارے مین علیمہ ملئی و ملئی دیتے ہیں۔ نظری طور پر ان سے منزوں سے درمیان راوبی فاصلہ کماہے ہ

(۳) اکیب کارڈ پر ایک دوسرے کے قریب دو خط کھینچ اور ان کی طرف اکیب آنکورسے قریب رکھے ہوئے تکبیری سٹیشہ میں سے دیکھو ۔ اِس کے ساتھ ساتھ دوسری آنکورسے روبیت واضح کے فاصلہ پر ترتیب دیے ہوئے ایک بیمانے کی طرف دیکھو۔ اِن خطوط کے خیالوں کو بیمانے پر وانح کراکر اِن خیالات کا درمیانی فاصلہ نا پ لینے سے تکبیری سٹیٹ کی کمبیری طاقت معلوم کی جاستی ہے ۔ اِسس قیمت کا مقابلہ نظری قیمت کے ساتھ کرو۔

(م) کسی طبعت بیمائی دوربین کی تکبیر حسب ذیل طریقول سے معلوم کرو (1) اِسرائے اجزاء کو الگ الک کرکے اِس کے عدسول کے مالی طول علیٰدہ علیٰدہ معلوم کرولا بھر ضابطہ ھے کی مددسے تکبیر حاصل کرو (ب) منور بیمانے اور

Greenwich at Chronometer

متوک نمایندہ کے طریقے سے جس کی تشریح صفحہ منالا پرکی گئی ہے رج) و إنه رور میشئی صلفہ کے انتہاں سے رصفی المجھلے)۔

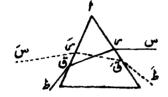
(۵) اِس در بین کے سائے تارکی ایک جائی قایم کردوجس کے بیجھاکیہ بہت لاکا غذائکا ہو۔ اُسس جائی کومنقر کرکے وہ براے سے بڑا فاصلہ معلوم کر و جس پر دور بین میں اِس جائی کے تارعللحدہ علیحدہ دکھائی دیتے ہیں۔ اِس سے اِس دور بین کی تعلیٰ طافت محسوب کرکے اِس کا مقابلہ نظری قیمت سے ساتھ کرو۔ پھراس دور بین سے دبانے سے تقبہ کو گھٹا کر دیجھوکہ اِس سے تعلیٰ طافت کی تجربی دور بین سے دبانے ہے۔ تقبہ کو گھٹا کر دیجھوکہ اِس سے تعلیٰ طافت کی تجربی قیمت میں کر اُن آناہے۔

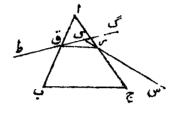
(۹) اسی دور آن سے زہرہ ، مشتری ، اور جاند کی طرف دیھو۔ (۷) صفحہ ملک بر بیان کیے ہوئے طریقہ سے کسی خرد بین کی تکبیر درمیافت کراو۔ مجھر اسس متیجہ کا مقا بھ نظری منا بطسے حاصل ہونے والی قیمت کے ساتھ کرو۔

سُمَا **تُوالِ بابُ** طيف پيما اورانعطاف نماؤل کي ي^ن

سشیشہ کے انطاف نما کی تعین کا سب سے سیدھا سا دھا طراقہ یہ ہے کہ اسس کا ایک نشور لے کر طیف ہمیاسے اس کا انتظاف نما معلوم کر لیا جائے۔ علم سندسہ میں منشور سے مراد ایک کثیرالسطوح ہے جس کے دو مرخ منوازی اساوی اور مشابہ کثیرالاضلاع ہوں اور جس کے باقی گئے متوازی الانتلاع ہوں۔ در مرز مناوی علم مناظر میں منظور سے ہمیشہ مثلثی قاعدہ پر کھڑا ہوا ایک قایم فشور مراد ہوتی ہے۔ ہروہ مستوی ہومنشور کے بہلووں پر عبود دار ہو صد رستوی کہلاتا ہے۔ چنا پنجہ آگر روشنی کی کوئی شعاع منشور کے بہلووں سے کھوٹ ایک رائے سارے دوران میں اور اسس سے نتانے کے بعد صریحاً اسی مستوی میں رہی ۔ بدر اس سے نتانے کے بعد صریحاً اسی مستوی میں رہی ۔ بدر اس سے نتانے کے بعد صریحاً اسی مستوی میں رہی ۔ بدر کھی میں رہی ۔ بدر کھی ہو تو یہ معد مربی اسی مستوی میں رہی ہی۔ بدر کھی بی رہی ہیں رہی ہی۔ بدر کھی بی رہی ہی۔ بدر کھی بی رہی ہی رہی ہیں رہی ہی۔ بدر کھی بی رہی ہی رہی ہیں رہی ہی۔ بدر کے میں رہی ہی۔

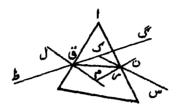
فرض کردکہ شکل ماہشہ شیشہ کے ایک منشور کی اس تراش کو تعبیر کرتی ہے جوایک معدر سنوی سے حاصل ہوتی ہے ۔ فرض کروکہ طرق روشنی کی ایک شفاع ہے جو درمنے اب کے نقطہ فی پرواقع ہونی ہے ۔ یہ نقطہ ق پر منعطف ہونے کے بعد ق می کی سمت میں حرکت کرتی ہے اور دومرے رخ سے نفط س پر منعطف ہوکر س میں کی سمت میں باہر آجاتی ہے۔





کنارہ اکوایی اس کنارہ کوس پر وہ دُنے جن ایس سے روشی گردتی ہے المنے ہیں، منشور کا انعل ف انگیز کنارہ کہتے ہیں۔ طبق کوگ تک بھا وُ اور میں من کو بیاں کہ بڑھا وُ کہ یہ طبق علی حمدودہ کوک بر قطع کرے۔ ذاویہ کی کسی میں بینی وہ زاویہ جو شعاع فاقع اور شعاع فارج کے درمیان بنتا ہے اس منشور کی وجہ سے پیدا شدہ زاویہ انخواف کہلا ہے۔ اگر رُمن الم ہے۔ اگر رُمن الم ہے۔ اگر رُمن الم ہے۔ اگر رُمن الم بائے اللہ فات المور المنظم اللہ اللہ کا داویہ انخواف کہلا ہے۔ رفول سے مساوی ذاویہ بنائیں بینی اگر افی المور شعاع مارج منشور کے رفول سے مساوی ذاویہ بنائیں بینی اگر افی المحواف افل ہوا ہے اور انہی صور سے بن کہنے کہ منشور افل انخواف افل ہوا ہے اور انہی صور سے بن کہنے کہ منشور افل انخواف افل ہے۔ بن اس شھور ہیں ہے۔ یہ ایک انخواف افل ہے ۔ بن اس شھور ہیں ہے مشاکلاً منافذ سمت میں گزرنے والی شعاع طرف من میں کا انخواف افل می میں کا انخواف افل میں میں دہی وہ کہ شعاع طرف میں میں کا انخواف افل میں میں دہی وہ کہ شعاع طرف میں میں کا انخواف افل میں میں اور انہیں ہور سکا ۔

اب فرض کرو کہ شکل ملا اقل انخواف کی وضع کو تعبیر کرنی ہے اور ل م اور م ن ایک شعاع ط ق س س سے نقاط و قوع آور خروج پر



عما دېښ ـ فرض کروګه

∠طق ل = دسسن = قد ادر دسقم =ق سم= عه اور زاویر اقل الخواف = حد . بنابرین :

م= دگکس = کی قرم + کری ق

= < D 09 - < V 09 - < D 09 - < B 09 - < = ۲ (قد - عد)

نير<اق × + < اس ق = π - ۱-۳

اور < اق م + < اس ق = < اق م - < س ق م + < اس م ـ < ق م ا الله ع م ـ < ق م الله ع م ـ < ق م الله ع م ـ < ق م ا

یس ا = ۱ عد نعنی عه = 💠 اور به قیمت حد کے لیے او بر حاصل شدہ جارم پر درج كرنے سے و

 $\alpha = 1\left(\ddot{a} - \frac{1}{4}\right) \, d \, \ddot{a} = \frac{1 + \alpha}{4 + \alpha}$

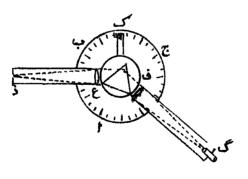
ليكن بموجب تعربيف الغطاف نما

مه = جب فد جب طه بس قد اورطه كافيتين درئ كرين ير:

 $\frac{\frac{1+\alpha}{r}}{\frac{1}{r}} = \frac{1+\alpha}{r}$

یں اگر 1 اور صمعلوم کرلیے بائیں تو مہ کی قیمت محسوب کر لی جاسکتی ہے۔ اِس ضابطہ کو یا در کھفے کا ایک آسان طریقہ یہ ہے کہ ہم اسٹس صورت پر غور کریں جبکہ بیمنشور شیٹ کی بجائے ہوا کا بنا نہوا ہو۔ اِس صورت میں حد صفر ہوجائیگا اور بنا بریں مہ مساوی ہوگا اسے ۔

کہ سر روبا یک ، دوبا بدی سے اور درکی تعبین بآسانی کی جاسکتی ہے۔
اقل اسخواف کی وضع میں ترتیب دیے ہوئے ایک طیف بیما کا فاکشکل 10 میں دکھلایا گیاہے۔ یہ بالالٹزام ایک ورجہ دار دائرہ اب ج برشتل ہوتا ہے جس کے محورکے گردایک توازی گرد ع اور ایک دورمین ف گ گردش کرسکتی ہے۔ توازی گر ایک نلی ہوتی ہے جس کے ایک مرے ع براک غیرلونی محدب عدسہ ہوتا ہے اورجس کے دورمیت سے د پر اور اسس



شكل يمايي

فقتب عدسیہ یے تھیاک ماسکہ پر ایک جھری ہوتی ہے۔ روشنی کی جو شعاعیں جھرِی میں داخل ہوتی ہیں وہ عدسہ میں سے گزر کرایک متوازی بینسل کی

شکل میں با ہرآنی ہیں - پھرمنشور کی وجہ تھے منحرف ہو کر بد دور بین سے دہانہ واقع مرقی ہیں ۔ چونکہ یہ دور مین فلکی دور بین ہوتی ہے اِس کیے برشعافین مشدق (۱۰۰) ہوکر ایک حقیقی خیال پیدا کرتی ہیں جس کا مشاہرہ رس کے رئیسٹ ن والے جِتْمه میں سے کہا جا اسبے ۔منشور کو ایک میزیر پھٹایا جا اسبے جس کو درجہ دار بیانے کے محورکے گردگھایا جاسکتاہے اورجس کی گردش کسر بیاک کی مددست پڑھ کی جاسکتی ہے۔ درجہ دار پہانہ بر دور بین کا محل بھی آیک اور کسر بیا کی مددسے برط الیا جاسکتاہے۔ بولکہ صرفی فیمت مستعلد روشنی سے راگ سے ساخة ساخة بدلتی جاتی ہے اس کیے عام طور پر مسنی شعلہ میں سوڈ بر کے کہی نک کو گرم کرکے اِس سے بیدا ہونے دانی زرد بک بونی نورست میدا واق كام بيا جاتا ہے۔ إس كے ليے بہترين مك سوديم باني كاربو نيث ہے، بلاننیم کے کسی باریک تاریکے مرب برہنے ہوئے آیک چھوٹے سے ملفہ سی اس مک کا ایک دانہ نے کر اس کو شعلہ کے کنا دے میں یکوطے رہے سے دیرتک ایک گرے زرد رنگ کی روسشی ماصل ہوتی ہے۔ مری پیمایش کے لیے سلے منشور کو ہٹادیا جاتا ہے اور دوربین کو توازی گری سیده میں اے آتے ہیں۔ اس سے جھری کا خیال دور بین کے میدان میں نظر آجا کہ اور بھر دور بن کو یہاں کے گھایا جاتا ہے کہ مخال صلیبی تاروں کے ساتھ منطبق ہوجائے۔ یہ نواندگی لے ٹی جاتی ہے۔ اِس کے منتفور كوابني مبزير ركف كر ووربين كواس طرح تكفايا جاتا ہے كر اس ميں منتورس سيخ كزراني والى روستى كى وجدس بني والا جفرى كا خيال وكل في دي من من منشور كواسس طرح كلما يا جا ماس كم يه افل انحواف كى وضع ميں آجائے۔ إس محل كى سناخت بآساتى موجاتى ہے كيونكه إس محل پر جھری کا خیال میدان میں وائیں لوٹ کر مخالف سمت میں حرکتِ کرنے گیا ہے ۔جب بیمحل حاصل ہو جائے تو درجہ دار دائرہ کی نوا ندگی کرر

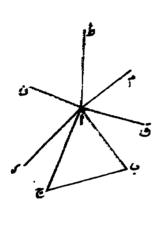
لی جاتی ہے۔ اِن دو نول خوا ندگیوں کا فرق صر کو تعبیر کرتاہے۔

منشورے زاویہ اکی بیاتین سے لیے ہم دو طریقے افتیار کرسکتے

یں ۔ پہلے طریقہ یں اشکل شد) منشود کو اِس طرح رکھا جاتا ہے کہ اِس کاکٹارہ اِ میزے مرزے و یب سے آک اسس پر توازی گرسے آنے والی شعاعوں

124

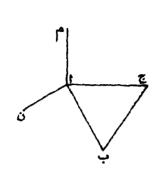
میرے مروع ویب بے ، واس بر واری رہے اے واق معاموں میں سے بعض اُن اب براور بعض اُرخ اسے برسمت طامیں واقع ہوں ۔ یشعد میں سنوں افق اور اس میں منعکس ہوتی ہیں - اگرمنشورکو



این جگه قایم کو کر دو بین کو این کو اور اس کی سمتون یک الیا جامے توجیری کے نعک سی خیال دکی بی دیگی ۔ بسس خیال دکی بی دیگی ۔ بسس کی بیمانیش کرلی جاسکتی ہے ۔ منشور کا زاویہ المح جبیبا کہ ذیل میں بنایا گیا ہے ۔ اور ان کھینچ ۔ بین پچہ ا

دقار = ۱۳- فاط- دماط=۱۳-۱حطان + ۲= (۱۵۱۰ - ۱۳)۲=

دوسرے بریتہ بن سنٹور کو بیلے اس طرح ترتیب دیا جاتا ہے کہ اس کے ایک ایک ایک ایک اسٹور کو بیلے اس طرح ترتیب دیا جاتا ہے کہ صلیبی تاروں پر منطبق ہوا آیک خیال جوری کا بیدا کریں ۔ پھردورین کو اپنی جگہ قایم رکھ کہ منشور کی میز کو اس طرح گھایا جاتا ہے کہ جری کا دہ خیال جو ایک دو سے بیدا ہوتا ہے وہ خیال جو ایک دو سے بیدا ہوتا ہے صلیبی تاروں پر منطبق ہو جائے ۔ اسس گروشی ذاویہ اور وہ قایمول میں جو فرق ہوتا ہے وہ مساوی ہوتا ہے ۔ اُس گروشی زاویہ اور وہ قایمول میں جو فرق ہوتا ہے وہ مساوی ہوتا ہے۔ اُن رخوں سے درمیا فی زاویہ کے جن سے کہ روشنی شعکس ہوئی ہے۔



شكل يمك

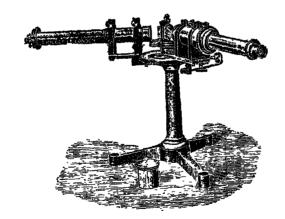
یہ اس لیے کہ دوسری وضع میں ایک رفت کے عماد کی سمت

وہی ہوتی ہے جو بہلی دست میں دوسرے رفع کے عماد کی سمت اور کی سمت کر دست کا زاویہ:

عرد سس کا زاویہ:

عرد سم ان = \pi - ا
عین دو ایسے طیف بیا دکھلائے میں دو ایسے طیف بیا دکھلائے میں جو بخرت استعال میں

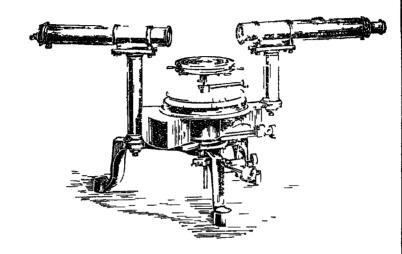
ہیں۔ دوسرے طیف پہالیں جونبائزیادہ مکل آلہدے دور بین کو متوازن کیا جاتاہے تاکہ گروشش کے دوران میں اس، میں بگارا بیدا



شكل يه ٩

نہ ہونے پائے ۔منشور کی میزاور دوربین دونوں سے ساتھ إن كوكس دين اور إن كى سست حركت كا انتظام ہوتا ہے نیز اسس میں منشور كى

میزکو اونچا نیجا بھی کیا جا سکتاہے اور اِسس کے ساتھ تسطیحی پیج مجھی لگھے



طیف پہاکی ترتیب اطیف بیاسے کام کرتے وقت

ضروری ہوتا ہے کہ :

(و) دور بین کی نمسیک متوازی شعاعوں کے لیے کرلی جائے۔ (ب) توازی گر کی تمسیک متوازی شعاعوں سے لیے کرلی جلف۔ (ج) دوربین اور تواز کی گرے مناظری محور آلہ سے گردشی محوریر

ر د) منتور کا ا بغطاف انگیر کنارہ آلہ ہے گر دشی مح ریے متوازی ہوتا ترتیب (و) کے عمل میں لانے کا اسان ترین طریقہ یہ ہے کہ الہ سے دور بین کو نکال کر اسس میں سے سی سفیدسطے کو دیکھتے ہوئے جشمہ کو

Levelling screw -

اندر باہر سرکا کر اس طرح ترتیب دیا جائے کہ اِس سے صلیبی تارجہاں یہ۔
ہوسکے واضح ترین دکھائی دینے لگیں ۔ اس سے چشمہ اور سلیبی تاروں کا اضافی
فاصلہ عین ہوجا تاہے ۔ پھر اِس دور بین کوکسی کھلی کھڑکی سے باس لے جاکر
اِس میں سے کسی گرجے یا دھواں دائی سے مینار کی طرف دیکھتے ہوئے اِس کی
تشک اِس کے ساتھ لگی ہوئی دت بٹی کی مددسے اِس طرح کی جاتی ہے کہ اِس
شخص کا خیال جہاں تک ہوسکے واضح ترین نظر آنے لگے ۔ اِس سے دیا نہ
اور سلیبی تاروں کا اضافی فاصلہ عین موجا تاہے اور یہ ترتیب محمسل
ہوجانی ہے۔

اس سے بعد دور بین کو طیف پیما میں اپنی جگہ بھاکر توازی گرکی سیدھ میں گھا دیا جا تاہے۔ پھر توازی گرکی جھری کو سوڈیم کی روشی سے منور کرسے ہمس کا فاصلہ اپنے دہانہ سے اِس طرح تر تیب دیا جا تاہے کہ دور بین میں سے دیکھنے پر جھری کا خیال حتی الامکان واضح ترین نظر آنے لگے۔ اِسس سے توازی گرکی تمسیک متوازی مشعاعوں کے سیاے ہو جاتی ہے۔

اگر دوربین کو آلدسے علی دہ نہ کیا جا سکتا ہو، جیبا کہ خفل ہا ہے اس دکھلائے ہوئے طبیف پیما کی صورت میں ہوتا ہے ، نوجتمہ کی تسیک صلیبی تاروں پر کر لینے کے بعد حسب ذیل طریقہ اختیار کیا جا سکتا ہے ہو انسانی خوا سنتا کی منسود کو اس کی میز پر اس طرح دکھا جا تاہے کہ جھری کے انسلانی خیال کا منشود کو اس کی میز پر اس طرح دکھا جا تاہے کہ جھری کے انسلانی خیال کا انتخاف اگل انخاف سے انخاف سے انخاف اگل انخاف سے بڑا ہو۔ بنا پنج ایک وہ جو سلسل خطوط سے تبییر کیا گیا ہے اور جس میں جھری کا ایک چوڑا خیال حاصل ہوتا ہے ، اور دسرے وہ جو نقطہ دار خطوط سے تنبیر کیا گیا ہے اور جس میں جھری کا ایک دوسرے وہ جو نقطہ دار خطوط سے تنبیر کیا گیا ہے اور جس میں جھری کا ایک

Schuler 4

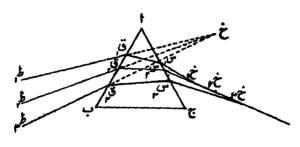
باركي خيال مامسل موتا ہے ۔ فرض كروكه منشور نقطه دارخلوں سے تبعيري مردئي

J(53)

وضع میں مکا ہواہے مینی توازی گر
سے ہے فی والی ضعامیں اس بر
اقل انخواف کی وضع کے مقابلہ میں
نیز فرض کرو کہ دور بین اور توازی کر
دو نوں خیر مرتب حالت میں ہیں اور
دور بین کی تمبیک یہاں تک کردکہ
جھری کا خیال غیر واضح ہوجا نے ۔ پھر
مخری کا خیال واضح ہوجا نے ۔ پھر
منشور کو گھا کر دو سری وضع میں
منشور کو گھا کر دو سری وضع میں
میں آؤ ۔ خیال کمرر غیرواضح ہروائیگا۔

ہے او۔ حیاں مرد حیروا ہے ہوئیا۔
اب توازی گری متیک کرلو تا آئی خیال مکررواضح ہوجائے ۔ اِس سے بعد شور کو ایس سے بعد شور کو پھر اِسس کی بہلی وضع میں گھاؤ اور اگر خیال پورے طور پر واضح منہو تو ور میں کی تمییک سے اِسس کو واضح کرلو۔ اور ملی بندا۔ جب خیال دو نوں وصنعوں میں واضح نظر آئے تو اِس سے شصنے یہ ہیں کہ دور بین اور توازی گری کہ سیک متوازی شاعوں کے لیے ہو تی ہے۔ مملاً عام طور پر تین سے زیادہ مرتبہ تمییک کی ضرورت نہیں ہوئی ۔ نیز اگر کوئی تعلی مرزد ہوئی ہو اور دور بین اور توازی گر کی تمییک غلط ترتیب میں کی گئی ہوتو یہ بات خیال کی عدم وضاحت کے اصافہ سے فوراً ظلام ہو جا گئی ہوتو یہ بات خیال کی عدم وضاحت کے اصافہ سے فوراً ظلام ہو جا گئی ۔

برس طریقہ کا اُصول شکل م<u>وں کے مطالعہ سے</u> باسانی سمجھ میں ا امانیکا۔ طامن خط ط_{یع} شعاعوں کی ایک ایسی منیس ہے جومنشور اب ج کے موجود مذہرے کی صورت میں ایک نقطہ خ کی جانب مستدق ہم تی۔ میمنشور اِسس طرح رکھا ہواہے کہ شعاع ط_م فی بی اقل انحواف پیدا ہرتاہے ۔ فرض کروکہ شعاعوں کی ایک نہایت باریب بیسل جس کی صدر شعاع



شكل شرو

طرق ہے خرکی جانب مستدی ہوتی ہے۔ چنانچہ شعاع طرق منطف ہونے کے درمیان نقطہ خرپر نظم کرنی چاہیے اور شعاع طرق انعطان کے بعد س خرکو خرسے بعید ایک نقطہ خرپر تقطع کرنی چاہیے پر تقطع کرنی چاہیے پر تقطع کرنی چاہیے ۔ اسس لیے اگر ہم طرش طرکو ایک علی دہ بسل خبال کریں تویہ انعطاف کے بعد زیادہ مستدی ہوگی اور اگر ہم طرخ طرکو ایک علی دہ بیسل تصوّر کریں تو یہ انعطاف کے بعد کم مستدی ہوگی ۔ ایک علی دہ بیسل تقل انحواف کی مائل سمت کے مقا بلہ میں کم مائل طور پر واقع ہوتو یہ منیشور کی وجہ سے منعطف ہونے کے بعد کم متوازی ہوجاتی ہوجاتی واقع ہوتو یہ منیشور کی وجہ سے منعطف ہونے کے بعد کم متوازی ہوجاتی ہوجاتی واقع ہوتو یہ منیشور کی وجہ سے منعطف ہونے کے بعد کم متوازی ہوجاتی ہوجاتی کے داخل

ہے آور اگرید اقل انتراف کی ما تُل سمت سے مقابلہ میل زیادہ ما کُل طور پر واقع ہو تو ید منشور کی وجہ سے منعطف ہونے سے بعد زیا دہ منوازی ہوجاتی ہے۔ اسی طرح ایک دوسری شکل کھینچ کر بہتا بت کیا جاسکتا ہے کہ کسی نقطہ سے متستع ہونے والی بنیس کی صورت میں تھی یہی بات صادق آتی ہے۔

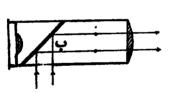
اب علی صورت پر فور کرو۔ فرض کروکہ جب روشنی کا و فوغ اقل انتخاف کی ماثل سمت سے مقابلہ میں کم مایل نقا تو دور مین تسبیک کی حالت میں تقی اور بہ کہ منشور کو دوسری وضع میں گھایا جا تاہے۔ ہیں ا

سے دوربین میں داخل ہونے والی سٹعاعیں زیادہ متوازی ہوجاتی ہیں

اور دور بین کی مکرر تمبیک سے اِسس کی تمبیک کی حالت متوازی شعاحوں کے لیے اور بہتر ہوجاتی ہے۔ اب منشور کو اس کی بہلی وضع بیں وائس مھا دو۔ اِس سے روربین میں درخل ہونے والی بنسل صورت حال کے اعتبار سے یا تو بہت زیادہ ستدتّق ہوجائیگی یا ہہت زیا دہ منسع اور آگر ہم کی تضیح توازی گر کی ترتیب سے کرمیں تو توازی گرئی تسیک کی حالت متوازلی شعاعوں کے میے صریحاً بېتر موحانىگى-

ترتیب (ج) کی ضرورت شاذ و نادر ہی بیش آنی ہے۔ سا دہ قسم کے آلات میں اِن کے بنانے والے خود ہمیشہ کے لیے اس کی مکین کر لیتے ہیں اِ زیادہ نازک الات کی صورت میں یہ ترتیب گاؤس کے چیمہ کی مددسے

عَلَّ مِن لائی جاتی ہے۔ 'گاؤس کا چِنمه شکل <u>۹۹</u> میں دکھلا یا گیاہے۔ یہ محض ایک مثیت چشمہ ہوتاہے جس تی تلی سے پہلومیں



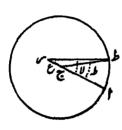
امک سوراخ ہوتا ہے اور اسس کے عدسول کے درمیان نلی کے محورسے هما مے زاویہ پر مائل شفا ف شیشہ کی ایک شختی ب ہوتی ہے۔

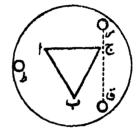
دور بین سے مناظری محور کو شكل يوق (والسن كل طبيعيات على سے)

آ لہ کے گردشی تحورکے علی القوام ترتیب وینے سے لیے منشور کی میزیر شفاف تشیشہ کی ایک منتوی متوازی تختی آ لیسے گردستی محور کے اس قدر متوازی جس قدر کہ آنکھ سے دیکھا جاسکیا ہو، قایم کر دو میشمه سے سوراخ میں سے شکل عامی کے مطابق روشنی وافل کرو ا کہ شعاعیں نشیشہ کی شختی سے منعکس ہو کر دور بین کی نلی اور ارس سے وہا نہ میں سے گزرجا نیں ۔ منشور کی میز کو اسس طرح گھاؤکہ اِس بیرقائم کی ہوئی سٹیشہ کی تختی اِن شعاعوں کو دور بین اور اِس کے جیٹمہ میں سے ا مہونتے ہوئے مشا مدکی ایکھ کے اندر واپس منعکسس کردے اِس سے مشاہد کو

ملیبی تاروں کا ایک خیال خودصلیبی تاروں پر نظر آجا یا چاہیے۔ اگرامٹس کو پیر خیال پہلے میل نظر نہ آئے نو ائس کو غالباً اس سہوہ کے دا ٹری کنارہ کے ایک حقد کا خیال دکھانئ دیگا۔جس بر کەصلىپى تارحىياں رہتے ہیں ۔ اسس خیال کودت پلی ى مدوسے واضح كرابياجا سكنامے . بير عل متوازى متعاعوں سے ليے دور بين كي تسبك كامعادل ب ــ اور إس سيصليني تا رول كا خيال نظر ا جا نيكا-اس سے بعدِ منشور کی میرکو، اس پر کی سٹیشہ کی تختی کو سٹائے بفر ۱۸۰ سے زاوید میں گھا دوسلیسی تاروں کا ایب خیال مکریہ نظرا أیسكا لیكن بيمبدان مے ایک مختلف مصته میں واقع ہوگا۔ اِسس کی وجہ مشبیشہ کی تحتی کا گردمٹی محور سے ٹھیک متوازی نہ ہوناہے اور یہ نقص منتوری میزسے تسطیحی بیحوں کی مدد سے رفع کرایا جانا چاہیے۔ پھرجب دونوں اوقات خیال میدان میں آیک ہی مقام پرد کھائی دے تو دور بین کے محور کے میلان کو اس مقصد کے لیے دہتا (ه۱۰) کی برفت انتظام کی مددسے بہاں یک بدلنا جاہیے کہ یہ خیال خور ملین نارون برمنطبق ہوجائے۔ اِس سے دور بین کا محدر الدسے گرد نئی محدر کے علی القوائم ترتیب باجائیگا۔ اگر سنیشہ کی مستعلی تحقی سے رفت ایک دوسرے سے ملیک منوازی نه ہونوصلیبی نارول کے در خیال ببدا ہونگے جن میں سے ایک ایک رُخ کی وجدسے اور دوسرا دوسرے رُخ کی وجسے ہوگا۔ لیکن یہ ضال ایک دوسرے سے اتنے دور واقع نہیں ہوتنے کہ تکلیف دہ ہو جائیں ۔ دوربین کے محور کو ترنیب دے لینے سے بعد توازی گرہے میلان کو یہان یک بدلنا چاہیے کہ سلین تارجوری سے خیال سے مطیک وسط میں وکھانی دینے کئیں۔ اِس سے توازی ٹر کا حور آلہ کے گردیٹی محرر کے علی الفوایم نرتنب با *جا ش*گا به نزنتیب (د)کے عمل میں لانے کے دوطریقے ہیں۔ فرض کروکہ ہیں

کنارہ اکو گردشی محور کے متوازی ترتیب دینا ہے۔ بیٹے ہیں منتور کواس طُح رکھنا چاہیے کہ کنارہ اپر ملنے والے رخوں میں سے ایک بالفرض اج ہشطیجی بیجریں میں سے کوئی دو کو بالفرض من اور فق کو ملانے والے خط کے علی القوام ہوتا اس کے بعد دوطریقے اختیار کیے جاسکتے ہیں۔ پہلے طریقے ہیں گاؤس کے چشمہ سے مدد لے کر دور بین کو رُخ اس کے علی القوائم ترنتیب دیا جا ہائے نبینوں تسطیمی بیجوں کی ترنتیب سے سلیمی تاروں اور اِن سے خیال کو منطبق کرلیا جا تا ہے، بھر ذور بین کو رُخ ا ب بے علی القوائم ترنتیب دے کرصلیبی تاروں اور اِن سے خیال کا انطباق صرف بیچ طلکی ترتیب سے مامسل کیاجاتا ہے۔ اور اِن سے خیال کا انطباق صرف بیچ طلکی ترتیب سے مامسل کیاجاتا ہے۔





مىل مىلا

فنكل عنط

اس سے دوسرے رُخ کی ترتیب میں ضلل واقع نہ ہوگا۔ دوسرے طریقہ بی توازی گرکوکارہ اکی سیدھ میں سے کر اسس کی جھری کو منور کیا جا اسے بھر رینوں اج اور اب سے انعکاسوں کی وجسے جھری کے جو خیال ماکل ہوتے ہیں ان کا معائینہ دور بین کی مدوسے کرتے ہوئے منشوری میز سے تسطیحی بیجوں کو ایسس طرح تزنیب دیا جا تا ہے کہ یہ دونوں خیال میدان میں اپنی مناسب بلندی پر دکھائی دیں یعنی صلیمی تار اِن کی تنصیف میں اپنی مناسب بلندی پر دکھائی دیں یعنی صلیمی تار اِن کی تنصیف کریں۔ پہلے درخ اج کی وجہ سے بننے والے خیال کو تینوں بیجوں کی مدد سے ترتیب دیا جا تا ہے اور پھر روخ اب کی وجہ سے بننے والے خیال کو مسے بننے والے خیال کو صرف بیچوں کی مدد سے۔

اِن دونوں طریقوں میں یہ فرض کرلیا جا آئے کہ دور بین آلد کے کردشی محورے علی القوام ہے اور دوسرے طریقہ میں یہ جی مان لیا جا تا

ہے کہ توازی گربھی آلد کے گردشی محور کے علی القوایم ہے ۔ إن دو نول طرتقول میں دومرا طریقہ نسبتاً زیادہ آسان ہے ۔

میج طیف بیماؤں میں دور بین کی گرومش پڑھے کے لیے دوکسر پیا ہوتے ہیں جواید دوسرے سے تھیک ، مراکا آداد ببناتے ہیں اسی طرح منشور کی میز کی گردش پڑھنے کے لیے تھی دوکسر بیما ہونے ہیں ۔ عام طور پر زاد یوں کے

روں پر سے صفیے بی رو سربیا کی مدد سے پڑھ لیے جاتے ہیں نیکن اِن کے درج تو صرف کسی ایک مسربیما کی مدد سے پڑھ لیے جاتے ہیں نیکن اِن کے

(۱۰۷) دقیقے اور نانیے دو نول کسریمیاؤں کی مددسے بڑھ کر اِن کا اوسط لیا جا آہے۔ اِس سے جوخطا درجہ دار دائرہ کے خروج المرکز کی وجہسے بینی درجہ دار

دائرہ مے ہندسی مرکز میں سے گردشی مور کے نہ گزرنے کی وجہ سے ببدا ہوتی ہے وہ ساقط ہوجاتی ہے۔ چنا نجہ فرض کروکہ ج درجہ دار دا فرہ کا ہندسی مرکز ہے اور می گردشی مرکز ہے اور ط بالفرض دور بین کامحل ہے۔

مہلک مرزع اور من کردئی مرزید اور ط با نفرس دور بن کا رہے فرض کروکہ س ج = ع ، س ج مدودہ محیط سے اپر ملتا ہے اور

ہے ط=ص بنا بریں ط = ∠طح ا دور مین کے ظاہری محل کو تعبیر کڑا ہے اور لا = 2 ط س ج اِسس کا اصلی محل ہے۔ بیں مثلث س ج ط میں :

> ع - مع - جب مطع - جب (طر - لا) س ع ط جب ع مط جب لا

> > یا چونکہ (طہ-لا) ایک جھوٹا زاویہ ہے اِس کیے ؛

ع جب لا ≈ طه - لا ص

يس لا= طه - ع جب لا

اگر س ط ۱۸۰ کے زاویہ میں گھوم جائنے اور لا میں ۱۸۰ کا اضافہ ہوتو جب لاکی عددی قیمت تو وہی ہوگی لیکن اسس کی علامت مختلف ہوگی۔ یس زاویہ کی صحیح اورظا بری فنیتول کے فرق کی علامت بل جاتی ہے اور اس لیے دوخوا ندگیوں کا اوسط لینے پر یہ فرق ساقط ہوجا تاہے۔

الينة كا خود توازى كرطيف بيما بس ودى

فاص خصوصیت یہ ہے کوال کی دور بین دور بین اور توازی گر دونوں کے فرائیں امنجام دیتی ہے۔ جس ستوی پر چیٹمہ کی نسیک عمل میں آئی ہے اس بی ایک جھری ہوتی ہے۔ جھری جھری ہوتی ہے۔ جھری سے قربیب اس جھری اور چیٹمہ کے در میان گی طور پر منعکس کرنے والا ایک منشور ہوتا ہے جسری مددسے جھری کو بازو سے ایک شوراخ میں سے آئے والی روشنی سے منور کیا جا ایک ۔

اس آلہ کو ترتیب دینے کے لیے اولا جشمہ کی متیک جھری ہر کر ہی جاتی ہے بھر منشور کی میز بر سفیشہ کی ایک مستوی متوانی تحقیق کی کر کے اس کو ہس طرح ترتیب دیا جا اسے کہ یہ دور بین سے آنے والی شعاوں کو اس میں واپی شعکس کر دے ۔ اس طرح میمان نظر میں خود جمری کے او بیا اس میں واپی شعکس کر دے ۔ اس طرح میمان نظر میں خود جمری کے او بیا حتی الا مکان واضح کر بینے پر دو ۔ بین کی مشیک متو زی شعاعوں کے بیے موجائیگی ۔ ہیں کو آ ایک گردت سے محتی الا مکان واضح کر بینے پر دو ۔ بین کی مشیک متو زی شعاعوں کے بیا موجائیگی ۔ ہیں کو آ ایک گردتی مورے علی القوا بی ترتیب دینے کے لیے نشور کی میز پر کی سفیشہ کی تحقی ہو وی کو کھیک اس طرح ترتیب دیا جا آ ہے اور منشور کی میز سے میان کو دو نوں مرتبہ میدان نظر میں ایک بی خاص محل پر لے آنے کے لیے سابقہ دفعہ کی ترتیب (جی) کی سے میں میں ترتیب میا بقد دفعہ ویا گیا تھا و زیر امتحان منشور کے انفطاف انگیز کنارہ کی ترتیب میا بھد دفعہ ویا گیا تھا و زیر امتحان منشور کے انفطاف انگیز کنارہ کی ترتیب میا بھد دفعہ ویا گیا تھا و زیر امتحان منشور کے انفطاف انگیز کنارہ کی ترتیب میا بھد دفعہ کے خوالوں میں سے بہلے طریقہ سے عمل میں

Auto-collimating a

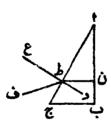
لائي جاتي ہے۔

رویہ ای بمایش کے لیے (شکل ساند) اولاً روستنی کو روح اب پر واقع کرے جوری کا خیال حاصل کیا جا تاہے۔ پھر منشور کی میز کو

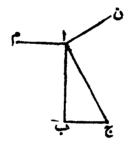
م ب برواقع کرتے بھری کا حیاں کا مل کیا جا ایکے۔ بھر مسوری میر تو اِس طرح گھا دیا جا ایسے کہ روخن رئرخ اج پر حمو دا ٌ واقع ہونے سکے۔ چنانچہ میز کی گردشی کا زاویہ صریحاً ≤ م ﴿ ن کے مِساوی ہوگا اور اِس کو

ت میں تفریق کرنے بر ای قیمت عاصل کی جاسکیگی۔ π

شیشہ کا انعطاف نما معلوم کرنے کے لیے جھری کوسوڈ مم کی رقنی سے منور کرکے شعاعوں کو رمخ اسم پر ف ط کی سمت میں واقع کرایا جا آہے تاکہ یہ انعطاف کے بعد رُخ اب بر عموداً واقع ہمول -



<u> است</u>ال م<u>ستان</u>



شكلعتن

چنانچ انعکاس سے بعد بر شعاعیں اینے ہی راستہ پر والیں لوٹ آتی

ہیں اور جھری کا خیال میدان کے بیج مقام پر بیداکرتی ہیں چوہنشورکی

میز کو اسس طرح گھایا داتا ہے کہ جھری کا ایک خیال فیخ اسے

راست انعکاس کی وج سے حاصل ہو۔ میزکی اس کردسش کا زادینہ سیا

ح ف طرع کے مسادی ہوگا ۔ چونکہ حد ط ف ہے کہ اس کی بیالین کا
طریقہ بہلے بیان ہو چکا ہے اور مہ = جس نی دن طع کے العطاف نما

ی قیمین ہوجاتی ہے سیست

اینج کے طیف بیما کی خاص خوبی یہ ہے کہ اس میں متحرک حصوں کی تعداد اقل ہوجاتی ہے اور بنا بریں الدیمے فساد کی وجہ سے خواندگیوں کی صحت محت متاثر ہونے کا احتال کم ہوجاتا ہے۔ نیز ایتے سے وضع کر دہ اصلی الدہیں

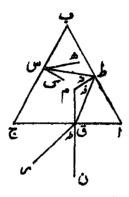
ننشور کی میز کو گھانے کے لیے ایک خردہ بیما ہے تھی لگا ہونا تھا جس کی مدد سے زاویہ سے چھوسٹے جھوٹے فرق مثلاً طبیف شے مختلف حقوں میں انتشار بڑی صحت کے ساتھ نیڑھ لیے جا سکتے تھے۔

مُحكّى انعكاس والے طربقوں سے انغطاف نا

ی مواجع بین با جست جو شیشه کا ایک منشور ہے جس کا مساوی الزاویہ مونا ضروری نہیں ۔ فرض کر و کہ ایک منشور ہے جس کا مساوی الزاویہ مونا ضروری نہیں ۔ فرض کر و کہ سوڈیم کے کسی شعلی کے خیال کی تنسیک سے کسی شعلی کے خیال کی تنسیک سے عدسہ کی مدوسے اِس منشور سے کھے ہوئے دُن فیم میں سے سوڈیم کی جاتی ہے اور میں اِسس خیال کا کوئی نقط ہے ۔ چنا نیجہ میں سے سوڈیم نور کی شعاعیں تمام سمنوں میں منشور کا ورکی شعاعیں تمام سمنوں میں منشور کا

النطاف نما ہوا کے کیا کا سے مرہ اور رُخ اب بر ایک ایسے

مایع کی تدہے جس کا انعطاف نما ہوا کے تحاظ سے مہدے ۔ چنا پخد آگر نقطہ (۱۰۰) س سے متسع ہونے والی کوئی شعاع س ط ا رُخ ا ب پر ایک ایسا (۱۰۰) زادیہ وقوع فہ بناتی ہوئی واقع ہوکہ



شكل عثنك

جب فہ = میں ہوتونادلیانطاف کا جیب فہ = میں ہوتونادلیانطاع عیب اکائی ہوگا اور منعطمت شعاع منشور کے ارکم کوسس کرتی ہوئی اگر است طرا میں باہر آئیگی - اگر نداویہ وقوع ہیں سے بڑا ہوجیا کہ شعاع میں کس کی میورت میں ہوتا ہوگی

شعاع میں ک کی صورت میں ہوا ہے تو منعطف شعاع موجود نہ ہوگی ملکہ بیشعاع کئی طور برمنعکس ہوجا کیگی اور اس منعکس شدہ شعاع کی عدّت

واقع سفاع کی حدت سے مساوی ہوگی ۔ اگر زاویہ و قوع فرسے جھولما ہو جیساکہ شفاع س ھ کی صورت میں دکھلایا گیاہے تو ایک منعطف شفاع معمی موجود ہوگی اور بنا بریں اِس منعکس شفاع کی حدث واقع شعاع کی

مدت سے کم ہوگی ۔ رُخ قب ج سے دیگیر منور نقطوں سے منتبع ہونے والی شعاعوں کی صورت میں بھی بہی ہوگا ۔ اِس لیے اگر منوازی شعاعوں سے لیے ترتیب دی ہونی کونی دور بین منشور میں سے یا ہر آنے والی شعاعوں ک

ماسل کرنے کی غرض سے من فق کی سیدھ میں لائی جائے تو اسس کا میدان نظر سمت فی س کے متناظر خط سے دو حقوں میں منقسم یا یا جائیگا۔ اس خط کی ایک جانب کا حصہ کتی طور پر منعکس شدہ روشنی سے امنور ہوگا

راس مطل کا ایک جانب کا مصد می طور پر سفس شدہ روسی سے مسور ہوگا اور بنا بریں یہ دو سرے معتدسے زیادہ روشن نظر آئیگا۔ گئی انعکا سس کے طریقہ میں ملیبی تاروں کو ایس سرحدی خطیر ترتمیب دیا جا تاہے جہاں میدان کی مدت بدل جاتی ہے۔ فرض کروکہ کرخ ج ب منور ہونے کی بجائے ایک کالے کافدے ڈھکا ہواہے تاکہ اس میں روشنی داخل نہ ہوسکے اور یہ کہ سوڈیم سے ایک شعلہ سے آنے والی شعامیں رُخ ب آ پر تماسی وقوع ب آ کی سمت میں اور تامی وقوع ب آ کی سمت میں اور تامی وقوع ہوگئی ہوئی ہیں ۔ جوشفاع سطح کومس کرتی ہوئی واقع ہوگی وہ ط ق کی سمت میں منطقت ہونے کے بعد منشور میں سے گزرہاگی ۔ واقع ہوگی وہ ط ق کی سمت میں منطقت ہونے کے بعد منشور میں سے گزرہاگی ۔ وگر شعامیں عاد ط م کے ساتھ انعطاف کے نسبتاً چھوٹے زاویے بنائیگی ۔ وسل کے ساتھ انعطاف کے نسبتاً چھوٹے زاویے بنائیگی ۔ اس کے ساتھ انعطاف کے نسبتاً چھوٹے زاویے بنائیگی ۔ وط کی ایک جانب کا میدان تو روشن ہوگا اور اس کی دو سری جانب کا میدان بالکل ارک مرحدی خط پر میدان بالکل ارک ۔ چانچہ اس صورت میں صلیبی ناروں کو سرحدی خط پر میدان ہوگا ور بیان کی ہوئی فرق حدت والی صورت سے مقابلہ میں ترشیب دینا اور بیان کی ہوئی فرق حدت والی صورت سے مقابلہ میں نرایا دہ آسان ہوتا ہے۔

شكل يكذا من ح ا + ح ق م ط = ٣

نيز دقمط+<مقط+نه = π اس يے<1 = حمقط+نه يا نه=١-<مقط- بيس:

مم = مدجب فر

= مدجب (۱- ۵ م ق ط) = مدجب اجم م ق ط-مدجم اجب م ق ط لیکن نقطه ق پر کلیه انعطان کے اطلاق سے: جب طہ = مدجب م ق ط

یس اندراج سے:

مہ = جب ا ہا آمہ - جب طر - جم اجب طر سے اس (۰۰۰) اگر رُخ ا ب بر کوئی مایع موجود نہ ہو تو فاصل زاوبروتوع رشتہ جب فہ = لہ سے حاصل ہوگا ۔ چنا بخہ یہ صورت جلہ بالاسے مہ = ا درج کر سے حاصل کی جاسکتی ہے یس مساوات (۴۸) سے ماتل ہیں حاصل ہوگا : ١+ جم إجب ط = جب إم ما يجبالمه

 $(r_1) \cdots r_n + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \cdots \cdots \cdots (r_n)$

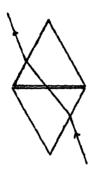
اِس اُصول کوعلی جامہ بینا کرکئی قسم سے آلات بنائے گئے ہم جن کی تسیک فاصل زاویہ پر کر لینے پر ان سے بیمانے کی خواند گی سے انعلات نا كى قبيت راست حاصل بوجاتى ہے - ایقے كا انعطاف بيما إسى قسم كا ایک آلدے اِس قسم کے آلات کی تعسُرعام طور پر معلوم انعطاف ماوالے ماتعات کی مدوسے کرلی جاتی ہے ۔ إن سے ملاوات (١٨) سے ١ اورمه کی تعيين على وعلىده نهيل برسكتي - يه بلاسشبه بهت مي زودعل مونة من -مكين إسس طرنقدس انعطاف ناكى تعين ايك معمولي طبعت يهاى مددت بھی کی جاسکتی ہے ۔ اِس کی بھی تعثیراتسی طرح کرلی جاسکتی ہے جس طرح کہ نسی خاص آله کی اور اِس سے بھی اشنے ہی صبیح نتائج حاصل ہوتے ہیں۔ نیز اسس میں ایک مزید خوبی یہ بھی ہونی ہے کہ اسس کی مدسے ا اور مہ کی تعیین علیحدہ علیجدہ ہوسکتی ہے اور چھر منہ کی قیمت مساوات (۴۰) کی مددست بینی اتبدائی اصولول سے راست محسوب کرلی جاسکتی ہے۔ أكرايك معمولي طبيف ييماس كام لينا مقصود بموتو إس مع منشوركا انعطاف نما جهان تک دبوسکے بڑا ہونا چاکسے کیونکہ اسس کا انعطاف نما بيايش طلب انعطاف ماؤل سے بڑا بہونا پر تاہے۔ زار کثیف فلنط تبیشکا ایک مساوی الاضلاع منشور، جوطبیف عاصل کرنے سے لیے عام طور پر استعال کیا جاتا ہے، جس کا ایک رُخ گھسا ہوا اور جس سے مادہ کا انسطاف ما سود يم نورك ي تقريباً ١٨١١ مونا م خويي كام دے سكتا ہے - بين . کسے پہلے مہ اور منشورے دونوں صیقل شدہ ریٹوں سے درمیائی زاویہ ا کی تعیین کرنینی جاہیے۔ یہ بات صفحہ ۱۸۸۰ پر بیان کیے ہوئے طریقوں سے

عل میں لائی جاسکتی ہے ۔ پیر منشور کی میز کو اپنے محور برکس دیکر منشور کو اِس پر اپنی مناسب جگه رکھ دو۔ اگر کسی مایع سے العطاف نما کی بیمالیش مقصر دہو تو إس ك ايك دو قطرت رُخ اب (شكل يكنه) يرولال كرشيشه كي ايك تیکی سی مختی اِس رُمخ بر دبا دو ۔ به شختی شعری جذب کی وجهسے اپنی مگه قایم رمیگی اور ساتھ ہی اِس سے قطرے تختی اور منشور سے رُخ سے ورمیان اک نتلی سی برت كى تسكل ميں بيل جائيگے - يور دور بين كى مدرسے سرحدى سمت فى س کی ملاش کی جاتی ہے ۔ توازی گرشے بالکل کوئی کام نہیں لیا جاتا ۔ اگر روشی کو اندرونی طورید واقع کرانا مقصود موتومنشورے کھے میوئے رفح برسودیم کے شعله كالك خيال سى محدّب عدسه كى مددست والاحانا جاسي واوريد شعام اسی سمت میں واقع ہونی جا ہیں کہ انعطاف سے بعد اِن کی سمت تقریب مس ط ہوجائے۔ اگر روشنی کو بیرونی طوریر واقع کرانا مقصود ہوتو روشنی کی شعاءوں کو شختی سے سرے ل م کی سمت میں داخل کرنا جامیے جدیا کہ شکل 🔠 میں دکھلایا گیاہے معمولی صاب سے معلوم ہوگا کہ یہ منعاعیں تختی حان سے یھے تو داخل نہیں ہوسکتیں لیکن یہ ما یع کی ایرت میں سے مطلوبہم لے میں گُذر شکتی ہیں ۔ اگر شختی کا سرا ل م صيقل شده بهو تواكسس كو مستوى اورمنشور بحه انعطاف نظر مناره الحيمتوازي موناجامييه أكررومشني تحو ببيروني طورير واقع كرانا مقصود بهوتو عتی کی بچائے ایک دوسرے منشوركا استعال جوشي الامكان

(#)

پہلے منشور کے منتابہ ہو ، بہت بہتر ہوگا- اِس صورت میں واقع شعاعوں کی سمت فاصل شعاع سے اخراج کی سمت سے ہمیشہ تقریباً متوازی رہیگی ، اور بنا بریں آخرالذ کر سمت کے معلوم کرنے کے بیے ہیں مبداء نور اور دور بین کو علاحدہ علیدہ حرکت دینے کی بات صرف منشور کی میر کو گھانا یو بگا۔

سمت ق من کے حاصل ہو جانے کے بعد ملہ معلوم کرنے کے لیے عاد ق ن کی سمت حاصل کرنی پڑتی ہے۔ اگر مشا بدات کا ای س کا جیٹمہ



فثكل متنذ

عادی کی مت حاس ری بری۔
گئی ہوئی دور بین کی مددسے لیے جارہے
ہوں تو رِس سمت کی نیسین صلیبی اروں
سے اندکاسی خیال سے حصول سے ہوجا تی
ہے ادر اگر مشاہات ایک خود توازی گر
طیعت بیما کی مددسے لیے جارہے ہوں تو
اِس سمت کی تیسین جھری سے انعکاسی
خیال سے حصول سے ہوجا تی ہے۔ اگر
خیال سے حصول سے ہوجا تی ہے۔ اگر
تجربہ متروع کرنے سے پہلے درجہ داردائرہ

توازی گرکافل پڑھ بینا جائیے۔ اس سے لیے جھری کومتور کرکے اس سے
داست خیال کو دور بین سے صلیبی تا رول سے سا فقہ منطبق کرو اور بھر دور بین
کی اس خواندگی میں سے ۱۹۰۰ تفریق کردو۔ اس سے بعد تواذی گرکو سخر به
سارے دوران میں اسی حالت پر قائم رکھنا جا جیے۔ بھر جب فی می
کی تعیین ہوجائے تو توازی گرکی جھری کو کر رمنتور کر سے اس سے آنے والی
شعاعوں کور ٹرخ اج پر واقع کرانا جائے۔ اگر اسس وضع میں جھری سے
انعکاسی خیال کامی دور بین کی مدوسے پڑھ لیا جائے تو اس خواندگی اور
توازی گرہے محل کی خواندگی کا او سط عاد کی سمت کو تعبیر کر بھاکیونکہ زادیہ
توازی گرہے محل کی خواندگی کا او سط عاد کی سمت کو تعبیر کر بھاکیونکہ زادیہ

مکن ہے کہ منشور کو اپنی مخصوص عَلْد رکھنے میں بہلے بہل کچے دشواری ہولکین کسی ایک مایع سے لیے انعطاف نما کے معلوم ہو جانے سے بعد دوسرے مایعات سے لیے یہ ترتبیب بہت جلدعل میں لائی جاسکتی ہے۔

مس سے طیف بیما کے استعال کے بغیر ہی بہت صحیح نمایج عاصل سے جاسکتے ہیں ۔ جنانچہ اس میں سرف ایک ہی مشاہرہ سے اعشار یہ سے دوسرے مقام یک ادر کئی مشاہدات کے اوسط سے عشار یہ کے تیمہ ہے سے صدر

متعام کے صبیح نتائج حاصل ہونئے ہیں۔ نقتہ کشی تے تحتہ یر ایک کا غذ حرار صاکر ایس پر ایب خط مس

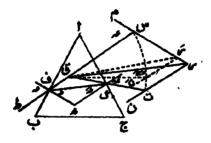
ط ق س کیٹنو (شکل عنل) پھراس شخۃ بر ایک منشور رکھ کر ایک ا بنسل سے اس سے ٹرخوں اب اور اج سے نشان کربو۔ اس سے بعد منشور سے رفرخ اج میں سے دیکھتے ہوئے ایک خطر مستقیم ت ق الیا کھنٹوک یہ ط ق ہی کی سیدھ میں نظر آئے۔منشور کو مطاکر ملت ق کو بیا ں

مه=<u>قس</u>

Monobrom naphthalene 🕳

كيونكه أكراكيانه بوتوفرض كروكريه انفطاف مناجله ذيل سے تعبير توتاہے: مستقرق من

فك من خط ق سُ كلينچ جو مس س س من ير جا ملے - من ميں سے



فتكل يكنط

اس من ، اج مع ملی القوایم کھینے۔ ق کو مرکز مان کر نصف قطرق میں اسے ایک قوس کھینے جو مرکز مان کر اسے ہے۔ ق اور مت کو طائے۔ فرض کروکہ شعاع طبق کا زاویہ وقوع منشور کے رمن اب پر عدم اور درخ اج سے شعاع ق مت کا زاویہ خارج عربے جینائی کے م مس ق = عد اور ک ن ت ق = عد فرض کروکہ منشور سے دونوں رخوں پر انعطافی زاویے کی ف ھر اور ف ک ک ھر بالترتیب طہ اور طکہ ہیں ۔ چنائیے یہ نابت کیا جا سکتا ہے کہ ا = طہ طکہ اور چونکہ مس می اور ت من بالترتیب اب اور اج کے علی القوایم ہیں بالترتیب اب اور اج کے علی القوایم ہیں بالترتیب اب اور اج کے علی القوایم ہیں بالترتیب اس می اور ت من میں :

اس کے

لیکن ہما رے مفروضہ کی روسے

ق کا <u>=</u> س

مر = جب عر مر = جب می ش فی

اور ١ س مَن ق = طر بنابري ١ ق مَن ت = طر

نیز۵ق ئرت میں

ق سُ = جبق ت سُ = جب ق تُ سُ

ق مَن <u>=</u> مه

مر= جب ق ت مَن

اورجب فى تَ مَن = جب مَه - بنا بري ٨ فى تَ نُ = مَه -ليكن

حقتن = مَه، مَن تَ متوازى م س ت ك اور ق ت

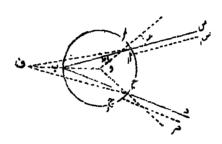
متوازی نہیں ہے ق ت کے ۔ بیں ک ف ت ن ، زاویہ عُرمے مساوی (۱۱۲) نہیں ہرسکتا اور بنا بریں ہمارا مفروضہ غلط ہے ۔ اس سے یہ انعطاف نما جائم ذیل سے نعیبر ہونا چاہیے :

مه ق س

واضح دہے کہ ثبوت بالاسے یہ تیجہ بھلتاہے کہ فی می متوازی ہوتاہے ف کے سے انبر منشور کا اقل الخراف کی وضع میں میونا بھی منروری

- سبن

فوس فسنعاع ہے : زم کرد کرس ایک ایسی شعاع ہے جو آیک فقات کرہ کی سطح پر اِس سے مرکز میں سے گزرنے والے مستوی پر اِس سے مرکز میں سے گزرنے والے مستوی پر اِس جو آتی ہوئے ہے ۔



شكل عشتك

چنا پخرس کا نصف تطروا، نقطه ا پرکاعاد ہوگا۔ فرمن کروکہ نقطه ا پرکا اور داویہ انعطات انعطاف کے بعد کرہ کی دوسری جانب ب بر منعکس ہوجا تی ہے ، پھر ج پر پہنچ کرمیاں سے ہوا میں دوسری جانب ب ب بر منعکس ہوجا تی ہے ، پھر ج پر پہنچ کرمیاں سے ہوا میں دوسری جانب ہو باتی ہے۔ پونکہ وا = وب اس کے ب برکا زادیہ وقرن طر ہوگا اور بنا بریں دادیہ انعکاسس وب ج بھی طہ ہوگا ، دوسر و ج ب علی طہ ہوگا ، دوسر و ج ب علی طہ اور شاع فارج ج د ، ج پرے عاد کے ساتھ دادیہ م بنائیگی۔ چنا نجہ زادیہ انفراف ح می ہن د

ا عدد طراء عدد طراء عدد المراء من المراف المراف المراف المراف المرافق المرافق

 $\gamma = \gamma = \gamma = 0$ سكن جب عدد مدجب طرابس جمعد دم مم طر ومط فرطه کو سانط کر دینے پر ہمیں مامل ہوگا بحمصہ = الله مرجم کھہ

يا جماعه = به ملا جماطه = بهاملا (ا- جب ط) = بها (ملا- جب عه) = + (مرا - 1 + جمام)

إسس كوحب ذيل تنكل من عبي لكها حاسكانها،

 $(1 - \frac{1}{3}) \frac{1}{3} = \frac{1}{3} \frac{1}{3} \frac{1}{3} = \frac{1}{3}$

جم عد = مرا الم

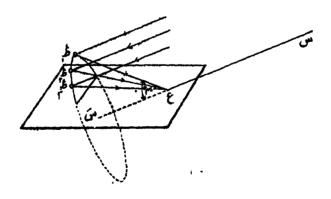
اگرہم مد کے لیے اسس کی وہ قیمت جویانی کی صورت میں مرف روسفی سے سلے عصل برقی ہے بینی ۱۹ سروا درج مرس تربیس مد= ۱ و ۹ ۵ ، طد = ۵ و. مم ° اور الخراف تقريباً ٨ و٢١م عاصل بوكا- أكرمدك لي إس كى وه قيت وري کی جائے جو بنفشی فرکے میے حاصل ہوتی ہے بینی ۳۴ موا تو جیس عہ ۸۶ ۸ ، طه = ١٩٩٩ اور انحواف ١٠١٨ حاصل بوگا - يني نيجملم احصاء كي مده كع بغيرهي ا فذك السكائد إس ك ليه بين مكى مختلف فينول ك مانى ط كى فيتس محدوب مریے برصورت یں زاویہ انخواف کو حدکے تفاعل سے طور پر مرتسم کرا پڑتاہے۔ اب فرض کروکہ ایک دوسری شفاع میں ا اس کرہ پراہیلی شفاع سے

منوازي وافع بمو تن ب - بينا يخراسس كا زاويه وقوع مدسيكسي قدر مخلف بوكا-

اس سے ایس کا انخراف س اے انخراف سے علیٰ العرم مخلف ہوگا اور کرہ سے باہر

ہنے ہر یہ شعاع ج دیم متوازی نہ ہوگی۔ بہر حال اگر انحراف کو عدمے تفاعل سے طویہ مرسم کیا جائے تو انحراف اقل کے قرب و جوار میں اسس انخراف کی قیمت عدمے ساتھ ساتھ بہت ہی آہستہ بدلیگی۔ بی اگر س ۱ انخراف اقل کے لیے مناسب ذاویہ ہوائی ہوتر میں اکما زاویہ وقوع سے کئی قدر تخلف بہونے کے باوجوداں کا انخراف تقریباً و ہی ہوگا جو شماع س ا کا ہے اور کرہ سے با ہر آنے ہر اس کا داستہ انخراف تقریباً و ہی ہوگا جو دیم ۔ اب باس کرہ پر ۱ اور اسے عدمی ان میں است کی اور ج کے ۔ اب باس کرہ پر ۱ اور اسے عدمی یہ متوازی متوازی واقع ہوسکتی ہیں ، جنا بنجہ انعکاس سے بعد بھی یہ متوازی متوازی شفاعیں میں کہ بیس سے گزرتی ہوئی افل طور بر مخرف بین ہوئی اور ج د اور ج کہ کہ درمیان واقع ہوسکتی ہو سے گزرتی ہوئی افل طور بر مخرف بین ہوئی اس مور توں ہیں یہ ہوں تو یہ متوازی متوانی شفاعیں میں با ہر آئیگی ، باقی تمام مور توں ہیں یہ ہوں تو یہ متوازی متفاعی ہی میں اس آئیگی ، باقی تمام مور توں ہیں یہ شفاعیں مستدن یا متبع ہوجائیگی ۔

یاں میں میں ہوئی ہے۔ اور اس کردکد مورج سے آنے والی شاعیس س ع اب شکل موال پر غور کرو - فرض کردکد مورج سے آنے والی شاعیس س ع کی سمت میں واقع ہور ہی ہیں ، مشا لم ع پر واقع ہے اور ط ، ط ، ط بارش کے



هكل مالنا (والشن كى در طبيعيات "سس)

کروی قطرے ہیں - اگر مؤرج سے آنے والی شعاعیں بارسش کے قطروں کی دجسے مخرت ہوکر مضا بر سے باس بہنمیں تو رسے صرف وہ ستیں روشن نظر المبنگی جن بی اِن شعاعوں میں اِفْلِ انخراف پا یاجا تاہے لینی جو س ع کے ساتھ تقریباً ، ہم کا زاویہ بناتی ہیں۔ یہ زاویہ سرخ روشن کے لیے ۲۶۸، اور بھشٹی روشنی کے لیے ۸ ورہم ہوگا اور طیف کے دگیر ربگ، اِن دونول رنگوں کے درمیان اپنی مخصوص ترتیب میں دکھائی ویٹکے۔ بس ہی قوس قزح ہے ۔ الا ہرہے کہ مشاہرتی میٹھے سورج کی طرف

وهای ویطے -بس بن ول ور سے یہ ما برہے دستا ہدی بیط سوری می طرف مونی چاہیے اور ایسے سُرخ رنگ با سرکی طرف نظر آئیگا۔ اِس طرح بیدا برفے وا قوس قرزئے کو اسلی فوس قرح کہتے ہیں -

اگر شعاعیں قطرہ کے اندر دو مرتبہ منعکس مہول مبیا کہ شکل <u>عال</u> میں ا اگر شعاعیں قطرہ کے اندر دو مرتبہ منعکس مہول مبیا کہ شکل ع<u>اللہ</u> میں

د کمالایا گیاسی تو افل انوات کی سورت میں سُرخ شعاعیں قاقع نور سے ساتھ تقریباً اہ کا زاویہ بناتی ہیں اور بھشٹی شعاعیں تقریباً ہم ہ کا زاویہ ۔ جینا پنجہ اِس طرح پیدا ہونے والی توسس قرح کا بیرونی حقتہ بنفشٹی ہوگا ۔ ایسی قوس قرح کو

in Asia con

شكل مثلا (دائش كى مر لجيبيان المسلم

کہتے ہیں اور کسس کے دیکھینے سے لیسے بھی مشاہد کی بیٹھیہ سورج ہی کی طرف ہونی جاسیے یعض اوفات اصلی اور

ثانوي توس فزن

ٹانوی قرحی توسیں آیک ساتھ دیکھنے میں آئی ہیں ، چنا پچہ ٹانوی توس قرح اصلی توس فزع کے ماہد دور سے مسیر تاسع اور حرای میدن ہے۔

باہر اور اسسے مدھم اور چوٹی ہوتی ہے۔

ور می توسین بنن یا چار اندرونی انعکاسوں کی وجہ سے بھی بہداہوتی (۱۹۳)

ہیں سکین یہ بہت شا ذ دیسے میں آتی ہیں۔ یہ اسی طرف دکھائی دیتی ہیں جن طرف کہ سورج ہوتا ہے سکین سورج کی بھری ہوئی روشنی سے مقابلہ میں ماند

ہوتی ہیں اور اسی وقت نظر آتی ہیں جبکہ سورج کی لوشنی ایدن کی دجہ نے

زیادہ مدرک جاتی ہے۔

ندکورہ بالا ہندس نظریہ فی یکا دھ کا پیش کردہ ہے۔ یہ اسس نظر کی وری بوری بوری نوجید نہیں کرا۔ مذکورہ بالا قرحی قوسوں سے علادہ بعض اوقات املی قوس قرح نے اندرو نی کنارہ کے قریب اور اس سے کم اوقات نانوی قوس قرح کے بیر ونی کنارہ کے قریب روشنی سے متبا دلات دکھائی دیتے ہیں۔ یہ زاید یا کھوئی قرمین فومین کو جید سب سے پہلے سرجا رج ایوی فی نیش توجید سب سے پہلے سرجا رج ایوی فی نیش کی ہے۔ اس کی روست یہ قری قوسی نظرہ سے اقل انخواف کی سمت وی قریب کی محموں میں نیکے والی شفاعوں کے اختلاف بنیت کی وجہ سے نودار ہوتی ہیں بیں بیر اید توسیل در مقابقت اصلی مستوی موج کے نظرہ میں سے گزرنے مے باعث بیا بیر اید توسیل والے انحماری اثر کا نتیجہ رہیں۔

سمی آبشار کی بیوار کی وجہ سے بھی قرحی قوسیں اسی طرح بیدا ہوتی ہیں جس طرح کے اور تی ہیں جس طرح کے ایک اس کی وجہ سے -

مثالين

(۱) ایک طالب علم طیف پیائی دور بین کو کھڑئی کے پاس لے جاکراس کی مسیک ایک اس کو کمر ہے اندر مسیک ایک اس کو کمر ہے اندر اسیک ایک اس کو کمر ہے اندر دارین کی بیائے واس کو کمر ہے اندر دارین کی تمسیک اس کی اسینے کی طرف بیٹاکر دور بین کی تمسیک اس کی مسیب سے خیال پر کر لیتا ہے ۔ اِس دور بین کے دا نہ کو دت بیٹی کی مددسے کتنے کی میٹر کی سے اندر سرکا تا چاہیے کہ اِس کی تمسیک متوازی متفاعوں سے ایک طبیک ہو جائے ؟

Supernumery bows al

Descartes 4

Sir George Airy &

حده اللى اصطلاحل كى وضاحت في اعدوسوي باب سي كى كئى سيد

انخراف زاویہ وتوع کے ساتھ ساتھ نہیں براتا بشرطیکہ وقرع تقریباً عمودی سمت میں ہو۔ طابت کردکہ اِن ہی حالات سے تحت منشور کے دو سرے دُخ سے شعکس شدہ حدتہ نور کے انخراف میں اور منشور کے پہلے رُخ سے منعکس شدہ حدتہ نور سے انخراف میں ہمیشہ ایک منتقل فرق یا یا جا تاہے۔

(٣) روشن کی ایک شعاع ایک منشوریں سے اس سے کنا رسے سے ملی القوام است کے ملی القوام است کے ملی القوام است کی منتوں میں منتوں میں منتوں میں منتوں میں است کروکہ اور منتوں کے انتوان منتور کے ناویر کے ساتھ ساتھ اللہ منتا جا اسے - نیز نا است کروکہ ا

 $+\frac{1}{(\frac{1}{n})^{2}} + + + \frac{1}{(\frac{1}{n})^{2}} + + \frac{1}{(\frac{1}{n})^{2}}$

الما الما من كروك أراويه لم والح ايك منشور سے ليے :

$$\frac{(d-d)^{\frac{1}{2}}(d-d)^{\frac{1}{2}}}{(d-d)^{\frac{1}{2}}(d-d)^{\frac{1}{2}}} = \frac{(d+1)^{\frac{1}{2}}(d-d)^{\frac{1}{2}}}{(d-d)^{\frac{1}{2}}(d-d)^{\frac{1}{2}}}$$

جال حد زاوی انحراف ہے ، عد اور عد بالنزنب دروی وقرع اورزاوی فاری برائر بیا ، روز ط ورزاوی فاری بیا ، روز ط ورط إن سے متناظر انعطائی زاوسے ہیں۔

ر ند ، د انداسو ذیم اور منصر کی روشنی کے لیے اِلترتیب ۱۵۱۵ (۱ اور ۱۹۴۰ وائیں ایک منظم سوامی کی روشنی سے لیے زاویدا فل کواٹ کی جیائیں کرا ہے اور بھر اسس منٹور کو متعیم کی روشنی سے لیے اعل انحوات کی وضع میں تر نبیب دیسنے کی بجائے لینظیم سے خطرے انخوات کی کیا بیش کراہے جبکہ سوؤ مم کا خط اخل اسخوات کی وضع میں مبوتا ہے۔ لیتیسم فور کے اضافات انکے لیے ایسے

(4) فلنسف خیشہ کے ، ؟ والے کید منظور کا انعطات نما سوؤیم فرکھ کے ۔ والے کید منظور کا انعطات نما سوؤیم فرکھ کے ۔ الم

نکورہ بالا ہندی نظریہ ڈیکا دھ کا پیش کردہ ہے۔ یہ اسس نظری پوری پوری پوری نوجیہ نہیں کرا۔ ذکورہ بالا قرحی قوسوں سے علاوہ بعض اوقات اصلی قوس قرح کے اندرونی کنارہ کے قریب اور اِس سے کم اوقات نا نوی قوس قرح سے بیا دیتے ہیں۔ یہ زاید یکھوٹی میں ہونی من روشنی سے متبا دلات دکھائی دیتے ہیں۔ یہ زاید یکھوٹی قرسیل کہلاتی ہیں۔ اِن کی توجیہ سب سے پہلے سرجا رہ ایدی نے نیش کی ہے۔ اِس کی روسے یہ قرحی قوسیں نظرہ سے اقل انخواف کی سمت قریب کی مست قریب کی مست تے قریب کی مست قریب کی مست کے قریب کی مست کے قریب کی میں بیا ہے تھا ہیں سے گزر نے سے باعث پیا ہو ایم اور کا نتیجہ ہیں۔ یہ والے انجواری انتیجہ ہیں۔

کسی آبشار کی بھوار کی وجہ سے بھی قزحی قوسیں اکسی طرح بیدا ہوتی ہیں حس طرح کہ باکسٹس کی وجہ سے -

مثالين

(۱) ایک طالب علم طیف پیمائی دوربین کو کھڑئی کے بیس لے جا کرائس کی مسیک ایک انتخابی طور پر بعید شخص پر کرلینے کی بجائے اِس کو کر ہ کے اندر استیار کے فاصلے پر دکھے ہوئے ایک لیمیب کی طرف بیٹا کر دور بین کی تسیک اِس المیب کے خال پر کر لیتا ہے ۔ اِس دور بین کے دیا نہ کو دت بیٹی کی مدوسے کتنے کمی میٹر نمی کے اندر سرکا تا چا ہیے کہ اِس کی تسیک متوازی متعاوں کے سالے میں کہ میک ہوجائے ہو

(٢) فامن مروكم جب روشى ايك يتل منشور مي سے گزر فى ب تواس كا

Supernumery bows al

Descartes .

Sir George Airy

عده الى اصطلا حل كى ومناحت فري ادر وسوي باب مي كى كئى سے -

انخراف زاویہ وقوع کے ساتھ ساتھ نہیں بداتا بشرطیکہ وقوع تقریباً عمد دی سمت میں ہو۔ شاہت کردکہ اِن ہی حالات سے تحت منشور کے دو سرے مُرخے سے شعکس شدہ حمتہ نورسکے انخراف میں اور منشور کے پہلے رُخ سے منعکس شادہ حقتہ نور سکے انخراف میں ہمیشہ ایک منتقل فرق یا یا جاتا ہے ۔

(۳) روشی کی ایب شعاع ایب منشور میں سے اِس سے کنارے سے ملی القوامیم منتوی میں منطف ہور ہی ہے ۔ نابت کروکہ اگر ہسس کا زاویہ و قوع مستقل رسمے آ اِس کا انخواف منشور سے زاویہ سے ساتھ ساتھ بڑھنا جا آ ہے ۔ نیز نابت کروکہ ؛

$$(\frac{1}{n})^{-1} + (\frac{1}{n})^{-1} + (\frac{1}{n})^{-1}$$

منشوركا اكي ايها اننهائي زاديه بركم أسس صورت مي جب شعاع دوموسه ورئي اير اس شعاع دوموسه ورئي مي جب شعاع دوموسه ورئي اي اي اي من جهال عد يبلي ورث براس شعاع كالدور و توسع ب

جال صر زاوی انحراف ہے ، عد اور عد بالتر نیب زاویہ وقرع اور زاوی فارح ہیں ، اور ط اور طد اِن کے ستنا ظرائنطانی زادیے ہیں۔

زور کے اور عد ان کے مسا فر انعظاف انگیز زاوابہ ، اس کے ایک ایسے نیشکا بنا ہماہے جس سے

(۱۱۱) طبیف پمیا کا درجہ وار دائرہ قوس کے ،ایک برامد سکتا ہے اور جس معل میں بر رکھا ہے اُس کی تیش سال بحریں ، ہ ف سے ، ی ف کک بدلتی ہے ۔ کیا اِسس ھیف پیا کی روسے معلوم کیے ہوئے انفال ف ناؤں کی تمیتوں میں کوئی قابل لاا تملیر مشاجہ میں آئیکا ؟

(٤) مفحد (٢٠٠) بر تاك بوك ترسيى طريقه سے مشيشہ كے منشوركا العطاف نما معلوم كرور الفرادى نتايج اعتاريه كے دوسرے مقام كك صحيح مونے

(٨) فانوى قوس قورح كے نظريد كى تحقيق الى طريقه سے كروجس طريقة سے منفر (۲۱۰) ير اللي توس قزح ك نظريه كي تختق كي كئي ب-

اسٹ اربیہ ہندسی مناظر

اکود العث Caustic curve المركس ١٤٩ Sextent ابياى انعكاس ١٩ Astigmatic reflection ابيامي نسرق ١٠١ Astigmatic difference انتلان منظر 4 Parallex ادکس کا مورین ۱۹۸ استمرار روسیت ۱۷۹ Yerkes telescope Persistence of vision أسطواني مديير مهاا Cytindrical lenses اغلب خطا يهما Probable error ا قل وتت كا امهول ٢٦ Principle of Least Time ا تشارى طاقت شيشه كى ١١٥ Dispersive power of glass انتمائي لاه كاكليه ٢٧ Law of extreme path إنمراثِ اقل معا Minimum deviation

انگویری) اردو.
Curvature of the image	إنمنا منيال كا
Refraction at a spherical surface	انسلان كردى مخ ير ٧٧ تا٢٧
Determination of refractive index by graphical method	انسلات ناکانیین ترسی طریقے سے ۲۰۱
Determination of refractive index by total reflection methods	انعطا ف التعيين كلى انعكاس كيطريقول ٢٠٤٠٩
Total reflection	انسكاس كلى ٢١
Determination of refractive index by total reflection methods	انعكاس كل كمالتيل المانطاف فاكتيبين ١٠١٠
Reflection telescope	انعكاسي دكوربين مهاوا
Mean error	ا وسط خطا يهم ا
Abbe	اليب ه ۱۲۰٬۱۱۹ ۱۱۱۰ ۱۲۰
Abbe's refractometer	. كا انطان بيا 199
Abbe's spectrometer	- کا کمیعن پیما ۱۹۹
Airy, Sir George	ایری سهجادج ۲۱۲
	ب
Ultra microscope	بالافزدبين ساءا
Telephotography	بعیدمنا فرکی حکاس ۱۷۹
	پ
Poro	148 363
Resolving power of the eye	تحکیل طاقت آنکولی ۱۵۸
Resolving power of a telescope	محليلي لماقت وهبين كيءا
Optical bench	شملیطی طاقت٬ آنکهکی ۱۵۸ شملیلی لماقت٬ دوین کی،۱۰ شمنت مناظر ۱۲۱

* *	
انگریزی	أزدو
Graphical method for the determination refractive index	رد فارتبر المسالة المس
Optical projection	تظلیل مناظری ۱۲۵
Bpidiascops	تظلیل نما ۱۲۸
Magnification of a telescops	نگهبیرژور بین کی ۱۵ ^۷
Magnifying glass	تكبيرى شيشه المها
Magnification methods of determining focal lengths	مكبيري طريق اسكى طولون كتسيين كـ ١٣٥
Collimator	توادی گر
	ث ا
Proboto camera	تُقباله ۳
Aperture	أتغبه
Aperture numerical, of microscope	الم المن المنافعة الم
Aparture of a photographic lens	ر کساله کے عدسہ کا ۱۹۰
Solutification of stars	ج جدل بث ستاردن کی ۱۹
Sinc condition	جيبي مشرط ا
	ر ا
Eyepiece	اچئے ہما
	7
Rysting	مكته چم ۱۵۳
N. C.	ملقهٔ چنم ۱۵۳ خ خرد بمن ۱۲۱ مرکز کیل کا ت ۱۴۰
Жиноворр	اخرد می ۱۲۱
Resolving power of a misroscope	ا به ل هیل کا ت ۱۱۰

خُرد مِني المريق على السكام إلى تعيين 19 Determination of focal length by a mieroscopie method تحردبني عكاسي ١٤٣ Microphotography خورتوازئ گرلمجنوبيا 199 Auto-collimating spectrometer ر دارد اقل النباس ه ۵ Circle of least confusion مر بین ملکی اه ا Astronomical telescope . کسیگرین کی ۱۲۴ Cassegrainian telescope ۴ گُونگودی کی ۱۹۴ Gregorian telegrope گلیسلیونکی ۱۹۰ Gastoo's telescope Leir-scopic systems دان دورجين لل ١١٩ اهد ١٩ ا Object glass of a telescope Dawes ڈروڈ کے مناظر کا والہ ما Drude's Optics quoted و يكارث ١١٢ Descartes Rangden 's eyepiece Zeiss Mirage Cinemotograph

	والمراوي والمراوي والمراوي والمنطقة المواقع المراوية والمحاوية المناوية والمراوية والمراوية والمراوية
رقيدته	م اددو ص
Principal planes Cardinal runts of a lens	صدرمستوی ۱۷ صدرنقالم عدسہ کے ۲۲
Cardinal points of a spherical lens	ر سه کروی عوسے ۱۸ حض
Aberration	مثلالت در کروی ده مه ۱۱۰ تا ۱۱۰
Shan'e. Processes	अविभाग्य हुई साम्या
Chrometic share ton	•
Aberrations of a leas	طلاقتین عدسه کی متاسعه
Investigation of the aberrations of a lens	ر ر محتیق ۱۳۹ ۱۳۳
Ganismeter, Spertrometer	ط لمیت بیب ۱۸۵ تا ۲۰۰۱ لخ
Umbra	نلق محف "
Penumbra	ا م مشوّب ۱۳ ۵
Freiminary theory of lenses	ع مدسوں کا ربتدائی نظریہ سم سم آ ا ۵
Determination of focal	
Optical control of a lens	عدم کا منا ظری مرکز ۲۹
Fodel stide	مقدى مبرك والأآله ١٣٦
Nodel points	٠ تقطي ١٠
Photographic camera	المكسالد ١٤١١
Camera lucida	مقدی میک والاآکه ۱۳۷ نقطے ۱۷ مکسالہ ۱۵۲ پر منورہ ۱۵۲

انگویزی	م اردو غ
	<u>_</u>
Pepper's ghost	ا نعول ساتر ام
Aplanatic surfaces	ن مفيد ستطور الا
Aplanatic lens	יית נו ייט אין ע פנייה בץ
Aplanatic points of a sphere	ر تقاط کرہ کے ۲۲
	ا
Fermat	اینیر، ۲۹
Astronomical refraction	فلكى انعطات ١٦
Astronomical telescope	ر دُور بین ۱۵۱
Carteman oval	کارٹیزی ناقص ۲۳
Spherical mirrors	کروی آ بینے ۳۲
Refraction at a spherical surface	اء سلم پرانعطان ۲۴ آ۲۸
Spherical abstration of a thin lens	ر ضلالت بیلے عدم کی ۱۰۵
Spherical aberration of concave mirror	ر سه مقعرآتینه کی ۵۰
Spherical lenses	+ عدسے ۱۸
Cassogramian telescope	کسیگرینی دوربین ۱۹۲
Kineplastikon	كينے پلا سٹيكان ٢٨
Gauss	2 pr 4. mg/5
Gauss eyepiece	ر کاجیشید ۱۹۹۵ در ۲۰۹
Rotation of a plane mirror	گردش مستوی آئینه که ۱۰
Grayson's rulings	گربسن <i>کی مالیال ۱۷۲</i>
Gregorian telescope	گردشٔ ستوی آیئنه کی ۱۰ گردبیسن کی بالیاں ۱۰۱ گومیگوری کی وربین ۱۲۲

ا نگرفری Galileo's telescope	اُردد گلیلیوک دُمدین ۱۲۰
Carrier a corescope	ميسول رهبي
	J
Listing	لِسننگ ۲۳
Chromatic aberration	لِسٹنگ ۲۳ رن منلالت ۱۲۳ تا ۱۲۳
Lagrange	ليگرينج ٩٣
	اسکی تطوط ۱۰۰ در طول کی تعیین ۱۲۸ اور ۱۳۹٬۱۳۸ د مستوی ۲۵
Focal lines	اسکی خطوط میزا
Determination of four length	ر طول کی تعیین ۱۲۸ اور ۱۳۹٬۱۳۹
Focal planes	ر ستوی ۲۵
Crossed lens	شقاطع عديسه ١٠٨
Multiple reflections	متواترانعكأس ال
Multiple images	ر خيال ۱۵ تا ۱۵
Distortion of image	مسخ عیال کا ۱۰۱
Equivalent planes	معادل ستوى ١١
Optical lantern	مناظري تنديل ١٤٢
Optical centre of a dens	ر مرکز عدم کا ۲۹
Prism glasses,Opeca glasses	منشوری مُطبین ۱۹۲
Thick lens	موا مدسه ه ب
Field long	میدانی عدسه ۱۵ م
	ا
Exit pupil	میدان مدسه ۱۵۳ ن نکاس سبشلی ۱۵۴
	4

	177	•	
الگونزي Newton		دو بوشن ۱۲۴	- 1 × i
		8	•
Hockin Helmhottz		الن ١١٢	b
Helmholts's magnification law	ا نکسه ۱۴	سم هواين مره سر لا كاكلية	
Huygen's eyepiece	س ۱۵۱۰ س ۱۵۱	لم هوالنز مرم سر لا كاكلية وثيًكنس كا جمث	À
			
ľ.			

Aperture Aplanatic

Aplanatic surface Astigmatic

Astronomical aberration

Astronomical telescope فيالكاخ Distortion of image خرد توازي الم C

Camera lucida Cardinel points blight. Physicalesis planes

Cartesian oval Eyemece | Dition Caustic

Chromatic Exit-pupil لوني منوات aberration

Circle of least confusion } , וני וריין עולט לייני לי

Crossed lens Curvature

Cylindrical نامی خوالت و D

Deviation انتفادی طاقت Dispersive power نامی و در بین و

Epidiascope du L'aigle

الكونوي أكردو انگریزی N R Nodal points Field lens Nodal slide Focal length 0 Focal lines Object Focal planes Object glass Ocular Focus Opera glasses G Goniometer Optical bench Optical centre ĭ Index of refraction انطان ا Optical lantern L Optical projection Law of extreme path Lens Parallax M Magnification Penumbra Peppera's ghost Magnifying glass Persistence of Medium Microscope roisiv Photographic Minimum deviation انخانواطل Mirage camera Pinhole camera Multiple images Principal planes Multiple Frism glass reflections Probable error

صحت المر

صحيح	فلط	Jan.	- jew	صجيح	نملط	سطر	صفحس
بنفشی evolute	بنفشبی evolnte	14-14 14	1	ظاہر کرتا ہے (صفحہ ۱۸۴۲)	ظا ہرہواہے (منعجہ متلک	سم	۲ ع
تماس	تماش	اه (ع <u>ر اک</u>	176	چاندی	چاندهی	1.4	7
Messrs Zeiss Herschel	Mears Zeiss	نٹ نوٹ	144	7-, 0 "	ريمن: بهوني تو	۱۳ م	1"
۶	Herschel	11"	166	Pepper's	Peppes's	ور زرت رو	ام)
Schuster کی تعیین	Soluster Soluster	ما شید •	195 195	مه ہوجا کیگی:	عم ہو جا کیگا	شوت.	کما هم
مونؤ بروم	موتو بروم	4	1.6	3,	عدو	شومت	4 5